

S'RĪ HARIKRISHNA NIBANDHA MĀNIMĀLĀ

NO. 3.

THE

LILĀVATI

A TREATISE ON MENSURATION

BY

S'RĪ BHĀSKARĀCHĀRYA

EDITED WITH

Exhaustive and Critical Notes

BY

Pandit S'rī Muralidhara Phākura

Jyautis'achvīya, Jyautis'aśirtha.

PUBLISHED BY

SRI HARIKRISHNA NIBANDHA BHAWANA

Benares City.



Revised Edition.]

Price Rs. 2

[1938,

श्रीगोकुलेश्वरप्रीत्यै तदीयजननोत्सवे ।
श्रीहरिकृष्णदासेन सदानन्दाभिलापिणा ॥
विक्रमीय-युगवसुनवेन्द्रमितशरदि सुतारे
स्थापितमिह शुभसहसि शूक्ल इनतिथिगुरुवारे ।
श्रीहरिकृष्णनिवन्धभवनमिति मणिमालाया
प्रन्थनाय बुधजनविनोदमतिमङ्गलदायाः ॥

*Registered According to Act XXV of 1867.
[All Rights Reserved by the Publisher]*

PRINTED BY
JAYA KRISHNA DAS GUPTA,
VIDYA VILAS PRESS, BENARES CITY

1938,

श्रीभास्कराचार्यविरचिता

लीलावती

ज्योतिपाचार्यज्योतिपतीर्थपं० श्रीमुरलीधरशर्मकृतया नवीनवासनया
समलङ्कृता तेजैव परिशोधिता च ।

प्रकाशकः—

श्रीहरिकृष्णनिबन्धभवनम्—

बनारस स्थिती ।

(सर्वेऽधिकाराः प्रकाशकाधीनाः)

INTRODUCTION.

I have great pleasure in presenting a new edition of the Lilavati of Bhaskaracharya to the public. This important work on Indian Mensuration was twice edited with solutions and notes by the late Mahamahopadhyaya Pandit Sudhakara Dvivedi. His extraordinary mathematical genius succeeded in clearing up many difficult points involved in the work. But the notes and solutions were far from exhaustive and systematic. In many places they were meagre and the processes were not fully worked out. With a view to make the book suitable for the requirements of the students, specially for the examinees—the present edition has been undertaken. We have added in very easy language an appendix to initiate the students in the modern methods of multiplying, dividing etc. and have offered solutions of all important problems and alternative methods of working out the same problem. It is hoped that if all the examples given here are intelligently worked out, solutions of other similar examples will become comparatively easy. The reader is requested to go through the entire book and the examples which have been put separately, and frame and solve new problems by himself. No pains have been spared to make the book interesting to the learned and the method of forming magic squares has been added at the end. In short, it has been our endeavour to make this important Mathematical work useful to those for whom it is meant.

A few words with regard to the illustrious author of the book and we have done. Perhaps there is hardly any scholar of Indian Mathematics who does not know the name of Bhaskaracharya. We learn from the end of the Goladhyaya

that he was born in 1036 saka in Vijjadabida. The name of his father was Mahesvaropadhyaya. He was a pious Vaishnava and well-versed in the performance of Vaidic and Smarta rites. His life and opinions were ideally simple and full of nobility. Indeed it is difficult for people of our intelligence to estimate them properly. We need hardly speak anything about the keenness and many-sidedness of his intellect. The reader will find the same amply exhibited in his works. The following sloka alone will show how great a scholar he was—

अष्टौ व्याकरणानि पद् च भिपजां व्याचष्ट ताः संहिताः
पद् तर्कान् गणितानि पञ्च चतुरो वेदानधीते सम यः ।
रक्षानां त्रितयं द्वयं च बुद्ध्ये मीमांसयोरन्तरं
सद्ब्रह्मैकमगाधवोधमहिमा सोऽस्याः कविर्भास्करः ॥

It is a most remarkable point in Bhaskaracharya that new Mathematics (Differential Calculus) to which Leibnitz and Newton claimed to have given birth had already been known to him nearly 300 years earlier.

The value of \div , the summation of the Arithmetical and Geometrical progressions, the method devised for finding out combinations and permutations—all these testify to the great originality and genius of the author.

Bhaskaracharya wrote at the age of 36 in 1072 saka his Siddhanta Siromani of which the present work forms a chapter. I am of opinion that the Lilavati was written after the Text of Ganitadhyaya. There is much difference of opinion with regard to the name of the present work. Some are of opinion that he named the work after his dear daughter in order to perpetuate her memory, while others hold that it was called after the name of his late wife with a view to show his love for her. Whatever be the history of the origin of the name,

it is clear that he has taken great care to make the reading of this Mathematical work pleasant to children by interesting examples which may attract them to its study and remove the scare which haunts the brain of juvenile beginners. Nevertheless there are problems which challenge the most powerful brain. It is not an exaggeration to say that—

भास्करीयगिरां सारं भास्करो वा सरस्वती ।
चतुर्मुखोऽथवा वेत्ति विदुनन्ये तु मादशाः ॥

I would not discharge my duties faithfully if I were not to thank most cordially my friend Pandit Gangadhara Misra, Professor, Vaidya Natha Vidyalaya, Deoghar, for rendering me great help in reding some protions of its proof sheets and in offering valuable suggestions. I would deem my-self amply rewarded if this book proves to be of some help to the reader. I crave the indulgence of the learned readers for any mistake of omission or commission, which, if communicated to the undersigned, would be very gladly acknowledged and rectified in the next edition.

MURALIDHAR THAKUR.

भूमिका ।

अपरोक्षमेवेदं ज्यौतिःशास्त्रविदां विदुषां यजुर्योतिर्ग्रन्थप्रणेनृपु श्रीमतो भास्करा-चार्यस्य नाम प्राथम्येन परिणामीयतां भजति । एतशिर्मितगोलाध्यायस्य ग्रन्थान्त-पुष्पिकालेखेनेदमवसीयते यदतो विजाविङ्गनामके नगरे १०३६ शाके प्रादुर्वभूव । अस्य पितुर्नाम सहेश्वरोपाध्याय इति । महान् वैष्णवोऽयं श्रोतस्मार्तकर्मसु सुतरां प्रवीण आसीत् । श्रीमतो भास्कराचार्यस्य चरितवर्णनमल्पधियासस्मदार्दानां तु सर्वथा दुष्करमेव । न केवलमयं ज्यौतिःशास्त्र एव पण्डित आसीदपि तु शास्त्रान्तरेष्वपि प्रगाढ़मस्य पाण्डित्यं जगतो विस्मयं जनयति स्म । किं वहुनाऽधःप्रदर्शितेनैकेन इलोकेनैव कथश्चिद्देतत्पाण्डित्यपरिचयः सम्पद्येत ।

अष्टौ व्याकरणानि पट् च भिपजां व्याचष ताः संहिताः
षट् तर्काच् गणितानि पञ्च चतुरो वैदानधीतेस्म यः ।
रत्नानां त्रितयं द्वयं च त्रुत्वये मीमांसयोरन्तरं
सद्व्याकमगाधवोधमहिमा सोऽस्याः कविर्भास्करः ॥

सत्यमेवेदं यत् परमात्मा यं महान्तं चिकीर्पति ग्रायस्तस्मिन् गुणानां सामस्त्यमेव सञ्चिवेशयति । पाठकमहाभागा एतावतैवेदमतुमातुं प्रभवन्ति यद् यच्चलगणितमधि-कृत्य लेबनिजन्यूटनप्रभृतयो गणितिका मिथो विवदमाना आत्मन एव तदाविष्क-र्तृन् मन्यन्ते स्म गौरवं च परमं तद्द्वाराऽनुभवन्ति स्म च, तदेव चलगणितं श्रीमता भास्कराचार्येण ग्रायः शतकत्रयादर्वागेव सूत्ररूपेण सम्पादितमासीत् । अथ षट् त्रिशै वयसि वर्तमानेनामुना १०७२ शालिवाहनशके सिद्धान्तशिरोमणिनिरमायि अस्यैवायं प्रकृतग्रन्थः पाठ्यध्यायो यथ प्रायो गणिताध्यायनिर्माणानन्तरमेव निर्मतं इति मम प्रतिभाति । ‘लीलावती’तिग्रन्थनामकरणविषये वहुनां वहुविद्याः विप्रतिपत्तयः सन्ति । केचिदेवं व्याचक्षते यत्स्यदुहितुर्नाम्नैवायं ग्रन्थः प्रणीत इति । अपरं तु श्रीनाम्नैव निर्मितं ग्रन्थसिमं व्याहरन्ति । किमप्यस्तु, वगमित्यं वादं वक्तुं शक्तुमो यत् श्रीमता भास्कराचार्येण तथाविदैः सुललितं वृत्तैर्दद्यज्ञमैश्वोदाहरणैः प्रणीतोऽयं प्रबन्धो ज्यौतिःसागरं तिर्तीष्ठतां प्रवहणमिव परतीरावासये सुखसाधनायते, प्रकट-यति च विदुषोऽस्य ज्यौतिःशास्त्र इव काव्यशास्त्रेऽपि प्रगाहां व्युत्पत्तिम् । गणिते चास्त्रान्यसाधारणं पाठवं प्रकृतप्रबन्धनिवेशितैः शून्यपरिकर्म-श्रेढीव्यवहार-व्यस्त-त्रैराशिकसिद्धान्त-भेदकथना-इप्पाशरवनाप्रभृतिविषयैः प्रत्यक्षमेव प्रेक्षावताम् । तद्विषयेऽधिकोक्तिः सूर्यस्य दीपदर्शनमिव निष्फलमेव स्यात् । किं वहुना, सर्वथा नीरसो-

अपि गणितविषयो येन स्वोक्तिवैदरध्येन सरसतामापादितस्तत्प्रशंसायामपि न वयमा-
त्मनः प्रभूत् मन्यामहे । तथा च मासकीनोक्तिः—

भास्करीयगिरां सारं भास्करो वा सरस्वती ।
चतुर्सुखोऽथवा वेत्ति विदुर्नान्ये तु मादशाः ॥

एतत्कृतिषु लीलावती-बीजगणित-गोलाध्याय-गणिताध्यायाः ग्रन्था बहुकालात्
पठनपाठनादौ प्रचलिताः सन्त्येव । सम्प्रति मुद्रयमाणां लीलावतीमधिकृत्य किञ्चिद्व-
क्तुमुत्सहामहे । इतः पूर्वमस्य ग्रन्थस्य विषमस्थलिष्पणीनिवेशात्पूर्वकं संस्करणद्वयं
श्रीमत्सुवाकरद्विवेदिमहानुभावैः कृतमास्ते । एवं स्थितेऽपि वहूनां स्थलानां दुर्बोधता-
माकलद्य विशेषतोऽद्वापाशानां स्पष्टीकरणचिकीष्याऽशेषाणामुपपत्तीनां दिवर्द्ययिषया
च प्रवृत्तोऽहं साहस्रायेऽस्मिन् क्रमणि । आशासे चैतावता परीक्षार्थिनां विद्यार्थिनां
सुमहत्साहाय्यं सम्पादितं भवेत् । किं च मध्यमा प्रथमादिपरीक्षार्थिनामुपयोगाय
ग्रन्थस्यान्ते परिशिष्टप्रकरणमपि निहितमस्ति, यत्र नव्यप्रणाल्या गुणनादिकं निवेशितं;
मूले या काऽपि त्रुटिर्वर्तीते साऽपि यथासम्बवं संशोध्योपपत्तिपूर्वकमत्र प्रदर्शिता । अत्र
प्रदर्शितान्युदाहरणानि सावधानतया यथालोचितानि भवेयुस्तर्हि तत्परिपाटीमध्यस्यतां
छात्राणामुदाहरणान्तरकरणमपि सुकरं भवेत् । विदुषां मनोविनोदाय ग्रन्थस्यान्ते वर्ग-
कोषाङ्कस्थापनविधिरपि निवेशितः ।

वहुत्र प्रकृतग्रन्थसंशोधनादिकार्ये साहाय्यं ददते परमप्रियसुहृदरवैद्यनाथविद्या-
ल्याध्यापकाय ज्यौतिषाचार्यश्रीगग्नाधरमिश्रमहोदयाय शतशो धन्यवादान् वितरामि ।
धन्यवादार्हः परमसुहृदयः श्रीसत्यदेवर्शमी येन ग्रन्थशोधनादिविधौ महान् यत्रः
कृत इति । यद्येतेन मासकीनेन परिश्रेण विदुषां विद्यार्थिनां च कश्चिदुपकारः सम्पदेत
तर्हि सफलो मे परिश्रमो भवेत् । साजलिवन्धं सविनयं च गुणग्रहिलस्यभावान् ग्रार्थये
विद्वत्तमान् यत्तैमानुष्यसुलभस्खलितपराङ्मुखैरनुभूयतां लीलावतीवासनासारसौन्द-
र्घ्यम्, संसूच्यन्तां च सातुग्रहं स्खलितानि यानि द्वितीयावृत्तौ सुपरिष्कृतानि भवेयुः ।
अस्य सकलो मुद्रणादिभारो वावूशीहरिकृष्णदासगुप्तमहानुभावैरेव निजव्ययतो शृहीतः
सर्वाधिकारोऽप्यस्य प्रवन्धस्य तेनारक्षीत्यलं पल्लवितेन ।

विनातो—

श्रीमुरलीधरः ।

सपरिशेषलीलावत्याः विषयानुक्रमणिका ।

प्रकरणम् —	पृष्ठम्	प्रकरणम् —	पृष्ठम्
परिभाषाया मङ्गलाचरणम्	१	भागमूलोने वृष्टे उदाहरणे	२४
परिभाषा:	१	भागमूलयुतवृष्टे उदाहरणम्	२४
ग्रन्थमङ्गलम्	१	त्रैराशिकम्	२५
संख्यास्थानकथनम्	२	व्यस्तत्रैराशिकम्	२७
अभिज्ञपरिकर्म	२	पञ्चराशिकम्	२८
सङ्कलितव्यवकलिते	२	सप्तराशिकम्	२९
गुणनम्	२	नवराशिकम्	२९
भागहारः	४	एकादशराशिकम्	३०
वर्गकरणम्	४	भाण्डप्रतिभाण्डकम्	३०
वर्गमूलानयनम्	९	अथ मिश्रव्यवहार	३१
घनः	६	मिश्रान्तरे करणसूत्रम्	३२
घनम् लानयनम्	७	मिश्रान्तरे अन्यत्सूत्रम्	३२
अथ भिन्नपरिकर्माण्डकम्	७	वाप्यादिपूरणे सूत्रम्	३३
भागजातिः	७	क्रयविक्रयसूत्रम्	३३
प्रभागजातिः	८	रत्नमिश्रे सूत्रम्	३४
भागानुवन्धभागापवाहौ	९	सुवर्णगिंते सूत्रम्	३५
भिन्नसङ्कलितव्यवकलिते	१०	वर्णज्ञानाय सूत्रम्	३५
भिन्नगुणनम्	१०	सुवर्णज्ञानाय सूत्रम्	३५
भिन्नभागहारः	११	सुवर्णज्ञानायान्यत्सूत्रम्	३६
भिन्नवर्गादिः	११	अथ छन्दश्चित्यादौ करणसूत्राणि	३८
शून्यपरिकर्माण्डकम्	११	अथ श्रेष्ठोव्यवहारः ।	
व्यस्तविधिः	१३	तत्र सङ्कलितैक्ययोरानयनम्	४३
इष्टकर्म	१३	वर्गयोगवनयोगयोरानयनम्	४४
शेषजातिः	१५	यथोत्तरचयेऽन्त्यादिधनानयनम्	५१
विश्लेषजातिः	१६	मुखज्ञानाय सूत्रम्	५३
संकरणम्	१८	चयज्ञानाय सूत्रम्	५३
वर्गकर्म	२०	गच्छज्ञानाय सूत्रम्	५४
प्रकारान्तरसूत्रम्	२२	द्विगुणोत्तरादिवृद्धौ समधनीनयनम्	५५
गुणकर्म	२३	समादिवृत्तज्ञानम्	५६
मूलोने वृष्टे उदाहरणम्	२३		

प्रकरणम् —	पृ०	प्रकरणम् —	पृ०
अथ क्षेत्रव्यवहारः ।		समानलम्बस्यावाधादिज्ञानाय सूत्रम्	१२
भुजकोटिकर्णनियन्त्यतमे ज्ञाते-		ब्रह्मगुप्तोक्तकर्णनियन्त्रम्	१३
दन्तयन्त्रमयोज्ञनाय सूत्रम्	१८	लघुप्रक्रियया कर्णनियन्त्रम्	१५
प्रकारान्तरेण तदानयनम्	६०	सूचीक्षेत्रोदाहरणम्	१६
आसन्नम्लानयनम्	६१	अथ स्पष्टव्याधानयन्त्रम्	१६
दयस्तजात्ये सूत्रद्रव्यम्	६२	कर्णयोगादधोलम्बज्ञानार्थं त्रम्	१७
द्वितीयप्रकारेण	६३	सूच्यावाधालम्बभुजज्ञानार्थं सूत्रम्	१७
अथेष्टकर्णात् कोटिभुजानयनम्	६४	वृत्तक्षेत्रे परिध्याद्यानयन्त्रम्	१००
प्रकारान्तरानयनम्	६५	वृत्तगोलयोःफलानयनम्	१०१
अथेष्टाभ्यां भुजकोटिकर्णनियन्त्रम्	६७	प्रकारान्तरेण तत्कलानयन्त्रम्	१०३
कर्णकोटियुतौ भुजे च ज्ञाते		शरजीवज्ञानाय सूत्रम्	१०८
पृथक्करणसूत्रम्	६७	वृत्तान्तस्त्रयस्वादिनवास्त्रान्तक्षेत्राणां	
वाहुकर्णयोगे दृष्टे कोट्यां च ज्ञातायां		भुजानयनम्	११२
पृथक्करणसूत्रम्	६९	स्थूलजीवानयनार्थं लघुक्रियाकरणम्	११९
कोटिकर्णनितरे भुजे च हृषे पृथक्करणम्	६९	चापानयनम्	११६
कोटयैकदेशेन युते कर्णं भुजे च हृषे		अथ खातव्यवहारः	११८
कोटिकर्णज्ञानाय सूत्रम्	७१	खातान्तरे सूत्रम्	१२०
भुजकोटयोर्योगे कर्णं च ज्ञाते		चिचौ करणसूत्रम्	१२४
पृथक्करणम्	७३	क्रक्रचव्यवहारः	१२४
लम्बवाधाज्ञानाय सूत्रम्	७९	क्रक्रचान्तरे सूत्रम्	१२६
अक्षाक्षेत्रलक्षणम्	७७	राशिव्यवहारः	१२६
आवाधादिज्ञानाय सूत्रम्	७७	मित्यत्तवौद्योगेणलग्नराशि-	
चतुर्मुञ्जत्रिभुजयोरस्पष्टस्पष्टफला-		प्रमाणानयने सूत्रम्	१२७
नयनप्रदर्शनम्	७९	छायाव्यवहारः	१२८
चतुर्मुञ्जस्थ स्थूलत्वनिरूपणम्	८५	छायान्तरे सूत्रम्	१३०
समचतुर्भुजायतयोः फलानयनम्	८५	दीपोचिद्वत्यानयनम्	१३१
फलावलम्बशुतीर्णं सूत्रम्	८६	प्रदीपशङ्कवन्तरभूमानानयनम्	१३१
लम्बज्ञानाय सूत्रम्	८६	छायाप्रदीपान्तरदीपोच्यानयनम्	१३१
लम्बे ज्ञाते कर्णज्ञानार्थं सूत्रम्	८९	अथ कुट्टकः	१३३
द्वितीयकर्णसाधनार्थं सूत्रम्	९०	कुट्टकान्तरे सूत्रम्	१३७
द्वितीयकर्णकल्पने चिशेषसूत्रम्	९१	कुट्टकान्तरेऽन्यत्सूत्रम्	१३८
विपमचतुर्भुजफलानयनम्	९१	कुट्टकान्तरे पुनरन्यत्सूत्रम्	१३९

प्रकरणम् ।	पृष्ठ	प्रकरणम् ।	पृष्ठ
कुट्टकान्तरे तदन्यतसूत्रम्	१४०	अथ वैराशिकप्रकरणम्	१९६
कुट्टके गुणलब्धयोरनेकतादर्शनाय सूत्रम् १४१		अथेदार्नीं कार्यसम्बन्धिनः कतिचन	.
स्थिरकुट्टकसाधनम्	१४२	सोत्तराः प्रश्नाः	१९८
संशिलप्तकुट्टककथनम्	१४३	अथ शेषीव्यवहारः	२०९
अथाङ्गपाशः ।		गुणोत्तरशेषेण्डां विशेषप्रतिपादनम्	२२०
तत्र निर्दिष्टाङ्गैः संख्याया विभेदे सूत्रम् १४४		अथ व्यस्तोत्तरशेषेण्डीप्रतिपादनम्	२२८
विशेषसूत्रम्	१४७	क्षेत्रीत्या द्विभुजफलानयनम्	२२९
अनियताङ्गैरतुल्यैश्च विभेदे सूत्रम्	१४९	कस्तिमन् चतुर्भुजे महत्तर्म फलं	
अन्यतसूत्रद्रव्यम्	१४९	सवतीति प्रतिपादनम्	२३१
अथ परिशिष्टप्रकरणम् ।		कर्णाश्रितभुजवातेक्यमित्याद्यस्य	
तत्र तावद् गुणकर्म	१६२	क्षेत्रगतोपपत्तिकथनम्	२३२
भागहारः	१६५	वृत्तफलानयने क्षेत्रगता वासना	२३३
खण्डभागहारः	१६६	दीर्घवृत्तफलानयनम्	२३४
वर्गमूलानयनम्	१६७	गोलशकलपृष्ठफलानयनोदाहरणानि	२३४
वनमूलानयनम्	१६८	छाययोः कर्णयोरित्यस्यान्ययो-	
गुणनादीर्नां शोधनप्रकारः	१७०	पपत्तिकथनम्	२३५
लघुतमावर्त्यसाधनम्	१७४	एकांशेकोत्तरा अङ्गाः	२३६
अथ सिद्धप्रकीर्णम्	१७६	इत्यादेमूलगतोपपत्त्वाऽनेकभेद-	
अथ मिश्रगुणनम्	१७८	प्रतिपादनम्	
दशलवप्रकरणम्	१८०	खण्डमेरोः स्वरूपप्रतिपादनम्	२३७
दशलवस्य संकलनम्	१८१	गारायणकृतकारिका	२३७
दशलवस्य व्यवकलनम्	१८२	अङ्गपाशीयभेदानयने विशेषोदाहरणम्	२३८
दशलवगुणनम्	१८३	वर्गाङ्गकाष्ठोऽङ्गस्थापनप्रकारनिरूपणम्	२३८
दशलवभागहारः	१८५	शावाणामस्यासार्थं कानिचिदु-	
दशलवस्य वर्गवनकरणम्	१९१	दाहरणानि	२४३
दशमलवस्य वर्गमूलानयनम्	१९२	वासनाकर्तुं वेशपरिचयः	२४६
अथावर्तदशमलवप्रकरणम्	१९४	वाराणसेयराजकीयमहाविद्यालशस्य	
		कतिचन प्रश्नाः	१-४

श्रीगुरुचरणकपलेभ्यो नमः ।

लीलावती ।

प्रीतिं भक्तजनस्य यो जनयते विघ्नं विनिभ्रन् स्मृत-
स्तं वृन्दारकवृन्दवन्दितपदं नत्वा मतङ्गाननम् ।

पाटीं सद्गुणितस्य वन्मि चतुरप्रीतिप्रदां प्रस्फुटां
संक्षिप्ताक्षरकोमलामलपददैर्लालित्यलीलावतीम् ॥ १ ॥

वराटकानां दशकद्वयं (२०) यत् सा काकिणी ताश्च पणश्चतस्थः ।

ते षोडश द्रम्म इहावगस्यो द्रम्मैस्तथा षोडशभिश्च निष्कः ॥ २ ॥

तुल्या यवास्यां कथितोऽत्र गुज्ञा वल्लस्तिगुज्ञा धरणं च तेऽश्चौ ॥

गद्याणकस्तद्वयमिन्द्रतुल्यै-(१४)वर्ष्णैस्तथैको धटकः प्रदिष्टः ॥ ३ ॥

दशार्घगुञ्जं प्रवदन्ति माषं माषाहृयैः षोडशभिश्च कर्षम् ।

कर्षैश्चतुर्भिश्च पलं तुलाज्ञा: कर्षं सुवर्णस्य सुवर्णसंज्ञम् ॥ ४ ॥

यवोदरैरङ्गुलमप्रसंख्यैर्हस्तोऽङ्गुलैः षड्गुणितैश्चतुर्भिः ।

हस्तैश्चतुर्भिर्भवतीह दण्डः कोशः सहस्रद्वितयेन तेषाम् ॥ ५ ॥

स्याद्योजनं क्रोशचतुष्टयेन तथा करणां दशकेन वंशः ।

निवर्त्तनं विशतिवंशसंख्यैः क्षेत्रं चतुर्भिश्च भुजैनिवद्धम् ॥ ६ ॥

हस्तोन्मितैर्विस्तृतिदैर्व्यपिण्डैर्यहृद्वादशास्त्रं घनहस्तसंज्ञम् ।

धान्यादिके यदू घनहस्तमानं शाखोदिता मागधखारिका सा ॥ ७ ॥

द्रोणस्तु खार्याः खलु षोडशांशः स्यादाढको द्रोणचतुर्थभागः ।

प्रस्थश्चतुर्थाश इहाढकस्य प्रस्थाङ्गिव्राद्यैः कुडवः प्रदिष्टः * ॥ ८ ॥

शेषाः कालादिपरिभाषा लोकतः प्रसिद्धा शेयाः ।

इति परिभाषा ।

यां देवाः समुपासते हरिहरव्यादयः सर्वदा

स्वस्वाभीष्टकलासये त्रिजगतामाधारभूतां शिवाम् ।

भक्तत्राणपरां वरामभयदामुप्रादितारां हि तां

नत्वा विज्ञमनोरमां प्रकुरुते लीलावतीवासनाम् ॥

* पादोनगद्याणकतुल्यटड्डिसपत्नुल्यैः कथितोऽत्र सेरः ।

मणाभिवानं खयुग्नै-(४०) श्व सेरधान्यादितौल्येषु तुरुषकसंज्ञा ॥ १ ॥

ब्रह्मेन्दु-(११२) संख्यैर्घटकैश्च सेरस्तैः पञ्चभिः स्यादिका च ताभिः ।

मणोऽष्टभिस्त्वालमगीरशाहकुतोऽत्र संज्ञा निजराज्यपूर्षु ॥ २ ॥

लीलागललुललोलकालव्यालविलासिने ।

गणेशाय नमो नीलकमलामलकान्तये ॥ १ ॥

एकदशशतसहस्रायुतलक्षप्रयुतकोटयः क्रमशः ।

अर्बुदमब्दं स्वर्वनिखर्वमहापद्मशङ्कवस्तस्मात् ॥ २ ॥

जलघिश्चान्त्यं मध्यं परार्धमिति दशगुणोत्तराः संज्ञाः ।

संख्यायाः स्थानानां व्यवहारार्थं कृताः पूर्वेः ॥ ३ ॥

अत्र युक्तिः—इह हि गणितशास्त्रे सर्वत्रैव नवमिता अङ्गाः परिवृश्यन्ते, अतोऽत्र तथा गुणोत्तरः कल्पनीयो यथा तदन्तर्वर्तीनस्ते शङ्का भवेतुः, कथमन्यथा तत्स्थान-नियमव्यवस्था तद्रग्नानुकूला भवेदेवं कृते सति तत्रैकाधिकं कृत्वा दशगुणोत्तरा स्थानसंज्ञा कृतेति प्राचीनानां कल्पना त्वतीव रमणीया, तत्रक्रमिकाङ्गणना-व्यवहारोच्छेदापत्तेः । तथा च ग्रहगणितोक्तव्यकक्षामाने मध्यपर्यन्तं, ब्रह्मणः परायुषं प्रमाणे च परार्धपर्यन्तं संख्यास्थानानि जायन्ते, तानि चाष्टादशसमान्येवोपलभ्यन्ते तन्मध्यं एव गणितप्रसरणत्वात्तदधिकस्थानकथनाप्रयोजनाच्च प्राचीनैरेकादितः परार्धविभूत्यादशस्थानानि तत्पृथक्नामानि च युक्तियुक्तानि विहितानीतिः ।

अथ सङ्कलितव्यवकलितयोः करणसूत्रं वृत्तपूर्वम् ।

कार्यः क्रमादुत्क्रमतोऽथ वाऽङ्गयोगो यथास्थानकमन्तरं च ।

अत्रोद्देशकः ।

अये वाले लीलावति मतिमति ब्रूहि सहितान्

द्विपञ्चद्वार्तिशत्त्रिनवतिशताष्ट्रादश दश ।

शतोपेतानेतानयुतवियुतांश्चापि वद मे

यदि व्यक्ते युक्तिव्यवकलनमार्गेऽसि कुशला ॥ १ ॥

न्यासः । २ । ५ । ३२ । १४३।६८।१०।१०० संयोजनाज्ञातम् ३६०।

अयुता -(१००००) च्छोधिते जातम् ६६४० ।

इति सङ्कलितव्यवकलिते ।

अत्रोपपत्तिः—सजातीयानामङ्गानां योगान्तरे भवतः, साजात्यन्तिवह समस्थानपरम् । अत्रैतदुक्तं भवति, एकस्थानीया अङ्गा एकस्थानीयाङ्गैः सजातीयाः शतस्थानीयास्तु शतस्थानीयैः सह सजातीया इत्यादि । अतो यथास्थानकानामङ्गानां योगवियोगकरणं युक्तियुक्तमिति ।

गुणने करणसूत्रं सार्थवृत्तद्वयम् ।

गुण्यान्त्यमङ्गं गुणकेन हत्यादुत्सारितैनैवमुपान्तिमादीन् ॥ ४ ॥

गुणयस्त्वद्योऽयो गुणखण्डतुल्यस्तैः खण्डकैः संगुणितो युतो वा ।

भक्तो गुणः शुद्ध्यति येन तेन लब्ध्या च गुण्यो गुणितः फलं वा ॥५॥

द्विया भवेद्रूपविभाग एवं स्थानैः पृथग्वा गुणितः समेतः ।
इष्टोनयुक्तेन गुणेन निष्ठोऽभीष्टगुण्यान्वितवर्जितो वा ॥ ६ ॥

अत्रोद्देशकः ।

बाले वालकुरङ्गलोलनयने लीलावति प्रोच्यतां
पञ्चश्चेकमिता दिवाकरगुणा अङ्गाः कृति स्युर्वदि ।

रूपस्थानविभागखण्डगुणेन कल्याऽसि कल्याणिनि !

च्छुन्नास्तेन गुणेन ते च गुणिता जाताः कृति स्युर्वद ॥ १ ॥
न्यासः । गुण्यः १३५ । गुणकः १२ ।

गुण्यान्त्यमङ्गं गुणकेन हन्यादिति कृते जातम् १६२० ।

अथ वा गुणरूपविभागे खण्डे कृते = १४ । आभ्यां पृथग् गुण्ये
गुणिते युते च जातम् १६२० ।

अथ वा गुणकस्त्रिभिर्भक्तो लब्धम् ४ । एमिस्त्रिभिश्च गुण्ये
गुणिते जातं तदेव १६२० ।

अथ वा स्थानविभागे खण्डे १ । २ । आभ्यां पृथग्गुण्ये गुणिते
यथास्थानयुते च जातं तदेव १६२० ।

अथ वा द्वयनेन २० । गुणेन, द्वाभ्यां च २ पृथग्गुण्ये गुणिते युते
च जातं तदेव १६२० ।

अथ वाऽप्ययुक्तेन गुणेन २० गुण्ये गुणितेऽष्ट-८ गुणितगुणयहीने
च जातं तदेव १६२० ।

इति गुणनप्रकारः ।

अत्रोपपत्तिः—गुणितुं योग्यो गुणस्तथा च येन गुणते स गुणक इति ।
अत्र गुणकस्थानस्थितानां गुण्यानां संकलनमेव गुणनफलं, तच्च गुन्यगुणकयो-
र्वाततुर्लयं भवत्यतः प्रथमः प्रकार उपपत्तिः ।

यदि गुणकः = गु = अ + क, तदा प्रथमप्रकारेण गुणनफलम् = गुफ
= गु × गुण्य = (अ + क) गुण्य

= अ गुण्य + क.गुण्य,

अत उपपत्तो द्वितीय प्रकारः ।

वा रेखागणितद्वितीयाध्यायप्रथमक्षेत्रेण सुगमतयोपपद्यते ।

यदि च गु = अ.क

तदा गुणनफलम् = गुण्य.गु = गुण्य. अ. क

अत उपपद्यते तृतीयः प्रकारः ।

चतुर्थप्रकारे तु स्थानवशेन गुणकशक्तिं विद्याय द्वितीयप्रकारेण गुणनफलं
साधितमिति ।

यदि तु गु=गु =इ=इ, कल्पयते
तदा पूर्वोक्त्या गुणनफलम् = गु X गुण्य
= गुण्य (गु=इ) = गुण्य, इ

अत उपपत्रः पञ्चमः प्रकारः ।

भागहारे करणसूत्रं वृत्तम्

भाज्याद्वरः शुद्ध्यति यद्गुणः स्यादन्त्यात् फलं तत् खलु भागहारे ।

समेन केनाप्यपवर्त्य हारभाज्यो भजेद्वा सति सम्भवे तु ॥ ७ ॥

अत्र पूर्वोदाहरणे गुणिताङ्गानां स्वगुणच्छेदानां भागहारार्थं

न्यासः । भाज्यः १६२० । भाजकः १२ ।

भजनाङ्गव्यो गुण्यः १३५ ।

अथ वा भाज्यहारो त्रिभिरपवर्त्तिं । ५५० चतुर्भिर्वा ४३५
इहि भागहारः ।

अत्रोपपत्तिः—यद्गुणो भाजको भाज्यात् शुद्ध्यति सा गुणसंख्येव भागहारे
लिंगभर्भवत्येवमेवापवर्त्तिर्भाज्यभाजक्योरपि फलविशेषाभावो वौध्यस्तेनोपपत्रम् ।

वर्गे करणसूत्रं वृत्तद्वयम् ।

समद्विधातः कृतिरुद्यतेऽथ स्थाप्योऽन्त्यवर्गो द्विगुणान्त्यनिध्वा: ।

स्वस्वोपरिष्ठाच्च तथाऽपरेऽङ्गास्यक्षाऽन्त्यमुत्सार्य पुनश्च राशिम् ॥ ८ ॥

खण्डद्वयस्याभिहतिर्द्विनिधी तत्खण्डवर्गैक्ययुता कृतिर्वा ।

इष्टोनयुग्राशिवधः कृतिः स्यादिष्टस्य वर्गेण समन्वितो वा ॥ ९ ॥

अत्रोद्देशकः ।

सखे नवानां च चतुर्दर्शानां ब्रूहि त्रिहीनस्य शतत्रयस्य ।

पञ्चोत्तरस्याप्ययुतस्य वर्गे जानासि चेद्वर्गविधानमार्गम् ॥ १ ॥

न्यासः । ६ । १४ । २४७ । १०००५ । एवां यथोत्करणेन जाता-
वर्गः । ८ । १६ । ८८२०६ । १००१००००२५ ।

अथ वा नवानां खण्डे (४ । ५) अनयोराहति—(२०) द्विनिधी
(४०) तत्खण्डवर्गैक्येन (४१) युता जाता सैव कृतिः ८ ।

अथ वा चतुर्दर्शानां खण्डे (६ । ८) अनयोराहति—(४८) द्विनिधी
(४६) तत्खण्डवर्गै (३६ । ६४) अनयोरैक्येन (१००) युता जाता
सैव कृतिः १६६ ।

अथ वा खण्डे (४ । १०) तथापि सैव कृतिः १६६ ।

अथ वा राशिः २४७ । अर्यं त्रिभिरुनः पृथग्युतश्च २४४ । ३०० ।

अनयोर्धातः ८८२०० । त्रिवर्ग-६ युतो जातो वर्गः स एव ८८२०६ ।

एवं सर्वत्रापि ।

इति वर्गः ।

अ श्रोपपत्तिः—समानाङ्गयोर्गुणनकलं कृतिशब्देनोच्यते ।

यथा कलप्यते अ = क + ग,

$$\therefore \text{अ} \times \text{अ} = \text{अ}^2 = (\text{क} + \text{ग}) (\text{क} + \text{ग})$$

$$= \text{क} (\text{क} + \text{ग}) + \text{ग} (\text{क} + \text{ग})$$

$$= \text{क}^2 + \text{क.ग} + \text{क.ग} + \text{ग}^2$$

$$= \text{क}^2 + 2 \cdot \text{क.ग} + \text{ग}^2,$$

$$\text{एवं, } \text{अ}^2 = (\text{क} + \text{ग} + \text{घ})^2 = \text{क}^2 + 2 \cdot \text{क.ग} + 2 \cdot \text{क.घ} + \text{ग}^2 + 2 \cdot \text{ग.घ} + \text{घ}^2$$

इत्यादि ।

$$\text{वा, } \text{अ} - \text{इ} + \text{इ} = \text{अ} = (\text{अ} - \text{इ}) + \text{इ} = (\text{अ} + \text{इ}) - \text{इ}$$

$$\text{अतः प्रागुक्त्या } \text{अ}^2 = \left\{ (\text{अ} - \text{इ}) + \text{इ} \right\} \left\{ (\text{अ} + \text{इ}) - \text{इ} \right\}$$

$$= (\text{अ} - \text{इ}) \left\{ (\text{अ} + \text{इ}) - \text{इ} \right\} + \text{इ} (\text{अ} + \text{इ}) - \text{इ}^2$$

$$= (\text{अ} - \text{इ})(\text{अ} + \text{इ}) - \text{इ} (\text{अ} - \text{इ}) + \text{इ} (\text{अ} + \text{इ}) - \text{इ}^2$$

$$= (\text{अ} - \text{इ})(\text{अ} + \text{इ}) + \text{इ}^2 ।$$

अथवा वर्गन्तरं तु योगान्तरघातसममतः—

$$\text{अ}^2 - \text{इ}^2 = (\text{अ} + \text{इ}) (\text{अ} - \text{इ})$$

$$\therefore \text{अ}^2 = (\text{अ} + \text{इ}) (\text{अ} - \text{इ}) + \text{इ}^2 \quad \text{अत उपपन्नं सर्वम् ।}$$

एषामुपपत्तिस्तु क्षेत्रमितेद्वितीयाध्यायस्य चतुर्थोप्रतिक्रिया, तथा पञ्चमक्षेत्रानु-
मानेन च सुसरलैव ।

वर्गमूले करणसूत्रं वृत्तम् ।

न्यक्त्वाऽन्त्यादिष्पमाल्कृतिं द्विगुणयेन्मूलं समे तद्भूते

न्यक्त्वा लब्धकृतिं तदाद्यविषमाल्लभ्यं द्विनिधनं न्यसेत् ।

पङ्क्ख्यां पङ्क्खिहृते समेऽन्यविषमात् न्यक्त्वाऽसवर्गं फलं

पङ्क्ख्यां तद्विगुणं न्यसेदिति मुहुः पंक्तेर्दलं स्यात् पदम् ॥ १० ॥

अबोद्देशकः ।

मूलं चतुर्णां च तथा नवानां पूर्वं कृतानां च सखे कृतीनाम् ।

पृथक् पृथग्वर्गपदानि विद्धि बुद्धेर्विबृद्धिर्यदि तेऽत्र जाता ॥ १ ॥

न्यासः ४ । ६ । ८६ । १६६ । ८८२०६ । १००१०००२५ । लब्धानि
ऋमेण मूलानि २ । ३ । ६ । १४ । २६७ । १०००५ ।

इति वर्गमूलम् ।

अत्रोपपत्तिः—पूर्वकृतवर्गस्या (क^३ + २ क.ग + ग^३) स्य स्वरूपावलोकने स्फुटमवगम्यते यत् किल कस्मिन्पि वर्गसार्गौ प्रथममन्त्याङ्कवर्गस्ततो द्विगुणितोपा-न्तिमान्त्याङ्कवर्गस्ततो उपान्तिमाङ्कवर्गश्चेति स्थितिः । अतोऽन्त्याङ्कप्रमाणस्य कृतिः शुद्धयति सोऽन्तिमाङ्कस्ततो द्विगुणेनानेन समे भक्ते सत्युपान्तिमाङ्कलाभः स्यात्ततस्तद्वर्गविशेषधनेन यदि शेषाभावस्तदा तदेव तन्मूलम् । शेषसत्त्वे तु पुनर्मूलं द्विगुणयेदित्या-दिविधानेन किया विधेया ततो यावन्मिता विषमसंख्या तन्मितैव वर्गमूलराशौ स्थान-संख्या भवतीत्युपपन्नं सर्वम् ।

घने करणसुत्रं वृत्तत्रयम् ।

समत्रिवातश्च घनः प्रदिष्टः स्थाप्यो घनोऽन्त्यस्य ततोऽन्त्यवर्गः ।

आदित्रिनिघ्नस्तत आदिवर्गस्त्रयन्त्याहतोऽथादित्रिव्य सर्वे ॥ ११ ॥

स्थानान्तरन्वेन युता घनः स्यात् प्रकल्प्य तत्खण्डयुगं ततोऽन्त्यम् ।

एवं मुहुर्वर्गघनप्रसिद्धावायाङ्कतो वा विधिरेप कार्यः ॥ १२ ॥

खण्डाभ्यां वा हतो राशित्रिग्नः खण्डघनैकयुक् ।

वर्गमूलघनः स्वप्नो वर्गराशेषनो भवेत् ॥ १३ ॥

अत्रोद्देशकः ।

नवघनं त्रिव्यनस्य घनं तथा कथय पञ्च घनस्य घनं च ।

घनपदं च ततोऽपि घनात् सखे यदि घनेऽस्ति घना भवतो मतिः ॥ १ ॥

न्यासः ६३ । २७ । १२५ ।

जाताः क्रमेण घनाः ७२४ । १६६३ । १६५३१२५ ।

अथ वा राशिः ६ । अस्य खण्डे ४ । ५ । आभ्यां राशिर्हृतः १८० ।

त्रिनिघ्नश्च ५४० । खण्डघनैकयेन १८४ । युतो जातो घनः ७२४ ।

अथ वा राशिः २७ । अस्य खण्डे २० । ७ आभ्यां हतस्त्रिघ्नश्च ११३४० । खण्डघनैकयेन ८४३ युतो जातो घनः १६६३ ।

अथ वा राशिः ४ । अस्य मूलं २ । घनः ८ । अयं स्वप्नो जानश्रुतुर्णा घनः ६४ ।

वा राशिः ६ अस्य मूलम् ३ । घनः २७ अस्य वर्गो नवानां घनः ७२४ । यो वर्गघनः स एव वर्गमूलघनवर्गः । वीजगणितेऽस्योपयोगः ।

इति घनः ।

अत्रोपपत्तिः—अत्र त्रयाणां समाङ्कानां घातो घन इति संज्ञा वृत्ता प्राची नैस्तेनात्रापि कल्पयते, अ = क + ग,

$$\therefore \text{अ} \times \text{अ} \times \text{अ} = \text{अ}^3 = (\text{k} + \text{g}) (\text{k} \times \text{g}) (\text{k} + \text{g})$$

$$= (\text{k}^3 + 2\text{k}^2\cdot\text{g} + \text{g}^3) (\text{k} + \text{g})$$

$$= \text{k}^3 + 2\text{k}^2\cdot\text{g} + \text{k}\cdot\text{g}^2 + \text{k}^2\cdot\text{g} + 2\text{k}\cdot\text{g}^2 + \text{g}^3$$

$$= \text{k}^3 + 3\text{k}^2\cdot\text{g} + 3\text{k}\cdot\text{g}^2 + \text{g}^3,$$

एवं सर्वत्र ।

वा, अ \hat{v} = क \hat{v} + ग \hat{v} + ३क.ग (क+ग) ।

तथा च वर्गाङ्काशेयर्थं धनः स एव तन्मूलधनस्य वर्गो भवतीत्यत उपपेक्ष्णं सर्वम् ।

रेखागणितेनाप्यस्योपपत्तिर्भवतीति धीरैरवगन्तव्यम् ।

अथ घनमूले करणसुत्रं वृत्तद्वयम् ।

आद्यं घनस्थानमथाघने ह्वे पुनस्तथाऽन्त्याद् घनतो विशेष्य ।

घनं पृथक्स्थं पदमस्य कृत्या त्रिव्यां तदाद्यं विभजेत फलं त ॥२४॥

पडूक्त्यां न्यसेत् तत्कृतिमन्त्यनिश्चीं त्रिग्नीं त्यजेत् तत्प्रथमात् फलस्य ।

घनं तदायाद् घनमूलमेवं पड़किर्भवेदेवमतः पुनश्च ॥ १५ ॥

अत्रोद्देशकः

पूर्वघनानां मूलार्थं न्यासः ७३१ । १६६८ । १६५३१३५ ।

ਕਮੇਣ ਲਭਧਾਨਿ ਸੂਲਾਨਿ ਹ । ੨੭ । ੧੨੫ ।

इति घनमूलम् ।

इति परिकर्माष्टुकं समाप्तम् ।

अत्रोपपत्तिः— पूर्वोक्तस्वरूपस्या (क^३ + इ क^२ग + इग^३.क + ग^३) स्यावलो-
कनेनावसीयते यत किल कस्मिन्नपि घनराशौ पूर्वमन्त्याङ्गव्यवनस्ततोऽन्त्याङ्गवर्गं-
त्रिगुणितोपान्तिमाङ्गव्यातस्तत उपान्तिमाङ्गवर्गत्रिगुणितान्त्याङ्गव्यातस्तत उपानित-
मधन इति यद्वनाधनचिह्नमुक्तं ततु युक्तियुक्तमेव । अतोऽन्त्याङ्गनतो यस्य घनो
विशुद्धयेत् सोऽन्तिमाङ्गस्ततस्त्रिगुणतद्वर्गेण विभाजितेऽधने सत्युपान्तिमाङ्गलाभस्तत-
त्रिगुणतद्वार्गान्तिमाङ्गव्यातस्य शोधनेन यच्छेषं तत्रोपान्तिमाङ्गव्यवनशोधनेन चेच्छेषपा-
भावस्तदा तदेव घनमूलं शेषभाबे तु पुनरस्य कृत्या त्रिद्वन्त्यादिक्रिया विधेयेत्युप-
पन्नं सर्वम् ।

अथ भिन्नपरिकर्माणुकम् ।

तत्रादावंशसर्वर्णनम् । तत्रापि भागजातौ करणसूत्रं वृत्तम् ।

अन्योन्यहाराभिहतौ हरांशौ राद्योः समच्छेदविद्यानमेवम् ।

मिथो हराभ्यामपवर्त्तिताभ्यां यद्वा हरांशौ सुधियाऽत्र गुण्यौ ॥६॥

अत्रोहेशकः १

रूपत्रयं पञ्चलवस्त्रिभागो योगार्थमेतान् वद तुल्यहारान् ।

त्रिषष्टिभागश्च चतुर्दशांशः समच्छुदौ मित्र वियोजनार्थम् ॥ १ ॥

न्यासः । अ॒द्वा॑ न्यासः ।

जाताः समच्छेदाः ५८ वृद्धि वृद्धि ५९ । योगे जातम् ५३ ॥

अथ द्वितीयोदाहरणार्थं न्यासः हृषि वृष्टे ।

सप्तापवर्त्तिताभ्यां हाराभ्यां ई, २ संगुणितौ, समच्छेदौ वृष्टे वृष्टे ।
वियोजिते जातम् इह ।

इति भागजातिः ।

अत्रोपपत्तिः—अन्न कल्प्येते भिन्नराशी^{अ व}
^{क च} अनयोर्योगान्तरकरणमभीप्सितं,

परन्तु सजातीयाङ्गानामेव योगान्तरं भवत्यतस्ताभ्यां सजातीयाभ्यां भवितव्यं,
सजातीयन्त्वत्र समहारपरमित्यतः कल्पितम्^अ
^क = ग, ^अ
^च = प

∴ अ = क, ग, घ = प, च

वा अ, च = क, ग, च । घ, क = प, च, क

∴ अ, च ± घ, क = क, च (ग ± प)

अ, च ± घ, क
∴ ग ± प = $\frac{\text{अ}, \text{ च} \pm \text{घ}, \text{ क}}{\text{क}, \text{ च}}$ एतेन पूर्वाधिसुधाष्टे ।

अथ यदि, क = न, म, च = न, ज

तदा ग ± प = $\frac{\text{अ}, \text{ च} \pm \text{घ}, \text{ क}}{\text{क}, \text{ च}}$

= $\frac{\text{अ}, \text{ न}, \text{ ज} \pm \text{घ}, \text{ न}, \text{ म}}{\text{न}, \text{ म}, \text{ न}, \text{ ज}}$

= $\frac{\text{अ}, \text{ ज} \pm \text{घ}, \text{ म}}{\text{न}, \text{ म}, \text{ ज}}$

= $\frac{\text{अ}, \text{ ज}}{\text{न}, \text{ म}, \text{ ज}} \pm \frac{\text{घ}, \text{ म}}{\text{न}, \text{ म}, \text{ ज}}$

= $\frac{\text{अ}, \text{ ज}}{\text{क}, \text{ ज}} \pm \frac{\text{घ}, \text{ म}}{\text{च}, \text{ म}}$ उपपत्तं सर्वम् ।

अथवा हरणां लघुतमापवत्येनापि समहरत्वं स्यादिति तावन्नवीनानां सजाती-
यरीतिरस्तीति बोध्यम् ।

अथ प्रभागजातौ करणसूत्रं वृत्तार्धम् ।

लवा लवद्वनाश्च हरा हरद्वना भागप्रभागेषु सर्वर्णं स्यात् ।

अत्रोद्देशकः ।

द्रम्मार्धत्रिलवद्वयस्य सुमते पादत्रयं यद्भवेत्

तत्पञ्चांशकषोडशांशचरणः संप्रार्थितेनार्थिने ।

दत्तो येन वराटकाः कति कदर्येणार्पितास्तेन मे

ब्रूहि त्वं यदि वैत्स वत्स गणिते जार्ति प्रभागाभिधाम् ॥ २ ॥

सवर्णिते जातम् १९८ ।

पठुभिरपवर्त्तिते जातम् १३८ । एको दत्तो वराटकः ॥

इति प्रभागज्ञातिः ।

अत्रोपपत्तिः—अत्रालापोक्त्या कल्पयते—

$$\frac{\text{अ}}{\text{क}} = \text{ग}, \quad \frac{\text{ग} \times \text{प}}{\text{च}} = \text{ख}, \quad \frac{\text{ख. न}}{\text{म}} = \text{व}, \quad \text{इत्यादि}$$

$$\therefore v = \frac{n}{m} - \frac{gxp}{v} = \frac{n-p}{m} - \frac{g}{v} \text{ क}$$

$$\therefore v = \frac{n.p.a}{k.c.m} \text{ अतः उपपन्न सर्वम् ।}$$

अथ भागानुवन्धभागापवाहयोः करणसूत्रं सार्वबृत्तम् ।

छेदभ्रूपेषु लवा धनर्णमेकस्य भागा अधिकोनकाश्चेत् ॥ २ ॥

स्वांशाधिकोनः खलु यत्र तत्र भागानुवन्धे च लवापवाहे ।

तलस्थहारेण हरं निहन्यात् स्वांशाधिकोनेन तु तेन भागान् ॥ ३ ॥

अत्रोहेशकः ।

सङ्ग्रहि द्वयं त्रयं व्यद्विग्रं कीदृग्ग्रहि सवर्णितम् ।

जानास्यंशानुबन्धं चेत् तथा भागापवाहनम् ॥१॥

न्यासः २१ । ३१ । सवर्णिते जातम् १ । ११

अत्रोहेशकः ।

अड्डग्रिः स्वत्रयंशयक्तः स निजदलयुतः कीदृशः कीदृशौ हौ

त्रयंशौ स्वाप्तांशहीनौ तदनु च रहितौ स्वैर्विभिः सप्तभागैः ।

अर्धं स्वाप्तांशहीनं नवभिरथ यतं सप्तमांशैः स्वकीयैः

कीदृक् स्याद् ब्रह्मि वेत्सि त्वमिह यदि सखेऽशानुवन्धापवाहो ॥२॥

न्यासः । १ १ १ १

सवर्णिते जातं क्रमेण १ १ १ १ ।

۱۰

इति जातिचतुष्यम् ।

अश्रोपपत्तिः—कलप्यते अ $\pm \frac{म}{क}$ ततः समच्छेदविधानेन जातं सर्वणनम्

$= \frac{\text{अ. क} \pm \text{ग}}{\text{ग}}$ एतेन पूर्वधमुपपननं भवति ।

$$\text{अथ यदि } \frac{\text{अ}}{\text{क}} \pm \frac{\text{अ ग}}{\text{क घ}} = \left\{ \frac{\text{अ}}{\text{क}} \pm \frac{\text{अ. ग}}{\text{क. घ}} \right\} \frac{\text{न}}{\text{म}} \text{ करप्तयेते}$$

$$\begin{aligned} \text{तदा } \frac{\text{अ}}{\text{क}} \pm \frac{\text{अ. ग}}{\text{क. घ}} &= \frac{\text{अ. न}}{\text{क. म}} \pm \frac{\text{अ. ग. न}}{\text{क. घ. म}} \\ &= \frac{\text{अ. घ. म} \pm \text{अ. ग. म} \pm \text{अ. न. घ} \pm \text{अ. ग. न}}{\text{क. घ. म}} \\ &= \frac{\text{अ} (\text{घ} \pm \text{ग}) (\text{म} \pm \text{n})}{\text{क. घ. म}} \quad \text{उपपत्तं सर्वस्।} \end{aligned}$$

अथ भिन्नसङ्कुलितव्यवकलितयोः करणसूत्रं वृत्तार्थम् ।
योगोऽन्तरं तुल्यहरांशकानां कल्प्यो हरो रूपमहारराशेः ॥

अत्रोद्देशकः ।

पञ्चांशपादत्रिलब्धपष्टानेकीकृतान् ब्रूहि सखे ममैतान् ।
एभित्र भागैरथ वर्जितानां किं स्यात् त्रयाणां कथयाशु शेषम् ॥१॥

न्यासः । १ १ १ १ १ १

ऐक्ये जातम् ३५ ।

अथैतर्चिवर्जितानां त्रयाणां शेषम् ३५ ।

इति भिन्नसङ्कुलितव्यवकलिते ।

अत्रोपत्तिस्तु सुगमैव ।

अथ भिन्नगुणेन करणसूत्रं वृत्तार्थम् ।
अंशाहतिश्लेदवधेन भक्ता लब्धं विभिन्ने गुणे फलं स्यात् ॥४॥

अत्रोद्देशकः ।

सञ्चयंशरूपद्वितयेन निष्ठन् ससप्तमांशद्वितयं भवेत् किम् ।
अर्थं चिभागेन हतं च विद्धि दक्षोऽसि भिन्ने गुणनाविधो चेत् ॥५॥

न्यासः । २३, २५ सर्वर्णिते जातम् ३ १५ गुणिते च जातम् ३ ।

न्यासः । १ १ १ । गुणिते जातम् ३ ।

इति भिन्नगुणनम् ।

अत्रोपत्तिः—करप्तयेते|गुणकः = $\frac{\text{अ}}{\text{क}}$ गुणयः = $\frac{\text{ग}}{\text{घ}}$ ततः प्रागुक्त्या गुणन-

$$\text{फलम्} = \frac{\text{अ}}{\text{क}} \times \frac{\text{ग}}{\text{घ}} = \frac{\text{अ. ग}}{\text{क. घ}} \quad \text{अत उपपत्तम् ।}$$

अथ भिन्नभागहारे करणसूत्रं वृत्तार्थम् ।
छेदं लवं च परिवर्त्य हरस्य शेषः कार्योऽथ भागहरणे गुणनाविधिश्च ।

अत्रोद्देशकः ।

सत्यंशरूपद्वितयेन पञ्च व्यंशेन पञ्च वद मे विभज्य ।

द्वीयगर्भाग्रसुतीदणवुद्धिश्चेदस्ति ते भिन्नहृतौ समर्था ॥ १ ॥

न्यासः २३, ८ । ३३ है । यथोक्तकरणेन जातम् १५ ३ ।

इति भिन्नभागहारः ।

अत्रोपपत्तिः—

$$\text{अत्र भाजकः} = \frac{\text{अ}}{\text{क}}, \text{ भाज्यः} = \frac{\text{ग}}{\text{घ}}$$

$$\therefore \text{अ} = \text{भाजक. क}$$

$$\text{ग} = \text{भाज्य. घ}$$

$$\therefore \frac{\text{ग}}{\text{अ}} = \frac{\text{भाज्य}}{\text{भाजक}} \frac{\text{घ}}{\text{क}}$$

$$\therefore \frac{\text{भाज्य}}{\text{भाजक}} = \frac{\text{ग. क}}{\text{अ. घ.}} = \text{लक्षिधः} । \text{ अत उपपत्तम् ।}$$

अथ भिन्नवर्गादौ करणसूत्रं वृत्तार्थम् ।
वर्गं कृती घनविधौ तु घनौ विधेयौ
हारांशयोरथ पदे च पदप्रसिद्धयै ॥ ५ ॥

अत्रोद्देशकः ।

सार्वत्रयाणां कथयाशु वर्गं वर्गात् ततो वर्गपदं च मित्र ।
घनं च मूलं च घनात् ततोऽपि जानासि चेद्वर्गघनौ विभिन्नौ ॥ ६ ॥

न्यासः ३२ । छेदच्छरूपे कृते जातत् ५ ।

अस्य वर्गः ४३ । मूलम् ५ । घनः ३४३ । अस्य मूलम् ५ ।

इति भिन्नपरिकर्माण्डकम् ।

अत्रोपपत्तिस्तु भिन्नगुणनेनातिसुगमा ।

अथ शून्यपरिकर्मसु करणसूत्रमार्याद्वयम् ।
योगे खं क्षेपसमं, वर्गादौ खं, खभाजितो राशिः ।
खहरः स्यात्, खगुणः खं, खगुणश्चिन्त्यश्च शेषविधौ ॥ ७ ॥

शून्ये गुणके जाते खं हारश्चेत् पुनस्तदा राशिः ।

अविकृत एव क्षेयस्तथैव खेनोनितश्च युतः ॥ ८ ॥

अत्रोदेशकः ।

खं पञ्चयुगभवति किं वद खस्य वर्गः ?
 मूलं घनं घनपदं खगुणाश्च पञ्च ।
 खेनोद्भृता दश च कः खगुणो निजार्थ-
 युक्तस्थिभिर्युगिणः खहनस्थिपष्टिः ॥ १ ॥
 न्यासः ।० एतत् पञ्चयुतं जातम् ५ । खस्य वर्गः० । मूलम्० ।
 घनः० । तन्मूलम्० ।
 न्यासः । ५ एते खेन गुणिता जाताः० ।
 न्यासः । १० एते खभक्ताः ।० ।
 अज्ञातो राशिस्तस्य गुणः ० । स्वार्थक्षेपः ३ । गुणः ३ । हरः ० ।
 दृश्यम् ६३ । ततो वच्यमाणेन विलोमविधिना इष्टकर्मणा वा लब्धोगाशिः
 ६४ । अस्य गणितस्य अहगणिते महानुपर्योगः ।
 इति शून्यपरिकर्माष्टकम् ।

अत्रोपपत्तिः—केवलशून्यस्याङ्गानामभावस्थानथातक्त्वात् खेन सह क्षेपस्य योगे
 तत्सत्त्वाद्योगकर्त्तुं क्षेपसमं भवतीति स्पष्टमेव । शून्यस्य वर्गाद्योऽपि शून्यत्वं न त्यज-
 न्तीत्यपि गुणविधानेन सुगमम् ।

धनात्मकयोर्भाज्यभाजकयोर्मध्ये यथा यथा भाजकस्यालपत्वं तथैव लब्धेरप्य-
 धिकत्वं स्थादेव; तत्र भाजकस्य परमालपत्वे शून्यसमे लब्धेरपि परमाधिकत्वमा-
 नन्त्यं स्यादित्यतः संख्याया मापयितुमशक्यत्वात्खम्भको राशिः ‘खहर’ इति कथनं
 युक्तियुक्तमेव ।

शून्यं कथाचित् संख्यया गुणत इत्यर्थतस्तसंख्यासमस्थानस्थितानां शून्यानां
 योगः क्रियते स तु शून्यसमं भवतीति समुचितमेव संख्यानर्हत्वात् ।

‘खगुणश्चिन्त्यश्च शेपविधा’—वित्युपपत्तिस्तत्वप्रिमसूत्रोपपत्तैव ॥४॥ सुकुटा भविष्यति ।

* यथा १० अस्य मानं कुञ्जापि शून्यं, कुञ्जाप्यानन्त्यं, कुञ्जापि च समभवर्गस्यासमं
 भवितुमर्हति । तत्त्व (१०) स्य स्वहपतो न तावज्ज्ञायते यत्कर्तमं मानमत्र कथयि-
 तुमुपयुज्यतेऽत्रापि (१०) स्मिन् तद्विनं निहितं वरीवर्ति तज्ज्ञानार्थमुपायः ।

यथा—कल यते क्रिमपि भिन्नमानम् = $\frac{\text{फा}}{\text{फि}} \left(\frac{\text{य}}{\text{य}} \right)$ । यत्र फा, फि, “य” अस्य
 भिन्ने फले स्तः ।

यद्यत्र य=ग, तदा फा (य) = फा (ग) = ० एवं फि (य) = फि (ग)
 = ० इति चलगणिततः सिद्धयति ।

अथ व्यस्तविधौ करणसूत्रं वृत्तद्वयम् ।

छेदं गुणं गुणं छेदं वर्गं मूलं पदं कृतिम् ।

ऋणं स्वं स्वमृणं कुर्याद् द्वश्ये रा शेप्रसिद्धये ॥ १ ॥

अथ स्वांशाधिकोने तु लवाढ्योनो हरो हरः ।

अंशस्वविकृतस्तत्र विलोमे शेषमुक्तवत् ॥ २ ॥

अत्रोद्देशकः ।

यस्त्रिघ्नस्त्रिभिरन्वितः स्वचरणैर्भक्तस्ततः सप्तभिः

स्वव्यंशोन विवर्जितः स्वगुणितो हीनो द्विपञ्चाशता ।

तन्मूलेऽप्युते हतेऽपि दशभिर्जातिं द्रव्यं ब्रूहि तं

राशि वेत्सि हि चश्चलाक्षि ! विमलां वाले ! विलोमक्रियाम् ॥ ३ ॥

न्यासः । गुणः ३ । क्षेपः ३ । भाजकः ७ ऋणम् ३ । वर्गः ।

ऋणम् ५२ । मूलम् । क्षेपः ८ । हरः १० । द्वश्यम् २ । यथोक्तकरणेन

जातो राशि: २८ ।

इति व्यस्तविधिः ।

अत्रोपपत्तिः—राशौ येनालापेन द्वश्यसमं भवेद्यस्तेन तेनैव द्वश्येऽभीष्टराशिर्भवे
दित्युपपन्नं पूर्वार्थम् ।

अथ स्वांशाधिकोने त्रित्यादौ कल्पयते राशिः = या, तदाऽलापवलेन द्वश्यम् =

या. अ

$\text{ह} = \text{या} \pm \frac{\text{क}}{\text{क}}$

ह. क

अत्र समच्छेदीकृत्य समशोधनादिना जातं यावत्तावन्मानम् = $\frac{\text{ह. क}}{\text{क} \pm \text{अ}}$

$$= \text{ह} + \frac{\text{ह. क}}{\text{क} \pm \text{अ}} - \text{ह}$$

$$= \text{ह} + \frac{\text{ह क} - \text{ह} (\text{क} \pm \text{अ})}{\text{क} \pm \text{अ}}$$

$$= \text{ह} \mp \frac{\text{ह. क}}{\text{क} \pm \text{अ}}$$

अत उपपन्नम् ।

अथेष्टकर्मसु करणसूत्रं वृत्तम् ।

उद्देशकालापवद्प्रराशिः क्षुणो हतोऽशै रहितो युतो वा ।

इष्टाहतं द्वष्टमनेन भक्तं राशिर्भवेत् प्रोक्तमितीष्टकर्म ॥ १ ॥

अत्रोद्देशकः ।

पञ्चद्वयः स्वत्रिभागोनो दशभक्तः समन्वितः ।

राशिर्भव्यंशार्धपादैः स्यात् को राशिर्द्यूनसप्ततिः ॥ १ ॥

न्यासः । गुणः ५ । ऊन ३ । हरः १० । राशयंशाः ३ ३ ३ ।

द्वश्यम् ६८ ।

अनोंत्र भिन्नमानम् = $\frac{\text{फा (य)}}{\text{कि (य)}}$ = $\frac{\circ}{\circ}$ परन्तु व्र भाज्यहारा (य—ग)

वनेन वा (च—ग) अस्य केतापि वानेन चावश्यमेव निःशेषं सज्ज्येते, कथम्-
न्यथा तयोः शून्यत्वं करपिथितुमप्यग्रज्ञते ।

$$\left. \begin{array}{l} \text{अतः } \text{फा} (\text{म}) = \text{अ} (\text{य}-\text{ग})^m \\ \text{फि} (\text{य}) = \text{क} (\text{य}-\text{ग})^m \end{array} \right\} \quad \text{अत्र अ, क लड्यारी,}$$

$$\therefore \frac{\circ}{\circ} = \frac{\text{फा (य)}}{\text{फि (य)}} = \frac{\text{अ (य—ग)}^n}{\text{क (य—ग)}^m}$$

$$\text{यद्यपि, } n > m \text{ तदा } \frac{\circ}{\text{क}} = \frac{\text{अ (य—ग) } n-m}{\text{क}} = \frac{\circ}{\text{क}} = 0$$

$$\text{यदि } n < m, \text{ तदा } \frac{a}{k(y-g)} = \frac{a}{m-n} = \infty$$

$$\text{यदि } \text{च}, \text{ न} = \text{म तदा } \frac{\text{अ}}{\text{क}} \left(\frac{\text{य}-\text{ग}}{\text{क}} \right) \text{न} = \frac{\text{अ}}{\text{क}},$$

अतोऽत्र तृतीयमानेनेदं ज्ञायते यत् कोऽपि राशिः शन्येन गुणितस्तेन पुनर्भक्त-स्तदा राशी विकारो न भवतीति मर्दीयकलनथा सम्यगुपचाम् ।

अत्रैव स्वव्यक्तिवासनायां तत्कर्त्रा “शून्यमिताभ्यां गुणहराभ्यां गुणनभजनयो-
विधाने शून्यत्वात् कियावैपर्याप्तेस्तुल्यत्वाद्गुणहरयोनीशो च क्रियाश्चरितार्थतया
हारथेत् पुनः” इति वस्तुस्थितिमज्जात्वैव सर्वं प्रजलिपतम् । नहि शून्यगोरुण्डहरयोस्तु-
ल्यत्वं भवितुमर्हतीति धर्मरैर्गणितविद्विनिष्पक्षपातभिया विवेननीयमित्युपपत्तेः सर्व-
माचार्योक्तम् ।

एवं सर्वत्रोदाहरणे राशि: केनचिद् गुणितो भक्तो वा राश्यंशेन रहितो युतो वा दृष्टस्तत्रेषु राशिं प्रकल्प्य तस्मिन्नुद्देशकालापवत् कृमंगि कृते यत्रिप्पयादेतेन भजेद् दृष्टमिप्रगुणं फलंराशिः स्यात् । *

* अत्र त्रिशतिकाया उदाहरणम्—

षड्भागः पाटलासु भ्रमरनिकरतः स्वत्रिभागः कदम्बे

पादरुचूतद्वामे च प्रदलितकुसुमे चम्पके पञ्चमांशः ।

प्रोत्साहनम् भोजखण्डे रविकरदलिते त्रिशदंशोऽभिरेमे

तत्रैको मत्तभृङ्गो भ्रमति नभसि चेत् का भवेद्भृङ्गसंख्या ? ॥

अपरोदाहरणम् ।

अमलकमलराशेस्त्रयंशपञ्चांशपष्टै-
ख्निनयनहरिसूर्या येन तुयेण चार्या ।
गुरुपदमथ पड़भिः पूजितं शेषपञ्चैः
सकलकमलसङ्ख्यां क्षिप्रमाख्याहि तस्य ॥ २ ॥
न्यासः १ १ १ १ १ दृश्यम् ६ ।
अत्रेषुमेकं १ राशि प्रकल्प्य प्राग्वज्ञातो राशिः १२० ।

शेषजात्युदाहरणम् ।

स्वार्थं प्रादात् प्रयागे, नवलवयुगलं योऽवशेषाच्च कादर्थां
शेषाङ्गिं शुल्कहेतोः पथि दशमलवाद् षट् च शेषाद् गयायाम् ।
शिष्ठा निष्कविपष्टिर्निजगृहमनया तीर्थपान्थः प्रयात्-
स्तस्य द्रव्यप्रमाणं वद यदि भवता शेषजातिः श्रुताऽस्ति ॥ ३ ॥

न्यासः—१ । १ । १ । १ । १ । १ दृश्यम् १ ।
यथोक्त्या लब्धं भृङ्गप्रमाणम् ६० ।

अन्यदुदाहरणम् ।

कामिन्या हारत्याः सुरतकलहतो मौक्तिकानां त्रुटित्वा,
भूमौ जातखिभागः श्लयनतलगतः पद्मांशश्च दृष्टः ।
प्राप्तः षष्ठः सुकेश्या, गणक ! दशमकः संगृहीतः प्रियेण,
दृष्टं षट्कं च सूत्रे कथय कतिपर्यमौक्तिकैरेष हारः ॥
न्यागः—१ । १ । १ । १ । १ दृश्यम् ६ ।
अत्र यथोक्त्या करणेन लब्धं मौक्तिकप्रमाणम् ३० ।

पुनरन्यदुदाहरणम्—

यूथार्थं सत्रिभार्ग वनविवरगतं कुञ्जराणां च दृष्टं
षड्भागश्चैव नद्यां पिवति च सलिलं सप्तमांसेन मिश्रः ।
पश्चिन्यां चाष्टमांशाः स्वनवमसाहितः क्रीड़ते सानुरागो
नागेन्द्रो हस्तिनीभिरितस्यभिरनुगतः का भवेयूथसंख्या ॥

न्यासः—१ । १ । १ । १ दृश्यम् ४ ।
१ । १ । १

एतेषां सवर्णनं छत्वा द्राभ्यामपवर्त्य जातम् ३, ४, ५, ६ पुनरेतेषां सवर्णनमध्कै-
रपवर्तितं जातम् ३, ४, ५, ६ इदमिष्ठराशेविर्हीनितम् ६, ७ अनेन दृष्टगुणितेष्व ४ भक्तो
हस्तिसंख्याः १००८ ।

न्यासः ३ दृश्यम् ६२ । अत्र रूपं १ राशिं प्रकल्प्य भागान्
 शेषात् शेषादपास्य जातम् ६० ।
 अथ वा भागापवाहविधिना
 सर्वणिते जातम् ६० । अनेन द्वष्टे
 ६२ इप्यगुणिते भक्ते जातं द्रव्यप्रमाणम् ५४० । इदं विलोमसूत्रेणापि
 सिद्ध्यति ।

अथ विश्लेषजात्युदाहरणम् ।
 पञ्चांशोऽलिकुलात् कदम्बमगमन् ऋयंशः शिलीन्ध्रं तयो-
 र्विश्लेषमित्रगुणो सृगात्मि ! कुटजं दोलायमानोऽपरः ।
 कान्ते ! केतकमालतीपरिमलप्राणोक्तालप्रिया-
 दृताहृत इतस्ततो भ्रमनि खं भृङ्गोऽलित्तद्वयां वद ॥ ४ ॥
 न्यासः ३ ३ ३ दृश्यम् १ ।
 जातमलिकुलमानम् १५ । एवमन्यत्रापि ।
 इतीष्टकर्म ।

अत्रोपपत्तिः—अत्रादौ कमपोष्टराशिं प्रकल्प्योक्तवत् क्रियाकरणेन यन्निष्पद्यते
 तदिष्टराशयोर्ये: सम्बन्धः, स एवाभीष्टदश्यतद्राश्योर्भवत्त्वालापस्य स्थिरत्वात्,

$$\text{तेन } \frac{\text{इ}}{\text{हृ}} = \frac{\text{रा}}{\text{हृ}} \therefore \text{रा} = \frac{\text{इ}}{\text{हृ}} \text{ उपपत्तं सर्वम् ।}$$

अथ द्वीष्टकर्मोपपत्तिः—अत्रालागोक्तव्या दृश्यम् = दृ = अ.य + क, अत्र यदि
 य = इ, तदा $\frac{\text{इ}}{\text{हृ}} = \text{अ.हृ} + \text{क}$. . . दृ $\frac{\text{हृ}}{\text{हृ}} = \text{अ}$ (य $\frac{\text{हृ}}{\text{हृ}}$) = शे, यदि च य = $\frac{\text{इ}}{\text{हृ}}$,
 तदा $\frac{\text{इ}}{\text{हृ}} = \text{अ.हृ} + \text{क}$. . . दृ $\frac{\text{हृ}}{\text{हृ}} = \text{अ}$ (य $\frac{\text{हृ}}{\text{हृ}}$) = शे^१

$$\frac{\text{शे}}{\text{शे}^1} = \frac{\text{अ}(\text{य}\frac{\text{हृ}}{\text{हृ}})}{\text{अ}(\text{य}\frac{\text{हृ}}{\text{हृ}})} = \frac{\text{य}\frac{\text{हृ}}{\text{हृ}}}{\text{य}\frac{\text{हृ}}{\text{हृ}}}$$

$$\therefore \text{शे}(\text{य}\frac{\text{हृ}}{\text{हृ}}) = \text{शे}^1(\text{य}\frac{\text{हृ}}{\text{हृ}})$$

$$\text{शे.य}\frac{\text{हृ}}{\text{हृ}} \text{ शे.हृ} = \text{शे}^1. \text{य}\frac{\text{हृ}}{\text{हृ}} \text{ शे}^1. \text{हृ}$$

$$\text{अत्र समशोधनादिना जातं यावत्तावन्मानम्} = \frac{\text{शे.हृ} \text{ शे}^1. \text{हृ}}{\text{शे}^1 \text{ शे}^1} \text{ ।}$$

अतः—

आलापकोक्तव्या निहतौ विभक्तावभीष्टराशी सहितोनयुक्तौ ।

भागैः स्वदश्याख्यविहीनितौ तच्छेषौ ततोऽन्योन्यतदिष्टनिष्ठौ ॥

भक्तं तयोरन्तरकं हि शेषान्तरेण शेषप्रमिती धनणे ।
चेत्तद्युतिः शेषयुतिप्रभक्ता राशिर्भवेद्वृष्टजर्मणा वा ॥*१॥

इति पद्मसुपपद्यते ।

$$\text{अथ यदि, } \text{व} = \text{रा} - \frac{\text{रा.अ}}{\text{क}} - \left\{ \frac{\text{रा} - \frac{\text{रा.अ}}{\text{क}}}{1} \right\} \frac{\text{n}}{\text{प}}$$

$$= \frac{\text{रा.क} - \text{रा.अ}}{\text{क}} - \frac{(\text{रा.क} - \text{रा.अ}) \text{n}}{\text{प.क}}$$

$$= \frac{\text{रा} (\text{क-अ}) (\text{प-न})}{\text{प.क}}$$

$$\therefore \text{रा} = \frac{\text{व}}{(\text{क-अ}) (\text{प-न})} †$$

* अत्रोदाहरणम्—

एकस्य रूपत्रिशती षडशा, अश्वा दशान्यस्य तु तुल्यमूल्याः ।

ऋणं तथा रूपशतं च तस्य, तौ तुल्यवित्तौ च किमश्वमूल्यम् । ॥

अत्रादौ कल्पित इष्टराशिः २० अतो द्वयोर्धने ४२०, १००, अनयोरन्तरं ३२०
इदमेव प्रथमशेषम् ।

द्वितीये इष्टराशिः २५ तत उक्तवत् द्वयोर्धने ४५० । १५० एतयोरन्तरं ३०० द्वितीये
यशेषमानम् । तत एतौ ३२० । ३०० परस्परेष्टगुणितौ ८०००। ६००० अनयोर्विश्लेषः
२००० शेषान्तरेण २० भक्तो जातमश्वमूल्यम् १०० । इति द्वीष्टकर्म ।

† “छिद्रधातभक्तेन लवोनहारधातेन भाज्यः ग्रकटाख्यराशिः ।

राशिर्भवेच्छेषवलब्वे तथेदं विलोसूत्रादपि सिद्धिमेति” ॥

इति कस्यचित्पद्मसुपपद्यते ।

उदाहरणम्—

पद्माक्ष्या प्रियकलिपताद्वसुलवा भूषा ललाटीकृता

यच्छेषात्तिरुगुणादिभागरचिता न्यस्ता स्तनान्तः सज्जि ।

शेषाधं भुजनालयोर्मणिगणः शेषाच्छिधकस्त्रयाहतः

काञ्च्यात्मा मणिराशिमाशु वद मे वेण्यां हि यत् षोडश ॥

अत्र न्यासः— १।३।३।३।३। ८३ । दशम् १६ । यथोक्तवत् क्रियाकरणेन जातो
मणिराशिः २५६ ।

संक्रमणे करणसूत्रं वृत्तार्थम् ।
योगोऽन्तरेणोनयुतोऽर्थितस्तो राशी स्मृतं संक्रमणाख्यमेतत् ।

अत्रोद्देशकः

ययोयोगः शतं सैक्षं, वियोगः पञ्चविंशतिः ।

तौ राशी वद् मे वत्स ! वेत्सि संक्रमणं यदि ॥ १ ॥

न्यासः । योगः १०२ । अन्तरम् २५ । जातौ राशी ३८ । ६३ ।

अत्रोपपत्तिः—कल्प्यते राशी या, का ययोर्योगः =यो=या+का, तथा उत्त-
रम् =अं=या-का,

$$\therefore \text{यो} + \text{अं} = \text{या} + \text{का} + (\text{या}-\text{का}) = 2\text{या}$$

एवं यो—अः = या + का—(या-का) = २का

$$\therefore \text{या} = \frac{\text{यो} + \text{अं}}{3} \quad \text{तथा का} = \frac{\text{यो} - \text{अं}}{3}$$

अत उपपन्नं सर्वम् ।

अन्यत्करणसूत्रं वृत्तार्थम् ।

वर्गान्तरं राशिवियोगभक्तं योगस्ततः प्रोक्तवदेव राशी ॥ १ ॥

उद्देशकः ।

राद्योर्ययोर्वियोगोऽप्तौ तत्कृत्योश्च चतुःशती ।

विवरं वद् तौ राशी शीघ्रं गणितकोविद् ! ॥ २ ॥

न्यासः । राश्यन्तरम् ८ कृत्यन्तरम् ४०० । जातौ राशी २१ । २६ ।

इति संक्रमणम् ॥

अन्नोपपत्तिः—अन्न कल्पयेते राशी या, का

ययोर्वंगान्तरम् = वड़ = या॒-का॒

तथाऽन्तरम् = अं = या-का

अथ वा, वर्त्म = या॒-या॑. का॒ + या॑ का॒-का॑

= या (या-का) + का (या-का)

$$= (\text{या-का}) (\text{या+का})$$

पृतेन वर्गान्तरं योगान्तरधातसम् भवत्यतः ——^{वृत्तं}
^{३.} = यो = या + का,

अन्तरं तु ज्ञातमेवात्र पूर्वोक्तसंक्रमणगणितेन या, का, राशी सुखेन ज्ञायेते ।

यद्वा क्षेत्रमितेर्द्वितीयाभ्यायस्य पञ्चमक्षेत्रानुमानेनापि (१) समीकरणमानं सिद्ध-
त्यत उपपन्नं सर्वम् । एवमेव वर्गयोगज्ञानाद्राक्षयन्तरज्ञानाच्च राशियोगतो वा राशिज्ञानं

भवतीति किसु वैचित्र्यमतो मत्सूत्रावतारः—

द्विप्रवर्गयुतिहर्नोऽन्तरवर्गेण तत्पदम् ।

राशियोगभितिर्विद्वन् ! ततो राशी प्रसाधयेत् ॥

अथ यदि घनान्तरम् = घअं = या^३ - का^३

तथा च राश्यन्तरम् = अं = या - का

तदा घअं = या^३ - का^३ = (या - का) (या^३ + या.का + का^३)

$$\therefore \frac{\text{घअं}}{4} = \text{या}^{\frac{3}{4}} + \text{या.का} + \text{का}^{\frac{3}{4}}$$

$$= (\text{या-का})^{\frac{3}{4}} + 3\text{या.का}$$

$$\begin{aligned} & \frac{\text{घअं}}{\text{अं}} = \frac{\text{अ}^{\frac{3}{4}}}{\text{अ}} \\ \therefore \frac{\text{घअं}}{3} & = \text{या.का} \\ & = \frac{(\text{या} + \text{का})^{\frac{3}{4}} - (\text{या-का})^{\frac{3}{4}}}{4} \\ & \therefore \frac{4 \left\{ \frac{\text{घअं}}{\text{अ}} - \text{अ}^{\frac{3}{4}} \right\}}{3} + \text{अ}^{\frac{3}{4}} = (\text{या} + \text{का})^{\frac{3}{4}} \end{aligned}$$

अस्य मूलं राश्योर्योगो भवति, अन्तरन्तु ज्ञातमेवातो राशिमाने सुबोधे ।

अतः सूत्रावतारः ।

घनान्तरं राशिवियोगभक्तं वियोगवर्गेण विहीनितं तत् ।

चतुर्गुणं रामहृतं वियोगकृत्या युतं मूलमतो हि राशी इति ॥

अश्ववाचैव यदि—

$$\text{या} = \text{अ} + \text{क}$$

$$\text{तथा का} = \text{अ-क}$$

$$\text{तदा या-का} = \text{अं} = 2\text{क} \quad \therefore \text{क} = \frac{1}{2}\text{अं}$$

$$\therefore \text{या} = \text{अ} + \frac{1}{2}\text{अं}, \text{का} = \text{अ}-\frac{1}{2}\text{अं}$$

ततो द्वितीयालापेन—

$$\text{या}^{\frac{3}{4}} - \text{का}^{\frac{3}{4}} = \left\{ \text{अ} + \frac{1}{2}\text{अं} \right\}^{\frac{3}{4}} - \left\{ \text{अ} - \frac{1}{2}\text{अं} \right\}^{\frac{3}{4}} = \text{घअं}^{\frac{3}{4}}$$

$$= \frac{\text{अ}^{\frac{3}{4}}}{4} + 3\text{अ}^{\frac{3}{4}}.\text{अं}$$

$$\therefore \frac{\text{घअं}}{\text{अं}} = \frac{\text{अ}^{\frac{3}{4}}}{4} + 3\text{अ}^{\frac{3}{4}}$$

$$\therefore \frac{\text{घञ्च}}{\text{अं}} - \left(\frac{\text{अं}}{2}\right)^2 = 3\text{अ}^2$$

$$\therefore \text{अ}^2 = \frac{1}{3} \left\{ \frac{\text{घञ्च}}{3} - \left(\frac{\text{अं}}{2}\right)^2 \right\} \text{अस्य मूलं 'अ' मानं स्यात्}$$

‘क’ मानं तु ज्ञातमेवातो या, का अनयोग्माने सुवोचे । पतेन—

घनान्तरं राशिवियोगभक्तं हीनं वियोगाङ्कदलस्य कृत्या ।

त्रिभिर्विभक्तं च पदं ततोऽस्य वियोगखण्डोनयुतं हि राशी ॥*॥

इति मटीयसूत्रमुपपत्रं भवति । एवमेव घनयोगराशियोगाभ्यां राशिज्ञानं सुधीं
भिः कर्त्तव्यं तत्र मत्सूत्रमवतरति—

घनैक्यं राशियोगापतं योगार्थं कृतिवर्जितम् ।

त्रिभक्तं तत्पदेनोन्न योगार्थं संयुतं च तौ ॥*॥

अथ किञ्चिद्गर्गकर्म प्रोच्यते तत्रायाद्यम् ।

इष्टकृतिरप्यगुणिता व्येका दलिता विभाजितेष्टेन ।

एकः स्यादस्य कृतिर्दलिता सैकाऽपरो राशिः ॥ २ ॥

रूपं द्विगुणेष्टहृतं सेष्टं प्रथमोऽथ वाऽपरो रूपम् ।

कृतियुतिवियुती व्येके वर्गां स्यातां ययो राश्योः ॥ ३ ॥

उद्देशकः ।

राश्योर्ययोः कृतिवियोगयुती निरेके
मूलप्रदे प्रवद् तौ मम मित्र ! यत्र ।

किलश्यन्ति वीजगणिते पटबोऽपि मूढाः
वोढोक्तवीजगणितं परिभावयन्तः ॥ १ ॥

अत्र प्रथमानयने कल्पितमिष्टम् $\frac{1}{2}$ । अस्य कृतिः $\frac{1}{4}$

अप्यगुणा जातः २ । अयं व्येकः $\frac{1}{2}$ । दलितः $\frac{1}{2}$ ।

इष्टेन $\frac{1}{2}$ हतो जातः प्रथमो राशिः १ ।

अस्य कृतिः १ । दलिता $\frac{1}{2}$ । सैका $\frac{1}{2}$ । अयमपरो राशिः ।

एवमेतौ राशी $\frac{1}{2}$ । $\frac{1}{2}$ ।

* अत्रोदाहरणम्—

घनान्तरं ययोः सत, त्वन्तरं रूपसम्मितम् ।

तत्र राशी समाचक्ष्व पार्टिगणितरीतिः ॥

न्यासः—घनान्तरम् ७, अन्तरम् १, ततः सूत्रोक्त्या क्रियाकरणे जातौ राशी १,२ ।

* अत्रोदाहरणम्—त्रिभितस्तु ययोर्योगे घनैक्यं नवसम्मितम् ।

तत्राराशी वद क्षिं मतिस्ते चेत्पटीयसी ॥

न्यासः—राश्योर्योगः ३, घनयोगः ९, ततःसूत्रवलेन राशी १, २ ।

एवमेकेनेष्टेन जातौ राशी ५, ५७ । द्विकेन ३४, ९९३ ।

अथ द्वितीयप्रकारेणेष्टम् १ । अनेन द्विगुणेन २ । रूपंभक्तम् १ इष्टेन सहितं जातः प्रथमो राशिः ३ । द्वितीयो रूपम् १ । एवं राशी ३ १ १ एवं द्विकेन ११ १ । त्रिकेण ११ १ । द्विगुणेन १ जातौ राशी ११, १ ।

अत्रोपपत्तिः—अत्र कल्पितौ राशी या, का तदा द्वितीयालापेन या^३-का^१-१ अस्य मूलद्रृत्वात् ‘सरूपके वर्णकृती तु यत्र तत्रेच्छयैकां प्रकृतिं प्रकल्प्यत्यादिना, तथा ‘इष्टभक्तो द्विधा क्षेप’—इत्यादिना च कृणरूपमिष्ठं प्रकल्प्य जातं कनिष्ठमानम्= का^१+२.

$\frac{1}{2}$ अत्रेदं प्रकृतिवर्णस्य यावत्तावतो मानम् = $\frac{\text{का}^1 + 2}{2}$ अत उत्थापनेन जा-

तौ राशी $\frac{\text{का}^1 + 2}{2}$, का ततः प्रथमालापेन $\frac{\text{का}^1}{4} + 2$ का^१ अर्थं कस्यापि वर्ग-

समस्तेनास्य ‘द्वितीयपक्षे सति सम्भवे तु कृत्याऽपवर्त्य’—त्यादिना कालकवर्गेणा-पवर्त्य, तत—‘इष्टभक्तो द्विधा क्षेप’—इत्यादिना मूलं साधयते, अत्रेष्टम् = -४इ, ततः

कनिष्ठमानम् = ४ इ - $\frac{2}{4} \text{इ} = 4 \text{इ} - \frac{1}{2} \text{इ} = \frac{8 \text{इ} - 1}{2 \text{इ}}$ इदमेव कालकमानम् =

$\frac{8 \text{इ} - 1}{2 \text{इ}}$, अर्थं प्रथमो राशिः । द्वितीयस्तु $\frac{\text{का}^1}{2} + 1$, अत उपपन्नः प्रथमः प्रकारः ।

अथ द्वितीयप्रकारे तु राशी या, १ अत्र प्रथमालापः स्वयमेव घटते । द्वितीयालापेन या^३-२ अस्य मूलेन भवितव्यम् । अत्रापीष्टभक्तो द्विधा क्षेप इत्यादिनाँ

द्विगुणमिष्ठराशिं प्रकल्प्य जातं कनिष्ठमानम् = $\frac{3 \text{इ}^2 + 1}{2 \text{इ}} = \frac{1}{2 \text{इ}} + \text{इ}$, इदमेव

यावत्तावन्मानम्, अत उत्थापितौ राशी $\frac{1}{2} \text{इ} + \text{इ}$, १ अत उपपन्नं सर्वे भास्करोक्तम् ।

अत्रैव यदि इ = - इ कल्प्यते तदा कनिष्ठम् = $\frac{1}{2} \left\{ \frac{2}{\text{इ}} + \text{इ} \right\}$ इदं यावत्तावन्मानं स्यादेतेन मुनीश्वरीयपद्ममुपपद्धते ।*

अत्रैवास्य प्रकारस्य सूचको मदीयोऽतिचमत्कारको लघुप्रकारः—

इष्टवर्गशरजान्तरभक्तं राशिरविधगुणितेष्टकमेकः ।

इष्टवर्गशरयोग इहासः स्वान्तरेण भवतीति तदन्यः ॥

* इष्टभक्तं द्वयं सेष्ट दलितं प्रथमोऽपरः ।

रूपं तयोर्वर्गयोगान्तरे व्येके पदभ्रदे ॥

अथवा सूत्रम् ।

इष्टस्य वर्गवर्गो घनश्च तावपृसंगुणो प्रथमः ।

सैको राशी स्थातामेवं व्यक्तेऽय वाऽव्यक्ते ॥ ४ ॥

इष्टम् $\frac{1}{2}$ । वर्गवर्गः $\frac{1}{2}$ । अपृधनः $\frac{1}{2}$ । सैको जातः प्रथमो राशिः $\frac{1}{2}$ ।

पुनरिष्टम् $\frac{1}{2}$ अस्य घनः $\frac{1}{2}$ । अपृगुणो जातो द्वितीयो राशिः $\frac{1}{2}$ ।

एवं जातो राशी $\frac{1}{2} \frac{1}{2}$ ।

अथैकैष्टेन ह । ८ । द्विकेन १२६ । ६४ । त्रिकेण ६४६ । २१६ ।

एवं सर्वेष्वपि प्रकारे विष्टवशादानन्त्यम् ।

पाटीसूत्रोपमं वीजं गृद्भिन्यवभासते ।

नास्ति गृद्भमसूहानां नैव पोदेत्यनेकधा ॥ १ ॥

अस्ति त्रैराशिकं पाटी, वीजं च विमला मतिः ।

किमज्ञातं सुवुद्धीनामतो मन्दार्थमुच्यते ॥ २ ॥

इति वर्गकर्म ।

अत्रोपपत्तिः—अत्र राशी या + १, का, अन्योर्वर्गयोगवियोगौ निरेको
या $\frac{1}{2}$ + का $\frac{1}{2}$ + २ या । या $\frac{1}{2}$ —का $\frac{1}{2}$ + २ या, पूर्तौ मूलदौ तदैव स्थातां यदाऽत्र २या
अर्य वर्गाङ्कः स्थात्तन्मूलयावत्तावतोऽद्विधनवातः कालकर्वासमो भवत्यतः

कल्प्यते २या = नी $\frac{1}{2}$

एवं २या.नी = का $\frac{1}{2}$

नी $\frac{1}{2}$
∴ या = $\frac{1}{2}$

तथा का $\frac{1}{2}$ = $\frac{2}{2}$ • नी = नी $\frac{1}{2}$

अत्रेष्ट तथा करिष्यते, यथा यावत्तावन्मानमभिन्नं स्थात्तेनात्रेष्टमानम् =
४ है = नी,

∴ या = ८ है

एवं का $\frac{1}{2}$ = ६ ४ है

∴ का = ८ है

अत उत्थापनेन राशी ८ है + १, ८ है, उपपञ्चं सर्वम् । यद्यत्र नी = है,

तदा राशी $\frac{८}{२}$ + १, है ।*

* एतेन—

“इष्टस्य वर्गवो घनश्च तत्र द्विकेनापः ।

आयः सैको राशी स्थातां व्यक्तेऽथवाव्यक्ते ॥

इति पद्यमुपपत्रम् भवति

अत्रैव † ज्ञानराजनपत्रालकृष्णदैवज्ञैस्तु या, इ राशिमाने प्रकल्प्य यथोक्त्या राशी साधितौ, तत्र रूपद्वयाल्प इष्टे द्वितीयालापो न घटत इति सुधोभिर्विभाव्यम् ।

एवमेव* लक्ष्मीदासमिश्रा अपि ‘४३, या, आभ्यां राशी साधितवन्तव्यत्रापि रूपार्धाल्प इष्टे द्वितीयालापो व्यभिचरतीति सर्वमिष्टवशाद्विकैरवगन्तव्यम् । किमत्र लेखप्रयासेन ।

अथ गुणकर्म ।

गुणद्वयमूलोनयुतस्य राशोद्वप्तस्य युक्तस्य गुणार्थकृत्या ।

मूलं गुणार्थेन युतं विहीनं वर्गीकृतं प्रष्टुरभीष्टराशिः ॥ ५ ॥

यदा लवैश्चोनयुतः स राशिरेकेन भागोनयुतेन भक्ता ।

द्वृश्यं तथा मूलगुणं च ताभ्यां साध्यस्ततः प्रोक्तवदेव राशिः ॥ ६ ॥

यो राशिः स्वमूलेन केनचिद्दुगुणितेन ऊनो द्वृप्रस्तस्य गुणार्थकृत्या युक्तस्य द्वृप्रस्य यत् पदं तद् गुणार्थेन युक्तं कार्यं, यदि गुणद्वयमूलयुतो-द्वृप्रस्तर्हि हीनं कार्यं, तस्य वर्गो राशिः स्यात् ।

मूलोने द्वृष्टे तावदुदाहरणम् ।

वाले ! मरालकुलमूलदत्तानि सप्त तीरे विलासभरमन्थरगाण्यपश्यम् ।

कुर्वच्च केलिकलहं कलहंसयुग्मं शोपं जले वद मरालकुलप्रमाणम् ॥ १ ॥

न्यासः । मूलगुणः ५ । द्वृष्टम् २ । द्वृप्रस्यास्य २ गुणार्थकृत्या ५५ । युक्तस्य ५५ मूलम् ५ । गुणार्थेन ५ । युतं ५५ वर्गीकृतं हंसकुलमानम् १६ ।

अथ मूलयुते द्वृष्टे चोदाहरणम् ।

स्वपदैर्नवभिर्युक्तः स्थाच्चत्वारिंशताधिकम् ।

शतद्वादशकं विद्धु ! कः स राशिनिंगद्यताम् ॥ २ ॥

न्यासः । मूलगुणः ६ द्वृश्यम् २५७० । गुणार्थ ५५ मस्य कृत्या ६५५ युक्तं जातम् ५०५१ । अस्य मूलं ५१ । गुणार्थेन ५५ अत्र विहीनं ६२५ वर्गीकृतं ३५४५ । छेदेन हन्ते जातो राशिः ६६१ ।

उदाहरणम् ।

यातं हंसकुलस्य मूलदशकं मेघागमे मानसं

प्रोड्युय स्थलपद्मिनीवनमगादपृष्ठांशकोऽभस्तटात् ।

वाले ! वालमृणालशालिनि जले केलिक्रियालालसं

द्वृष्टं हंसयुगचयं च सकलां यूथस्य संख्यां वद ॥ ३ ॥

† “इष्टः प्रथमो राशिनिजार्थनिहृतः स एवान्यः ।

अनयोः कृतियुतिवियुती रूपयुते मूलदे स्याताम् ॥

* चतुर्गुणेष्टमाद्यः स द्वित्रोऽभीष्टसंगुणोऽपरो राशिः ।

अनयोः कृतियुतिवियुती रूपयुते मूलदे स्याताम् ॥

न्यासः । मूलगुणः १० । अप्रांशः $\frac{1}{2}$ । दृश्यम् ६ । यदा लव्यश्चोनयुत-इत्युक्तत्वादत्रैकेन भागोत्तेन $\frac{1}{2}$ दृश्यमूलगुणो भक्ता जातं दृश्यम् $\frac{1}{2}$ मूलगुणः $\frac{1}{2}$ । गुणार्थम् $\frac{1}{2}$ । अस्य कृत्या $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2}$ युक्तम् $\frac{1}{4}$ अस्य मूलं $\frac{1}{2}$ गुणार्थेन $\frac{1}{2}$ युक्तं १२ वर्गकृतं जातो हंसराशिः १४४
अथ भागमूलोने दृष्टे उदाहरणम् ।

पार्थः कर्णवधाय मार्गणगणं कुद्वो रणे संदधे
तस्यार्थेन निवार्य तच्छुरगणं मूलैश्चतुर्भिर्हयान् ।
शल्यं पड्मिरयेषुभिस्त्रिभिरपि च्छ्रुत्रं ध्वजं कार्षुकं
चिच्छेदास्य शिरः शरेण कति ते यान्तुनः संदधे ॥ ४ ॥

न्यासः । भागः $\frac{1}{2}$ । मूलगुणकः ४ । दृश्यम् १० । यदा लव्यश्चोन-युत इत्यादिना जातं वाणमानम् १०० ।

अपि च ।

अलिकुलदलमूलं मालर्तां यातमप्ते
निखिलनवमभागाश्चालिनी भृङ्गमेकम् ।
निषि परिमललुभ्यं पद्ममध्ये निरुक्तं

प्रति रणति रणन्तं वृहि कान्तेऽलिसंख्याम् ॥ ५ ॥

अत्र किल राशिनवांशाप्तकं राश्यर्थमूलं च राशोऋणं, द्वयं रूपं दृश्यम् । एतद्वाणं दृश्यं चार्थितं राश्यर्थस्य भवतीति । तत्रापि राश्यंशार्थं राश्यंशार्थस्यांशः स्यादिति भागः स एव ।

तथा न्यासः । भागः $\frac{1}{2}$ । मूलगुणकः $\frac{1}{2}$ । दृश्यम् २ राश्यर्थस्य स्यादिति भागन्यासोऽत्र । अतः प्राप्तव्युभ्यं राशिदलम् ३६ ।

एतद्विगुणितमलिकुलमानम् ६२ ।

उदाहरणम् ।

यो राशिरप्तादशभिः स्वमूलैराशित्रिभागेन न्यमन्वितश्च ।

जातं शतछादशकं तमाशु जानीहि पाण्यां पटुताऽस्ति ते चेत् ॥ ६ ॥

न्यासः । भागः $\frac{1}{2}$ मूलगुणकः ८ । दृश्यम् १२०० । अत्रैकेन भाग-युतेन $\frac{1}{2}$ मूलगुणं दृश्यं च भक्त्वा प्राप्तवज्जातो राशिः ५७६ ।

इति गुणकर्म ।

अत्रोपपत्तिस्तु यद्यपि वर्गसमीकरणप्रपञ्चेनापि सरला तथाप्यत्र बालावबोधार्थ-मुच्यते । अत्रोद्देशकालापानुसारेण दृश्यमानम् = व = या \pm गु.या, अतो वर्गपूर-गेन, या \pm गु.या + $\left(\frac{\text{गु}}{2}\right)^2$ = व + $\left(\frac{\text{गु}}{2}\right)^2$

$$\text{मूलग्रहणेन, } \text{या} \pm \frac{\text{गु}}{2} = \sqrt{\text{व} + \left(\frac{\text{गु}}{2}\right)^2} = \text{मूलम् ।}$$

$$\text{मूलग्रहणेन, } \text{या} \pm \frac{\text{गु}}{2} = \sqrt{\text{व} + \left(\frac{\text{गु}}{2}\right)^2} = \text{मूलम् ।}$$

$\therefore \text{या} = \text{मूल} \pm \frac{\text{गु}}{2}$ अस्य वर्गो राशिरित्युपन्नं पूर्वार्धम् ।

यदि च $\text{ह} = \text{या}^2 \pm \frac{\text{अ}}{\text{क}}$ $\text{या}^2 \pm \text{गु.या}$

$$\text{वा, } \text{ह} = \text{या}^2 \left\{ 1 \pm \frac{\text{अ}}{\text{क}} \right\} \pm \text{गु.या}$$

$$\therefore \frac{\text{ह}}{1 \pm \frac{\text{अ}}{\text{क}}} = \text{या}^2 + \frac{\text{गु}}{1 \pm \frac{\text{अ}}{\text{क}}} \cdot \text{या}$$

$$\therefore \frac{\text{ह}}{1 \pm \frac{\text{अ}}{\text{क}}} = \text{ह}', \frac{\text{गु}}{1 \pm \frac{\text{अ}}{\text{क}}} = \text{गु}'$$

$$\therefore \text{ह}' = \text{या}^2 \pm \text{गु}'.\text{या},$$

अतः पूर्वोक्त्या राशिमानं सुबोधम् । अत उपन्नं सर्वम् । एवं वर्गात्मकानां राशीनामानयनं भवति, नचावर्गात्मकानां प्रष्टुरभीषितानां राशीनां ज्ञानमनेन प्रकारेण कर्तुं शक्यतेऽतस्तदानयनार्थमुपायः—

अत्र कल्प्यते $\frac{\text{रा}}{\text{अ}} = \text{या}^2$, अत उद्देशकोक्त्या

$$\text{अ.या}^2 + \text{अ.या}^2 \frac{1}{\text{भा}} \pm \text{गु.या} = \text{ह}$$

$$\therefore \text{या}^2 \left\{ 1 \pm \frac{1}{\text{भा}} \right\} \pm \frac{\text{गु}}{\text{अ}} \cdot \text{या} = \frac{\text{ह}}{\text{अ}}$$

$$\text{वा } \text{या}^2 \left\{ 1 \pm \frac{1}{\text{भा}} \right\} \pm \text{गु}'.\text{या} = \text{ह}' \text{ अत्र भास्करोक्त्या यावत्ता-}$$

वद्वर्गमा समानीय ‘अ’ अनेन गुणितं प्रष्टुरभीषितं राशिमानं भवति । यद्यत्र ‘अ’ गुणितो राशिर्यावत्तावद्वर्गसमो भवेत्तदा यावत्तावद्वर्गः ‘अ’ भक्तो राशिः स्यात्तेन

यद्गुणो यद्गुणो वा स्याद्राशिर्मूलप्रदस्ततः ।

तद्गुणौ तल्लवौ कार्यौ दद्यमूलगुणौ च तौ ॥

ताभ्यामुक्तवद्वात्र राशिमानं भवेद्विधत् ।

तल्लवस्तद्गुणो ज्ञेयः प्रश्नकर्तुरभीषितः ॥

इति मदीयमुपपन्नं भवति । *
इत्यनेनैव मदीयप्रकारेण “अत्र किलारभ्य राशिः स्या”—दित्यन्तमाचार्योर्कं
सम्यगुपपन्नं भवतीत्यलं प्रसङ्गागतविचारेण ।

अथ त्रैराशिके करणसूत्रं वृत्तम् ।
प्रमाणमिच्छा च समानजाती आद्यन्तयोस्तत्फलमन्यजाति ।
मध्ये तदिच्छाहतमाद्यहृत् स्यादिच्छापलं व्यस्तविधिर्विलोमे ॥ ७ ॥
उदाहरणम् ।
कुङ्गमस्य सदलं पलद्वयं निष्कसमलवैखिभिर्यदि ।
प्राप्यते सपदि मे वणिग्वर ! व्रहि निष्कनवकेन तत् कियन् ? ॥ १ ॥
न्यासः । उक्तविधिना लव्यानि कुङ्गमपलानि ५२ । कर्यां २ ।
अपि च ।

प्रकृष्टकर्पूरपलत्रिपञ्च्या चेष्टभ्यते निष्कचतुष्कयुक्तम् ।
शतं तदा द्वादशभिः सपादैः पलैः किमाच्चद्व सखे ! विचिन्त्य ॥ २ ॥

* उदाहरणम्—

वाले ! वालमरालवाणलवतो मूर्लं प्रिये चाष्टकं
यातं मानसमेव रामगुणिता राशोः शारांशाः खलु ।
प्रोड्डीय स्थलपद्मिनीवनमथो दृष्टं सखे दिष्ट्मतं.
पाञ्चां चेत् पटुता तदा द्रुततरं यूथस्य संख्यां वद ॥
न्यासः—मूङ्गु ८, भा३, द१०, अत्र दश्य १० मूलगुणौ ८ एंचमत्तौ जाती
वास्तवौ मूलगुणकदश्य मूङ्गु३, द२ भागः स एव । ततो यथोक्त्या कुते जातो राशिः
२५ अर्थं पंचगुणो जातोऽभीरराशिः १२५ ।

अथान्यदुदाहरणम् ।

रामः सीतापहर्तारममितवलिनं रावणं संजिवांसु—
र्वीणान्यान् सन्दधे तदूद्विगुणपदमितेनानलैः संहतेन ।
बहूँश्चिच्छेद तस्याखिलविशिषदलैस्तच्छरथाथ दृष्टं
भूपैस्तुल्यं तदाऽत्र प्रवद गणक ते सन्ति वाणाः कियन्तः ? ॥
न्यासः—मूङ्गु ३ भा३, दश्यम् १६, दश्यमूलगुणा १६, ३ वेतौ द्विगुणितौ जाती
वास्तवौ दश्य ३२ मूलगुणौ६ । अत्र भागः स एव । तत आचार्यरीत्या जातोराशिः २५६
अयमधितः प्रष्टरभीप्सितो राशिः १२८ ।

न्यासः । $\frac{६}{१}$ ३ । $\frac{१०४}{१}$ । $\frac{५६}{४}$ । मध्यमिच्छागुणितं $\frac{५०९६}{४}$ छेदभक्तम्
१२७४ आद्येन ६३ हृतं लब्धा निष्काः २० । शेषं १४ पोडशगुणितम् २२४
आद्येन भक्तंजाता द्रम्माः ३ । पणाः ८ । काकिण्यः ३ । वराटकाः ११२ ।

अन्यदुदाहरणम् ।

द्रम्मद्वयेन साष्ठांशा शालितण्डुलखारिका ।

लभ्या चेत् पणसपत्या तत् किं सपदि कथयताम् ? ॥ ३ ॥

अत्र प्रमाणसजातीयकरणार्थं द्रम्मद्वयस्य पणीकृतस्य

न्यासः । $\frac{३}{१}$ २ । $\frac{८}{१}$ ७० लब्धे खायौ २। द्रोणाः ७। आढकः १। प्रस्थौ २।

इति त्रैराशिकम् ।

अत्रोपपत्तिः—चतुर्वर्षपि सजातीयेषु राशिषु प्रथमतृतीययोर्यः सम्बन्धः स एव
द्वितीयचतुर्थयोर्भवति, तत्रापि प्रथमतृतीयौ तथा द्वितीयचतुर्थौ च समानजातीयौ
भवत इति क्षेत्रमितेः पष्टाध्यायतस्तावत्स्पष्टमेव । ये सजातीयास्त एवानुपाती-
याश्रातोऽत्र केषामपि त्रयाणां राशीनां ज्ञानादन्यसाधनार्थं या रीतिस्तदेव त्रैराशिक-
मित्यतोऽत्राद्यनुतीयौ प्रमाणेच्छासंक्षकौ, द्वितीयचतुर्थौ तु तत्फलसंज्ञकावित्युपपन्नम् ।

अथ व्यस्तत्रैराशिकम् ।

इच्छाबृद्धौ फले हासो हासे बृद्धिः फलस्य तु ।

व्यस्तं त्रैराशिकं तत्र ज्ञेयं गणितकोविदैः ॥ ८ ॥

यत्र इच्छाबृद्धौ फलस्य हासो हासे वा फलस्य बृद्धिस्तत्र व्यस्त-
त्रैराशिकं स्यात् ।

तद्यथा—

जीवानां वयसो मौल्ये तौल्ये वर्णस्य हैमने ।

भागहारे च राशीनां व्यस्तं त्रैराशिकं भवेत् ॥ १ ॥

उदाहरणम् ।

प्राप्नोति चेत् पोडशवत्सरा रुपी द्वार्तिशतं, विंशतिवत्सरा किम् ।

द्विधूर्वहो निष्कचतुष्कमुक्षाः प्राप्नोति धूःषट् कबहस्तदा किम् ? ॥ १ ॥

न्यासः । १६ । ३२ । २० । लब्धम् $\frac{२५}{४}$ ३ ।

द्वितीयन्यासः । २ । ४ । ६ । लब्धम् $\frac{११}{४}$ ।

उदाहरणम् ।

दशवर्णं सुवर्णं चेत् गद्याणकमवाप्यते ।

निष्केण तिथिवर्णं तु तदा वद कियन्मितम् ? ॥ २ ॥

न्यासः । १० । १ । १५ लब्धम् $\frac{३}{४}$ ।

राशिभागहरणे उदाहरणम् ।
 सप्ताढकेन मानेन राशो सस्यस्य मापिते ।
 यदि मानशतं जातं तदा पञ्चाढकेन किम् ? ॥ ३ ॥
 न्यासः । ७ । १०० । ५ लब्धम् १४० ।

इति व्यस्तत्रैराशिकम् ।

व्यस्तत्रैराशिके तु प्रथमतृतीययोर्द्वितीयचतुर्थयोः सम्बन्धासदृशत्वात् ‘व्यस्त-
 विधिर्विलोमे’ इत्युक्तं युक्तियुक्तमित्युपपन्नं सर्वम् ।

अथ पञ्चराशिकादौ करणसुत्रं वृत्तम् ।
 पञ्चसप्तनवराशिकादिकेऽन्योन्यपक्षनयनं फलच्छिदाम् ।
 संविद्याय वहुराशिजे वधे स्वल्पराशिवयभाजिते फलम् ॥ ४ ॥
 उदाहरणम् ।

मासे शतस्य यदि पञ्च कलान्तरं स्याद्
 वर्षे गते भवति किं वद पोडशानाम् ? ।
 कालं तथा कथ्य मूलकलान्तराभ्यां
 मूलं धनं गणक ! कालफले विदित्वा ॥ ५ ॥

न्यासः । १०० । १६ । अन्योन्यपक्षनयने न्यासः । १०० । १६ ।

वहूनां राशीनां वधः ६० । अल्पराशिवधेन १०० अनेन भक्ते
 लब्धम् ६ । शेषम् ५५० विंशत्याऽपवर्त्य है जातं कलान्तरम् ६ है । छेद-
 घरुपे कृते जातम् ५५ ।

अथ कालज्ञानार्थं न्यासः । १०० । १६ ।

अन्योन्यपक्षनयने न्यासः । १४० । १६ ।

वहूनां राशीनां वधः ४८० । स्वल्पराशिवधेन ४०० भक्ता लब्धा-
 मासाः १२ ।

मूलधनार्थं न्यासः । १०० । १२ । ४८ । पूर्ववल्लब्धं मूलधनम् १६ ।
 एवं सर्वत्र ।

उदाहरणम् ।

सञ्चयंशमासेन शतस्य चेत् स्यात् कलान्तरं पञ्च सपञ्चमांशाः ।
 मासैख्यमिः पञ्चलवाधिकैस्तत् सार्थद्विषष्टः फलमुच्यतां किम् ? ॥ २ ॥

न्यासः	$\left\{ \begin{array}{r} १०० \\ ५० \\ ५ \\ ० \end{array} \right $	$\left\{ \begin{array}{r} ६२ \\ १७ \\ १८ \\ ० \end{array} \right $	छेदघ्नरूपेष्विति कृते न्यासः	$\left\{ \begin{array}{r} ५० \\ १०० \\ ११ \\ २६ \\ ५ \end{array} \right $	$\frac{१६}{२} \quad ०$
--------	--	--	------------------------------	---	------------------------

अन्योन्यपक्षनयने न्यासः ।	$\left\{ \begin{array}{r} १०० \\ ५० \\ ५ \\ ० \end{array} \right $	$\left\{ \begin{array}{r} ४८ \\ १२५ \\ २६ \end{array} \right $
---------------------------	--	--

तत्र बहुराशिवधः १५६००० स्वल्पराशिवधः २०००० ।

छेदभक्ते लब्धम् उद्देश्ये । छेदघ्नरूपे कृते जातं कलान्तरम् उद्देश्ये ।

कालादिक्षानार्थं पूर्ववत् ।

यद्वा प्रकारान्तरेणास्योदाहरणम् ।

न्यासः १३१ । १०० । ५५३ । ३८१ । ६२१ ।

अत्र सर्वेषां छेदघ्नरूपेषु लवा धनर्णमित्यादिना सर्वर्णने कृते जातम् उद्देश्ये । १०० । २५३ । १५५ । १२५ ।

अन्योन्यपक्षनयने वहनां राशीनां उद्देश्ये । १२५ । १५५ । वधः ५२०००

अल्पराश्योः १३१ । १०० वधः ४००

भागार्थं विपर्ययेण न्यासः ५३००० । ४३००० । अंशाहतिः १५६००० ।

छेदवधेन २०००० भक्ता जातम् उद्देश्ये । छेदघ्नरूपे कृते जातं कलान्तरमिदम् उद्देश्ये । एवं सर्वत्र ज्ञेयम् ।

अथ सप्तराशिकोदाहरणम् ।

विस्तारे त्रिकरा: करापृकमिता दैर्घ्ये विचित्राश्च चे-

द्रौपैरुत्कटपद्मसूत्रपटिका अप्नौ लभन्ते शतम् ।

दैर्घ्ये सार्वकरत्रयाऽपरपटी हस्तार्थविस्तारिणी

ताद्रूपकिं लभते ? द्रुतं वद वणिक ! वाणिज्यकं वेत्सि चेत् ।

न्यासः ।	$\left\{ \begin{array}{r} १०० \\ ८ \\ ८ \\ १०० \end{array} \right $	$\left\{ \begin{array}{r} ७ \\ १७ \\ १८ \\ ० \end{array} \right $	लब्धो निष्कः ० । द्रम्माः १४ । पणाः ६ । काकिणी १ । वराटकाः ६३१ ।
----------	---	---	---

अथ नवराशिकोदाहरणम् ।

पिण्डे येऽर्कमिताङ्गुलाः किल चतुर्वर्गाङ्गुला विस्तृतौ

पद्मा दीर्घतया चतुर्दशकरात्मिक्षमन्ते शतम् ।

एता विस्तृतिपिण्डदैर्घ्यमितयो येषां चतुर्वर्जिताः

पद्मास्ते वद मे चतुर्दश सखे ! मूल्यं लभन्ते कियत् ? ॥ १ ॥

न्यासः । १०० | १२० | १०० | १२० | लब्धं मूल्यं निष्काः । १६३ ।

अथैकादशाराशिकोदाहरणम् ।
पट्टा ये प्रथमोदितप्रमितयो गव्युतिमात्रे स्थिता-
स्तेषामानयनाय चेच्छकटिनां द्रम्माष्टकं भाटकम् ॥
अन्ये ये तदनन्तरं निगदिता माने चतुर्वर्जिता-
स्तेषां का भवतीति भाटकमितिर्गव्युतिपट्टके वद ॥ १ ॥

न्यासः । १०० | १२० | १०० | १२० | लब्धे भाटके द्रम्माः ॥

अत्रोपपत्तिः—अथानुपातीयेषु राशिषु सति पञ्चानां ज्ञानेऽन्यसाधनार्थं यद्गितं
तदेव पञ्चराशिकमिति व्यपदिश्यते । एवं सप्तराशिकादावप्यवधेयम् । तत्र पञ्चराशिके
तु प्रथमं राशित्रयं गृहीत्वा त्रैराशिकेन गत्कलमुत्पद्यते तद्वशेन पुनर्ष्वराशिकेनाभी-
ष्टसिद्धिर्भवतीति दर्शनात्मैराशिकाभ्यां फलानयनं व्यावर्णन्त्याचार्याः ।

यथा प्रमाणकालेन यदि प्रमाणं फलं लभ्यते, तदेष्टकालेन किमिति त्रैराशिकेन
जातमिष्टकाले प्रमाणसम्बन्धफलम् = $\frac{\text{प्रफ} \times \text{इका}}{\text{प्रका}}$, पुनः प्रमाणधनेन यदीवं फलं,
तदेष्टधनेन किमिति जातमिष्टधनसम्बन्धीयफलम् ।

$$= \frac{\text{इध}}{\text{प्रध}} \cdot \frac{\text{प्रफ} \times \text{इका}}{\text{प्रका}} = \frac{\text{इध} \times \text{प्रफ} \times \text{इका}}{\text{प्रध} \times \text{प्रका}} ।$$

एवं सप्तराशिकादावपि त्रैराशिकैरेव विभावनीश्चित्युपपन्नं सर्वम् ।

अथ भाण्डप्रतिभाण्डके करणसूत्रं वृत्तार्थम् ।
तथैव भाण्डप्रतिभाण्डकेऽपि विपर्ययस्तत्र सदा हि मूल्ये ।

उदाहरणम् ।

द्रम्मेण लभ्यत इहाप्रशतत्रयं चेत्
त्रिशत् परेन विपणौ वरदाङ्गिमानि ।
आप्रैर्वदाशु दशभिः कति दाङ्गिमानि
लभ्यानि तद्विनमयेन भवन्ति मित्र ! ॥ १ ॥

न्यासः । ३०० | ३० | १०० | ३० | लब्धानि दाङ्गिमानि १६ ।
१० | ० |

इति लीलावत्यां प्रकीर्णकानि ।

अत्रोपपत्तिस्तु त्रैराशिकाभ्यां सुगमैव । तत्र स्फुटमेवावसीयते यन्मौल्ये सदा
विपर्यय इत्युपपत्तम् ।

अथ मिश्रकव्यवहारे करणसूत्रं सार्थवृत्तम् ।

प्रमाणकालेन हृतं प्रमाणं विमिश्रकालेन हृतं फलं च ॥ १० ॥

स्वयोगभक्ते च पृथक् स्थिते ते मिश्राहते मूलकलान्तरे स्तः ।

यद्वेष्टकर्माख्यविघेस्तु मूलं मिश्राच्छ्युतं तच्च कलान्तरं स्यात् ॥ ११ ॥

उद्देशकः ।

पञ्चकेन शतेनावदे मूलं स्वं सकलान्तरम् ।

सहस्रं चेत् पृथक् तत्र वद मूलकलान्तरे ॥ १ ॥

न्यासः । १ । १२

१००	१०००	लघ्ये क्रमेण	मूलकलान्तरे	६२५ ।
५	०			

अथवेष्टकर्मणा कल्पितमिष्ठं रूपम् १ । उद्देशकालापवादिष्टराशिरि-
त्यादिकरणेन रूपस्य वर्षे कलान्तरम् ३५ । एतद्युतेन रूपेण ६ । द्वष्टे
१००० रूपगुणे भक्ते लघ्यं मूलधनम् ६२५ । एतन्मिश्रात् १००० च्युतं
कलान्तरम् ३७५ ।

अत्रोपपत्तिः—यथा प्रमाणकालः = प्रका
प्रमाणधनम् = प्रध
प्रमाणफलम् = प्रफ

मिश्रकालः = मिका
मिश्रधनम् = मिध

अत्र त्रैराशिकेन मिश्रकाले प्रमाणधनसम्बन्धीयफलम् = $\frac{\text{मिका} \times \text{प्रफ}}{\text{प्रका}}$,

प्रमाणधनेन युतं जातं सकलान्तरधनम् = प्रध + $\frac{\text{मिका} \times \text{प्रफ}}{\text{प्रका}}$

$= \frac{\text{प्रका.प्रध} + \text{मिका.प्रफ}}{\text{प्रका}} = \frac{\text{यो}}{\text{प्रका}}$ अनेन यदि प्रमाणधनसम्बन्धीयफलम् = मूलधनं

लभ्यते तदा मिश्रधनेन किमिति जातमभीष्टं मूलधनम्

$= \frac{\text{प्रका.प्रध.मिध}}{\text{यो}} : \text{एवं कलान्तरमानम्} = \frac{\text{प्रफ} \times \text{मिका} \times \text{मिध}}{\text{यो}} ।$

यद्वा मूलधनम् = इ, तरः पञ्चराशिकेनेष्टराशिसम्बन्धीयकलान्तरं प्रसाध्य
तेन सहितमिष्ठवनं जातं सकलान्तरधनम् = सध, ततस्त्रैराशिकेन मूलधनमानम्

$= \frac{\text{इ} \times \text{मिध}}{\text{सध}}$, अनेन हीनं मिश्रधनं कलान्तरं भवतीत्युपपत्तं सर्वम् ।

मिश्रान्तरे करणसूत्रम् ।

अथ प्रमाणैर्गुणिताः स्वकाला व्यतीतकालभक्तलोद्धृतास्ते ।

स्वयोगभक्ताश्च विमिश्रनिमाः प्रयुक्तखण्डानि पृथग् भवन्ति ॥१२॥

उद्देशकः ।

यत् पञ्चकत्रिकचतुष्पक्षतेन दत्तं

खण्डैख्यिभिर्गणक ! निष्कशतं पद्मनम् ।

मासेषु सप्तदशपञ्चम्यु तुल्यमाप्तं

खण्डत्रयेऽपि हि फलं वद खण्डसंख्याम् ॥ १ ॥

न्यासः ।	१ ।	७ ।	१ ।	१० ।	१ ।	५ ।
१००			१००		१००	
५			३		४	

मिश्रधनम् ४४ । लब्ध्यानि यथाक्रमेण खण्डानि २४ । २८ । ४२ ।

पञ्चराशिकवत्करणेन समकलान्तरम् ददै ।

अत्रोपपत्तिः । अत्रालापोक्त्या सर्वत्र फलसमत्वात्प्रथमं रूपसमं फलं प्रकल्प्य ततः पञ्चराशिकेन पृथक् तत्फलसम्बन्धीयानि धनानि—

$$\text{प्रखं} = \frac{\text{प्रका. प्रध}}{\text{व्यका. प्रफ}}, \quad \text{द्विखं} = \frac{\text{प्रका}_1. \text{प्रध}_1}{\text{व्यका}_1. \text{प्रफ}_1}$$

$$\text{एवं तृखं} = \frac{\text{प्रका}_2. \text{प्रध}_2}{\text{व्यका}_2. \text{प्रफ}_2}$$

अत्र प्रथमद्वितीयतृतीयखण्डानां योगो रूपफलसम्बन्धीयमिश्रधनम् = यो, यद्यनेन पृथक् खण्डसमं मूलधनं लभ्यते तदोद्दिष्टमिश्रधनेन किमिति जातं क्रमेण मूलधनमानम्—

$$\text{वा. प्रखं} = \frac{\text{मिध} (\text{प्रका. प्रध})}{\text{व्यका. प्रफ. यो}}$$

$$\text{वा. द्विखं} = \frac{\text{मिध} (\text{प्रका}_1. \text{प्रध}_1)}{\text{व्यका}_1. \text{प्रफ}_1. \text{यो}}$$

$$\text{वा. तृ खं} = \frac{\text{मिश्र} (\text{प्रका}_2. \text{प्रध}_2)}{\text{व्यका}_2. \text{प्रफ}_2. \text{यो}}, \text{अत उपपन्नम् ।}$$

अथ मिश्रान्तरे करणसूत्रं वृत्तार्थम् ।

प्रकेपका मिश्रहता विभक्ताः प्रकेपयोगेन पृथक् फलानि ।

अत्रोद्देशकः ।

पञ्चाशदेकसहिता गणकाष्टपटिः पञ्चोनिता नवतिरादिधनानि येषाम् ।

प्राप्ता विमिश्रितधनैखिशती त्रिभिस्तैर्वाणिज्यतो वद विभज्य धनानि तेषाम् ।

प्रक्षेपकन्यासः । ५१ । ६८ । ८५ । मिश्रधनम् ३०० । जातानि
धनानि ७५ । १०० । १२५ । एतान्यादिधनैरुत्तनानि लाभाः २४ । ३२ । ४०

अथ वा मिश्रधनम् ३०० । आदिधनैक्येन २०४ उन्नं सर्वलाभ-
योगः ६६ । अस्मिन् प्रक्षेपगुणिते प्रक्षेपयोग २०४ भक्ते लाभाः
२४ । ३२ । ४० ।

अत्रोपपत्तिस्तु—सर्वेषां प्रक्षेपकाणां योगेन मिश्रधनसम्म सकलान्तरं मूलधनं
लभ्यते, तदा प्रत्येकप्रक्षेपधनेन किमित्यनुपातेन वासनाऽतिविमला, किमत्र लेख-
बाहुरुप्येन ।

वाच्यादिपूरणे करणसूत्रं वृत्तार्थम् ।

भजेच्छुदांशौरथ तैर्विमिश्रै रूपं भजेत् स्यात् परिपूर्तिकालः ॥ १३ ॥

उदाहरणम् ।

ये निर्भरा दिनदिनार्थं तृतीयषष्ठैः संपूरयन्ति हि पृथक् पृथगेव मुक्ताः ।

वार्षीय यदा युगपदेव सखे ! विमुक्तास्ते केन वासरलवेन तदा वदाशु ॥१॥

न्यासः । १ । २ । ३ । ४ । ५ ।

लब्धो वापीपूरणकालो दिवांशः । ६ ।

अत्रोपपत्तिः । यदि कथितकालैर्निर्झरा: पृथक् वार्षीय पूरयन्ति तदैकेन
दिनेन किमिति जातानि वाच्यंशपूरणप्रमाणानि । यदि वाच्यंशपूरणयोगैकं दिनं
लभ्यते तदा पूर्णैकेन किमिति जातं वापीपूरणकालमानमित्युपन्नम् । अत्रान्ये ये ये
विशेषास्ते सोदोहरणाः परिशिष्टे प्रदर्शिताः ।

अथ क्रयविक्रये करणसूत्रं वृत्तम् ।

पण्यैः स्वमूल्यानि भजेत् स्वभागैर्हत्वा तदैक्येन भजेच्च तानि ।

भागांश्च मिश्रेण धनेन हत्वा मौल्यानि पण्यानि यथाकर्मं स्युः ॥ १४ ॥

उद्देशकः ।

सार्थं तण्डुलमानकत्रयमहो द्रम्मेण मानाष्टकं

मुद्रानां च यदि त्रयोदशमिता एता वणिक् ! काकिणीः ।

आदायार्पय तण्डुलांशयुगलं मुद्रैगैकभागान्वितं

क्षिप्रं क्षिप्रमुजो ब्रजेम हि यतः साथोऽग्रतो यास्यति ॥ १ ॥

न्यासः । पण्ये ५ । ६ । मौल्ये १ । २ । ३ । ४ । स्वभागौ ५ । ६ । मिश्रधनम् ६ । ७ ।

अत्र स्वमूल्ये स्वभागगुणिते, पण्याद्याभ्यां भक्ते जाते ५ । ६ । भागौ
च । ३ । ५ । मिश्रधनेन ६ । ७ । संगुण्य तदैक्येन भक्ते जाते तण्डुलमुद्र-
मूल्ये ५ । ६ । ७ । तथा तण्डुलमुद्रमाने भागौ ५ । ६ । ७ । अत्र तण्डुल-

मूल्ये पणौ २ । काकिण्यौ २ । वराटकाः १३५ । मूद्रमूल्ये काकिण्यौ २ ।
वराटकाः ६३ ।

उदाहरणम् ।

कर्पूरस्य वरस्य निष्कयुगलेनैकं पलं प्राप्यते
बैश्यानन्दन ! चन्दनस्य च पलं द्रम्माष्टभागेन चेत् ।
अष्टांशेन तथाऽगुरोः पलदलं निष्केण मे देहि तान्
भागेरककपोडशाष्टकमितैर्धूपं चिकीर्षास्यहम् ॥ २ ॥

न्यासः । पण्यानि १ । १ । १ । १ । १ । १ । भागाः
१ । १ । १ । १ । १ । १ । मिश्रधनं द्रम्माः १६ । लघ्वानि कर्पूरादीनां मूल्यानि
१४५ । ५ । ५ । ५ । तथैव तेषां पण्यानि ५ । ७५ । ३५ ।

अत्रोपतिः । तण्डुलपृथ्यर्थदि तण्डुलमौल्यं लभ्यते तदा तण्डुलभागैः किमिति
जातं तण्डुलभागसम्बन्धीयमूल्यत् = $\frac{\text{तमू. तभा}}{\text{तप}}$, एवमेव सुद्रभागसम्बन्धीय मूल्यम्

= $\frac{\text{सुमू. सुभा}}{\text{सुप}}$, यद्यत्रानयार्थोगसममिश्रधनेन पृथगेते मूल्ये लभ्यते तदाऽभीष्टमिश्रध-

नेन के जाते तण्डुलभागयोर्मूल्ये क्रमेण—

तभामू = $\frac{\text{तमू. तभा. मिथ}}{\text{यो}}$, सुभामू = $\frac{\text{सुमू. सुभा. मिथ}}{\text{यो}}$, एवमेव तेन यागेन तण्डु-

लभागस्तदा मिश्रधनेन किमिति जातं तण्डुलभागमानम् = $\frac{\text{तभा. मिथ}}{\text{यो}}$, एवं सुद्र-

भागमानम् = $\frac{\text{सुमू. मिथ}}{\text{यो}}$, अत उपचनम् ।

रत्नमिश्रे करणसूत्रं वृत्तम् ।

नरघ्नदानोनितरत्नशेषैरिष्टे हृते स्युः खलु मौल्यसंख्याः ।
शेषैर्हृते शेषवधे पृथक्स्थैरमित्रमूल्यान्यथ वा भवन्ति ॥ १५ ॥

अत्रोद्देशकः ।

मणिक्याष्टकमिन्दनीलदशकं मुक्ताफलानां शतं
सद्ब्रजाणि च पञ्च रत्नवणिजां येषां चतुर्णा धनम् ।
सङ्गस्नेहवशेन ते निजधनाद्वैकमेकं मिथो-
जातास्तुल्यधनाः पृथग् वदसखे ! तद्रत्नमौल्यानि मे ॥ १ ॥
न्यासः । मा ८ । नी १० । मु १०० । व ५ । दानम् १ । नराः ४ ।
नरगुणितदानेन ४ । रत्नसङ्ख्यासूनितासु शेषाः मा ४ । नी ६ । मु ६६ ।

व १ । एतैरिष्टरासौ भक्ते रत्नमूल्यानि स्युरिति । तानि च यथाकथश्चिदिष्टे कल्पिते भिन्नानि । अत्रेष्टं स्वधिया कल्प्यते । तथाऽत्रापीष्टं कल्पितम् ६६ ।

अतो जातानि मूल्यानि २४ । १६ । १ । ६६ । समधनम् २३३ । अथ वा शेषाणां वाते २३०४ । पृथक् शेषैर्भक्ते जातान्यभिन्नानि ५७६ । ३८४ । २४ । २३०४ जनानां चतुर्णा तुल्यधनम् ५५६२ । तेषामेते द्रम्माः संभाव्यन्ते ।

अत्रोपपत्तिः । अत्रालापोक्त्या चतुर्णा वणिजां मिथो होकैकधनदानेन समधन-त्वकथनात्त्राप्येकैकधनवियोगे फलविशेषाभावाच्च शेषाणि नरम्मदानोनितरत्वस-मधनानि भवन्तीति तावत्स्पष्टमेवातस्तन्मानमिष्टं प्रकल्प्य रत्नमौल्यं साधितम् ।

अथाभिन्नरत्नमौल्यज्ञानाय शेषवात्सममिष्टं प्रकल्पितमावायेण, पृथक् शेषैर्निः-शेषभजनादित्युपपन्नं सर्वम् । तथात्रैव च शेषाणां लघुतमापवर्त्यसमेषीष्टे रत्नमौल्या-न्यभिन्नान्यागच्छन्तीति धीर रवगन्तव्यम् । लघुतमापवर्त्यज्ञानार्थन्तु परिशिष्टप्रकरणं द्रष्टव्यम् ।

अथ सुवर्णगणिते करणसूत्रं वृत्तम् ।
सुवर्णवर्णाहितियोगराशौ स्वर्णैक्यभक्ते कनकैक्यवर्णः ।
वर्णो भवेच्छोधितहेमभक्ते वर्णोद्भूते शोधितहेमसह्या ॥ १६ ॥

उदाहरणानि ।

विश्वार्करुद्रदशवर्णसुवर्णमाषा
दिग्बेदलोचनयुगप्रमिताः क्रमेण ।
आवर्त्तितेषु वदतेषु सुवर्णवर्ण-
स्तूर्णं सुवर्णगणितज्ञ ! वणिक् ! भवेत् कः ॥ १ ॥
ते शोधनेन यदि विशति स्तकमाषाः
स्युः षोडशाशु वद वर्णमिति स्तदा का ? ।
चेच्छोधितं भवति पोडशवर्णहेम
ते विशतिः कति भवन्ति तदा तु मापाः ? ॥ २ ॥

न्यासः । १३ १२ ११ १० ।

जाताऽत्यर्त्तितसुवर्णवर्णमितिः १२ । एत एव यदि शोधिताः सन्तः पोडश मापा भवन्ति, तदा वर्णाः १५ । यदि ते च पोडश वर्णास्तदा पञ्च-दश मापा भवन्ति १५ ।

अत्रोपपत्तिः । अत्र कस्यापि सममाषद्य मौल्यं वर्णपदेन व्यपदिश्यते । अतो भिन्नभिन्नसुवर्णानां यदि वर्णाः अ, क, ग, तथा तन्माषाश्च च, छ, ज तदा त्रैराशिकेन सुवर्णसम्बन्धवन्नानि क्रमेण $\frac{\text{अ. च}}{\text{समा}}, \frac{\text{क. छ}}{\text{समा}}, \frac{\text{ग. ज}}{\text{समा}}$, एषां

योगः = $\frac{\text{अ. च} + \text{क. छ} + \text{ग. ज}}{\text{समा}} = \frac{\text{यो}}{\text{समा}}$ अत्र च, छ, ज, मितानां सु-

वर्णानां योगेन 'सुयो' मितेन $\frac{\text{यो}}{\text{समा}}$, धनं लभ्यते तदा सुवर्णयोगसममापा-

मितेन किमिति जातं कनकैक्यवर्णमानम् = $\frac{\text{यो}}{\text{समा}}$. $\frac{\text{समा}}{\text{सुयो}} = \frac{\text{या}}{\text{सुयो}}$ अत उप-

पन्नं पूर्वार्थम् ।

अत्रैव यदि, च + छ + ज = शोधितहेम, तदा वर्णः = $\frac{\text{यो}}{\text{शोहेम}}$, वा शोहे = $\frac{\text{यो}}{\text{व}}$

उपपन्नं सर्वम् ।

अथ वर्णज्ञानाय करणसूत्रं वृत्तम् ।

स्वर्णैक्यनिघ्नाद्युतिजातवर्णात् सुवर्णतद्वर्णवधैक्यहीनात् ।

अज्ञातवर्णाग्निजसंख्ययाऽसमज्ञातवर्णस्य भवेत् प्रमाणम् ॥ १७ ॥

उदाहरणम् ।

दशेशवर्णा वसुनेत्रमापा अज्ञावर्णस्य पडेतदैक्ये ।

जातं सखे ! द्वादशकं सुवर्णमज्ञातवर्णस्य वद् प्रमाणम् ॥ १ ॥

न्यासः । १० ११ १२ । लब्धमज्ञातवर्णमानम् १५ ।

अत्रोपपत्तिः । अज्ञातवर्णमानम् = या,

अतो वर्णः अ, क, या } तथा युतिजातवर्णः = युव, ततः सुवर्णवर्णहतियो-
तन्मापाश्च च, छ, ज } गराशावित्यादिविधानेन युतिजातवर्णः = $\frac{\text{अ. च} + \text{क. छ} + \text{या. ज}}{\text{च} + \text{छ} + \text{ज}}$

∴ युव. सुयो = अ. च + क. छ + या. ज

∴ या = $\frac{\text{युव. सुयो} - (\text{अ. च} + \text{क. छ})}{\text{ज}}$, अत उपपन्नम् ।

सुवर्णज्ञानाय करणसूत्रं वृत्तम् ।

स्वर्णैक्यनिघ्नो युतिजातवर्णः स्वर्णघ्नवर्णैक्यवियोजितश्च ।

अहेमवर्णाग्निजयोगवर्णविश्लेषभक्तोऽविदिताग्निजं स्यात् ॥ १८ ॥

उदाहरणम् ।

दशेन्द्रवर्णा गुणचन्द्रमाषाः किंचित् तथा षोडशकस्य तेषाम् ।

जातं युतौ द्वादशकं सुवर्ण कतीह ते षोडशवर्णमाषाः ? ॥ १ ॥

न्यासः । १० १४ १६ लब्धं माषमानम् १ ।

अत्रोपपत्तिः । अत्राज्ञातसुवर्णमानम् = या,

ततो वर्णः अ, क, ग

माषा: च, ज, या

अत्रापि सुवर्णवर्णहतियोगराशावित्यादिना—

युतिजातवर्णः = $\frac{\text{अ. च} + \text{क. छ} + \text{ग. या}}{\text{च} + \text{छ} + \text{या}}$ = युव.

∴ युव. या + युव (च + छ) = अ. च + क. छ + ग. या

समशोधनेन—

या (युव-ग) = अ. च + क. छ - युव (च + छ)

∴ या = $\frac{\text{अ. च} + \text{क. छ} - \text{युव} (\text{च} + \text{छ})}{\text{युव}-\text{ग}}$, अत उपपन्नम् ।

सुवर्णज्ञानायान्यत् करणसूत्रं वृत्तम् ।

साध्येनोऽनल्पवर्णो विधेयः साध्यो वर्णः स्वल्पवर्णोनितश्च ।

इष्टक्षुण्णे शेषके स्वर्णमाने स्यातां स्वल्पानल्पयोर्वर्णयोस्ते ॥ १४ ॥

उदाहरणम् ।

हाटकगुटिके पोडशादशवर्णं तद्युतौ सखे जातम् ।

द्वादशवर्णसुवर्णं ब्रह्म तयोः स्वर्णमाने मे ? ॥ २ ॥

न्यासः । १६ १० । साध्यो वर्णः १२ । कलिपतमिष्टम् १ । लब्धे
सुवर्णमाने १६ १० ।

अथ वा द्विकेष्टेन १६ १० । अर्धगुणितेन वा १६ १० । एवं बहुधा ।

अत्रोपपत्तिः—

अत्र वर्णो अ, क

तन्माषा या, का

ततः सुवर्णवर्णहतियोगराशावित्यादिना—

युतिजातवर्णः = $\frac{\text{अ. या} + \text{क. का}}{\text{या} + \text{का}}$, समच्छेदीकृत्य समशोधनेन-

या (अ-युव) = का (युव-क)

∴ या = $\frac{\text{का} (\text{युव-क})}{\text{अ-युव}}$ अत्र कुट्टेन { गु = ०
ल = ०

तत इष्टाहतस्वस्वहरेण युक्त इत्यादिना जाते या, का माने—

इ (युव-क), इ (अ-युव), अत उपपन्नं भास्करोक्तम् ।

यदि बहवो वर्णः अ, क, ग

तन्मापाश्र या, का, नी

$$\text{तदा पूर्वोक्त्या युव} = \frac{\text{अया} + \text{कका} + \text{गनी}}{\text{या} + \text{का} + \text{नी}}$$

∴ अतः समीकरणे—

$$\begin{aligned}\text{या} &= \frac{\text{का} (\text{क-युव}) + \text{नी} (\text{ग-युव})}{\text{युव-ग}} \\ &= \frac{\text{का} (\text{क-युव})}{\text{युव-ग}} + \frac{\text{नी} (\text{ग-युव})}{\text{युव-ग}}\end{aligned}$$

एतेनेदसवसीयते यद्गृहनां वर्णानां मध्ये द्वयोर्द्वयोमाने पूर्वोक्त्या साधनीये । तत्र योक्त्य वहूनि मानान्यागमित्यन्ति तदा तेषां योगेन तन्मानं भवति । यदि तु व्यस्तशोधनैकस्थर्णगता मितिस्तदा तत्र तन्मितीनामन्तरेणैव धनात्मिका मितिर्थया स्यात् तथा त्रुद्धिमद्भिरुहनीया । *

अथ छुन्दश्चित्यादौ करणमूत्रं श्लोकत्रयम् ।

एकाद्येकोत्तरा अङ्गा व्यस्ता भाज्याः क्रमस्थितैः ।

परः पूर्वेण संगुण्यस्तत्परस्तेन तेन च ॥ २० ॥

एकद्वित्रादिभेदाः स्युरिदं साधारणं स्मृतम् ।

छुन्दश्चित्युत्तरे छुन्दस्युपयोगोऽस्य तद्विदाम् ॥ २१ ॥

मूपावहनभेदादौ खण्डभेदौ च शिरपके ।

वैद्यके रसमेदीये तत्त्वोक्तं विस्तृतेर्भयात् ॥ २२ ॥

तत्र छुन्दश्चित्युत्तरे किञ्चिद्गुदाहरणम् ।

प्रस्तारे मित्र ! गायत्र्याः स्युः पादे व्यक्तयः कति ।

एकादिगुरवश्चाशु कति कन्युचयतां पृथक् ? ॥ १ ॥

* उदाहरणम्—

अर्थात्मन्वर्त्तमिताश्र वर्णाः रात्मात्र विद्धर् । त्रुतिश्च तेषाम् ।

अर्थान्दुतर्णा यदि जातहृष्पं स्यात् वर्णमागानं तदा बदागु ॥

न्यासः ११६।१४।१९ वर्णाः । त्रुतिजातवर्णाः १२ । अत्र भास्करोत्तरा १६।९ अनयोस्तथा १४ । ८ अनयोश्च क्रमेणमितीः ३।४।४।२ सर्वेषामेकैकैव भित्तिरतो जातानां स्वर्णमानानि ३।४।४।२।

अत्रैवोदाहरणे १६।९ अनयोमितिसाधने पोडिशवर्णसुवर्णमितिर्धनात्मिका ३। पुनः १६ । १४ अनयोमितिसाधने तस्यैव सुवर्णस्य मितिरधना २ । अन्तरे कृते जाता १ । तथा १६ । ८ अनयोमिती ४ । ४ अतः सर्वेषां मानानि ५ । ४ । ४ । ४ । ४ । एवं सर्वत्र धीरैरुद्धयम् ।

इह हि पडक्षरो गायत्रीचरणोऽतः पडन्तानामेकाद्येकीत्तराङ्गानां
व्यस्तानां क्रमस्थानां च

व्यासः । ६ ५ ४ ३ २ १ ।

यथोक्तकरणेन लब्धा एकगुरुव्यक्तयः ६ । द्विगुरुवः १५ । त्रिगुरु-
वः २० । चतुर्गुरुवः १५ । पञ्चगुरुवः ६ । पद्मगुरुः १ । अथैकः सर्वलघुः १ ।
एवमासामैक्यं पादव्यक्तिमितिः ६४ ।

एवं चतुश्चरणाक्षरसंख्यकानङ्गान् यथोक्तं विन्यस्य एकादिगुरुभे-
दानां नियतान् सैकानेकीकृत्य जाता गायत्रीवृत्तव्यक्तिसंख्या १६७७२-
१६ । एवमुक्ताद्युक्तिपर्यन्तं छन्दसां व्यक्तिमितिर्वितव्या ।

उदाहरणं शिल्पे ।

एकद्वित्यादिमूषावहनमितिमहो ब्रूहि मे भूमिभर्तु-
र्हम्ये रम्येऽप्यमूषे चतुरविरचिते श्लदणशालाविशाले ।

एकद्वित्यादिगुरुत्या मधुरकटुकपायाम्लकज्ञारतिकृतै-
रेकस्मिन् पद्मौसैः स्युर्गणक ! कति वद व्यञ्जने व्यक्तिभेदाः ? ॥२॥

न्यासः । ६ ५ ३ ५ ४ ३ २ १ ।

लब्धा एकद्वित्यादिमूषावहनसंख्याः ८, २८, ५६, ७०, ५६, २८, ८,
१ । एवमष्टमूषे राजगृहे मूषावहनभेदाः २५५ ।

अथ द्वितीयोदाहरणे न्यासः ६ ४ ३ २ १ ।

लब्धा एकादिरससंयोगेन पृथग्व्यक्तयः ६, १५, २०, १५, ६, १ एता-
सामैक्यम् सर्वभेदाः ६३ ।

इति मिश्रकव्यवहारः समाप्तः ।

अत्रोपपत्तिः—अत्र ‘न’ मितवर्णेषु र, मितस्थानीयभेदा आनीयन्ते । अथादेत-
दुक्तं भवति । न, मितेषु वर्णेषु र मितान् भिन्नभिन्नवर्णान् संयुक्तं प्रत्येकस्थाने स्थाना-
परिवर्तनेन यदि ते निवेश्यन्ते, तदा निवेशनविधिः कियन्मितो भवतीत्येतस्यानयनं
क्रियतेऽत्राचार्यैः ।

तथाहि । कलप्यतेऽन्न अ, क, ग, घ इत्याद्यो न, मितवर्णा, यत्र प्रथमं अ,
गृहीत्वाऽवशिष्येषु न-१ मितवर्णेषु प्रत्येकेन सह संयोगेन न-१, मिताः स्यानद्वयभेदाः
भवन्ति, यत्र सर्वत्र भेदादौ अ वर्तते । एवं क, वर्णग्रहणेन स्थानद्वये न-१, मिता
एव भेदा यत्र भेदादौ सर्वत्र क, वर्तते । एवमेव ग, घ इत्यादि वर्णग्रहणेन स्थानद्वये
न-१ मिता एव भवन्ति यत्र सर्वत्र भेदादौ क्रमेण ग, घ इत्याद्यो वर्णा वर्तन्ते ।
एवं कृते सति न, मिता भेदपरं परा: स्युरतः सर्वभेदयोगः = न (न-१)

परञ्चात्र प्रतिभेदपरम्परायाः संदर्शनेन अक, कम, अग, गअ, अघ, घअ

इत्यादयो भेदा वर्तन्त इति स्पष्टेभावातस्तेषां मध्ये स्थानपरिवर्त्तिसमान-
वर्णहृष्यचिशिखभेदयोद्वृयोर्भूयं श्वेकैकस्यैव भेदस्याङ्गीकारात्पर्वोक्तेभेदा द्विभक्ता-

$$\text{जाता वास्तवभेदः} = \frac{n(n-1)}{3}$$

अथात्रैव यदि प्रतिभेदे लादिसध्यावसानेषु ग, तृतीयो वर्णो निवेश्यते तदा
प्रत्येकस्मिन् भेदे त्रयो भेदाः न (न-१) , मिता एव भवन्ति । एवं च हत्यादि-

अहोनापि न (न-१) मिता भेदाः न-२, स्थानपर्यन्तं समजायन्ते । अतः सर्व-

भेदयोग: $\frac{n(n-1)(n-2)}{3}$, अत्रापि प्रागुक्त्या स्थानपरिवर्तितसमा-

$$\text{नवर्णत्रयविशिष्टभेदानां समावेशात्पूर्वभेदा छिभका जाता वास्तवाः स्थानत्रये} \\ \text{भेदाः} = \frac{n(n-1)(n-2)}{3 \cdot 2}$$

$$\text{पूर्व चतुःस्थानीयभेदा:} = \frac{n(n-1)(n-2)(n-3)}{2.3.4}$$

एवमनयैव दिशा र, स्थानीयभेदः

$$= \frac{n(n-1)(n-2)(n-3)\dots\dots(n-r+1)}{1.2.3.4\dots\dots r}$$

एतेनोपपन्नं सर्वमाचार्योक्तम् ।

अथवोपपत्तिः ।

यदि न, मितेषु वर्णेषु र, मितान् भिन्नभिन्नवर्णान् संगृह्य ये भेदाः सम-
जायन्ते ते च ने सु अनेन संकेतेन धोत्यन्ते तदा ने-१ सु-१ अनेन न-१ मितेषु

वर्णेषु र-१ स्थानीया भेदाः प्रकाश्यन्ते । एवम् न-२ स् अनेन न-२ मितेषु
वर्णेषु र-२, स्थानीया भेदा भवन्ति । एवमधेऽपि बोध्यम् ।

अथ न, मितेषु वर्णेषु र, स्थानीया ये भेदा भवन्ति तत्र गेषु भेदेषु अ, वर्त्तते तत्र न-१ मितवर्णभ्यः केऽपि शेषवर्णः र-१ समा भवन्त्यतोऽपि र, स्थानीया अ, वर्णोपलक्षिता यावन्तो भेदास्तावन्त एव न-१ मितेषु वर्णेषु र-१ स्थानीयभेदा अ, वर्णोपलक्षिता भेदा भवन्ति ते तु न-१ स-२१ मिता एव। एवं कादिवर्णैरपि तदाद्युपलक्षितास्तावन्त एव भेदा भवन्ति। ते सर्वे भेदा न, मिता अतस्तेषां योगः=न. न-१ स-२१

अत्रापि भेदसंदर्शनेन स्थानपरिवर्तित र, मितसमवर्णनिमितभेदानां समावेशा-
त्पूर्वोक्तभेदयोगो र, भक्तस्तदा वास्तवा र, स्थानोयभेदाः

$$= \frac{n}{r} \cdot n-1 \text{ स }_{r-1} = \frac{n}{r} \text{ स }_r$$

यदि $n = n-1$, $r = r-1$

$$\text{तदा } n-1 \text{ स }_{r-1} = \frac{n-1}{r-1} \cdot n-2 \text{ स }_{r-2}$$

यदि $n = n-2$, $r = r-2$,

$$\text{तदा } n-2 \text{ स }_{r-2} = \frac{n-2}{r-2} \cdot n-3 \text{ स }_{r-3}$$

...

...

$$n-r+1 \text{ स }_1 = \frac{n-r+1}{1}$$

उत्थापनेन—

$$n \text{ स }_r = \frac{n(n-1)(n-2)(n-3) \dots (n-r+1)}{r(r-1)(r-2) \dots 2 \cdot 1}, \text{अत उपपत्तम् ।}$$

अथात्रैव यदि हरभाज्यौ | n-r अनेन गुणितौ तदा लब्धेरपि फल-

$$\text{विशेषाभावात् } n \text{ स }_r = \frac{n(n-1)(n-2) \dots (n-r+1)}{r(r-1)(r-2) \dots 2 \cdot 1} \cdot | \underline{n-r} |$$

$$= \frac{| n |}{| r | | n-r |}$$

$$\text{अत्र } | \underline{n} | = 1. 2. 3. 4 \dots \dots \dots n$$

$$| \underline{r} | = 1. 2. 3. 4 \dots \dots \dots r$$

$$| \underline{n-r} | = 1. 2. 3. 4 \dots \dots \dots (n-r)$$

एतेन—

पदान्तमकापचिताङ्कशात् स्थानान्तमेकापचिताङ्कभक्तः ।

स्थानोनगच्छान्तमथो विभक्तो रूपोनकैः स्थानभवा विभेदाः ॥ इति मदीयपद्म-

मुपपत्तं भवति ।

अस्यान्ये कतिचन विशेषाः परिशिष्टे प्रदर्शिताः सन्त्यतो न चात्र लिखिता
अस्माभिरिति ।

अथ श्रेदीव्यवहारः ।

तत्र सङ्कुलितैक्ये करणसूत्रं वृत्तम् ।
सैकपदधनपदार्थमथैकाद्यङ्गयुतिः किल सङ्कुलिताख्या ।
सा द्वियुतेन पदेन विनिवन्नी स्यान् त्रिहता खलु सङ्कुलितैक्यम् ॥ १ ॥

उदाहरणम् ।

एकादीनां नवान्तानां पृथक् सङ्कुलितानि मे ।

तेषां सङ्कुलितैक्यानि प्रचच्च गणक द्रतम् ? ॥ २ ॥

न्यासः । १, २, ३, ४, ५, ६, ७, ८, ९, १०, ११, १२, १३, १४, १५ एषामैक्यानि १, ४, १०, २०, ३५, ५६, ८४, १५०, १६५ ।

अत्रोपपत्तिः—अत्र १, २, ३, ४, ..., योगे कर्त्तव्ये तत्र ताव-
त्स्वरूपदृशीन अफुर्य यत्किलादिवनम् = १, चयः = १
तथाऽन्त्यवनम् = न, ततो “व्यक्षपदभ्रवयो मुख्ययुग्मित्यादि” आचार्यप्रकारण—

$$\text{सर्वधनम्} = \frac{n}{2} \left\{ 2 + (n-1) \right\}$$

$$= \frac{n(n+1)}{2}, \text{इदमेव संकलितमत उपपन्नं पूर्वार्थम् ।}$$

अथवा उत्क्रमस्थापितात्त एवैकाद्यङ्गः क्रमेण—

न, न-१, न-२, न-३, ..., न-(न-१) एषामपि योगः

$$\text{संकलितम्} = n^2 - \left\{ 1 + 2 + 3 + 4 + (n-1) \right\}$$

$$= n^2 - (1 + 2 + 3 + 4 + \dots + n-1 + n-n)$$

$$= n^2 - सं + न = n^2 + n - सं$$

$$\therefore २ सं = n^2 + n \therefore स = \frac{n(n+1)}{2}, \text{अत उपपन्नम् ।}$$

अथवा—

$$सं = १ + २ + ३ + ४ + \dots + n$$

$$सं = n + n-1 + n-2 + n-3 + \dots + १$$

योगेन—

$$२ सं = (n+1) + (n+1) + (n+1) + \dots + (n+1), n, पर्यन्तम्,$$

$$\therefore स = \frac{n(n+1)}{2} \text{उपपन्नम् ।}$$

अथवाऽपि—

$$1, 2, 3, 4, \dots, n$$

$$1, 1, 1, \dots, 1 \quad \text{शोधनेन}$$

$$0, 0, \dots, 0$$

$$\text{अथ } 1, 1, 0, \text{ एते } n, \frac{n(n-1)}{2}, \frac{n(n-1)(n-2)}{1 \cdot 2 \cdot 3} \text{ हस्या-}$$

$$\text{दिभिः क्रमेण गुणितास्तेषां योगः संकलतम्} = n + \frac{n(n-1)}{2}$$

$$= \frac{2n+n^2-n}{2}$$

$$= \frac{n(n+1)}{2}, \text{ अतउपपन्नम् ।}$$

एवमनेकानि प्रकारान्तराणि भवन्ति, तानि सुधीभिः स्वयमेव विविच्यावयेयानोनि ।

अथात्रैव प्रागुक्तसमीकरणे—

$$S = \frac{n(n+n)}{2} = \frac{n^2}{2} + \frac{n}{2} \text{ यद्यत्र } n, \text{ स्थाने } 1, 2, 3, 4, \text{ हस्यादिभि-}$$

रुथाप्यते तदा—

$$S_1 = \frac{1^2}{2} + \frac{1}{2} = 1$$

$$S_2 = \frac{2^2}{2} + \frac{2}{2} = 3$$

$$S_3 = \frac{3^2}{2} + \frac{3}{2} = 6$$

$$S_4 = \frac{4^2}{2} + \frac{4}{2} = 10$$

.....

.....

$$\text{सर्वेषां योगः} = 1 + 3 + 6 + 10 + \dots + n \text{ पर्यन्तम्}$$

$$= \frac{1}{2} (1^2 + 2^2 + 3^2 + 4^2 + \dots + n^2)$$

$$+ \frac{1}{2} (1 + 2 + 3 + 4 + \dots + n)$$

अत्र “द्विघण्डे कुयुतं त्रिविभक्त” मित्यादि वक्ष्यमाणप्रकारेण—

$$1^2 + 2^2 + 3^2 + 4^2 + \dots + n^2 = \frac{n(n+1)}{2} \cdot \frac{2n+1}{3}$$

$$\text{एवं } 1+2+3+4+\dots+n = \frac{(n+1)n}{2}$$

$\therefore 1+2+3+\dots+n$ पर्यन्तम्

$$= \frac{1}{2} \cdot \frac{n(n+1)}{2} + \frac{1}{2} \cdot \frac{n(n+1)}{2} \cdot \frac{2n+1}{3}$$

$$= \frac{1}{2} \cdot \frac{n(n+1)}{2} \left(1 + \frac{2n+1}{3} \right)$$

$$= \frac{n(n+1)}{2} \cdot \frac{n+2}{3}$$

$$=\text{सं. } \frac{(n+2)}{3} \text{ एतेनोपपन्नं पराधम्।}$$

अथवा—

१, २, ३, ६, १०, न पर्यन्तं

२, ३, ४, शोधनेन

१, २, "

०, "

अत्रापि १, २, १, ०, एते न, $\frac{n(n-1)}{2}$, $\frac{n^2(n-1)(n-2)}{1 \cdot 2 \cdot 3}$ एभिः

क्रमेण गुणितास्तेषां योगः संकलितैक्यं भवतीत्यतः—

$$\text{संयो} = n + n(n-1) + \frac{n(n-1)(n-2)}{1 \cdot 2 \cdot 3}$$

$$= n^2 + \frac{n^3 - 3n^2 + 2n}{6}$$

$$= \frac{n^3 + 3n^2 + 2n}{6}$$

$$= \frac{n(n+1)}{2} \cdot \frac{(n+2)}{3} \text{ अत उपपन्नम्।}$$

अथवापि—

$$1+2+3+6+10+\dots+\frac{n(n+1)}{2} = \text{अ.} n^3 + \text{क.} n^2 + \text{ग.} n,$$

यदि पदमानम् = $n+1$, तदा—

$$1+2+3+6+10+\dots+\frac{n(n+1)}{2} + \frac{(n+2)(n+1)}{2}$$

$$=\text{अ.} (n+1)^3 + \text{क.} (n+1)^2 + \text{ग.} (n+1)$$

द्वयोरन्तरेण—

$$\frac{(n+1)(n+2)}{2} = अ (३n^2 + ३n + १) + क (२n + १) + ग$$

$$\frac{३n^2}{३} + \frac{३n}{३} + १ = ३अ n^2 + (३अ + २क) n + (अ + क + ग)$$

सरुपसमीकरणेन—

$$३अ = \frac{३}{३} \therefore अ = \frac{१}{३}, \frac{३n}{३} = ३अ + २क \therefore क = \frac{१}{३} \text{ एवं } क + अ + ग = १ \\ \therefore ग = \frac{१}{३}$$

अत उपथापनेन—

$$\text{संयोग} = \frac{१}{३}n^3 + \frac{३}{३}n^2 + \frac{१}{३}n \\ = \frac{n(n+1)(n+2)}{६} \text{ अत उपपत्तम् ।}$$

एवमन्यात्यपि प्रकारान्तराणि सुधीभिस्थानीति ।

अथ ‘सा द्वियुतेन पदेन विनिष्ठी स्यात्रिहृता खलु संकलितैक्य’ मित्यादिना

$$\text{संकलितैक्यम्} = \text{संषेक} = \frac{(n^2+n)(n+2)}{६}$$

$$= \frac{१}{३}n^3 + \frac{३}{३}n^2 + \frac{३}{३}n$$

अत्रापि यदि न स्थाने १, २, ३, ४ इत्यादिभिस्तथाप्यते तदा—

$$\text{संषेक}_1 = \frac{१}{३} \cdot १^3 + \frac{३}{३} \cdot १^2 + \frac{३}{३} \cdot १ = १$$

$$\text{संषेक}_2 = \frac{१}{३} \cdot २^3 + \frac{३}{३} \cdot २^2 + \frac{३}{३} \cdot २ = ४$$

$$\text{संषेक}_3 = \frac{१}{३} \cdot ३^3 + \frac{३}{३} \cdot ३^2 + \frac{३}{३} \cdot ३ = १०$$

$$\text{संषेक}_4 = \frac{१}{३} \cdot ४^3 + \frac{३}{३} \cdot ४^2 + \frac{३}{३} \cdot ४ = २०$$

सर्वेषां योगेन—

$$\text{संकलितैक्ययोगः} = १ + ३ + १० + २० + \dots \text{ न, पर्यन्तम्}$$

$$= \frac{१}{३} (१^3 + २^3 + ३^3 + \dots + n^3)$$

$$+ \frac{३}{३} (१^2 + २^2 + ३^2 + \dots + n^2)$$

$$+ \frac{३}{३} (१ + २ + ३ + \dots + n)$$

अत्रापि ‘द्विद्वयपदं कुयुत’ मित्यादिना ‘संकलितस्य कृतेः सममेकाद्युपनैक्य’

मित्यादिना च वक्ष्यमाणविधानेन—

$$१^3 + २^3 + ३^3 + \dots + n^3 = \left\{ \frac{n(n+1)}{२} \right\}^३$$

$$१^2 + २^2 + ३^2 + \dots + n^2 = \frac{n(n+1)}{२} \frac{२n+1}{३}$$

$$\text{एवं } 1 + 2 + 3 + \dots + n = \frac{n(n+1)}{2}$$

उत्थापनेन—

$$\begin{aligned} \text{संकलितैक्ययोगः} &= \frac{1}{6} \left\{ \frac{n(n+1)}{2} \right\}^2 \\ &+ \frac{3}{6} \cdot \frac{n(n+1)}{2} \cdot \frac{2n+1}{3} + \frac{2}{6} \cdot \frac{n(n+1)}{2} \\ &= \frac{1}{6} \cdot \frac{n(n+1)}{2} \left\{ \frac{n(n+1)}{2} + 2n + 1 + 3 \right\} \\ &= \frac{1}{6} \cdot \frac{n(n+1)}{2} \cdot \frac{n^2 + 6n + 6}{2} \\ &= \frac{1}{6} \cdot \frac{n(n+1)}{2} \cdot \frac{(n+2)(n+3)}{2} \\ &= \frac{n(n+1)(n+2)(n+3)}{6 \cdot 4} \\ &= \frac{\text{संयोगो } (n+3)}{4} \text{ एतेन—} \end{aligned}$$

रामयुक्तपदेनैव निधनं संकलितैक्यकम् ।

वेदागतं योगमानं स्यात्स्फुटं सङ्कलितैक्यजम् ॥

इत्युपपद्यते ।

अनयैव दिशा सङ्कालतैक्ययुतितोऽपि तद्योगस्याप्यानशनं भवति । अतः संकलि-

तैक्ययुतियोगः = $\frac{\text{संयोगो } (n+4)}{6}$ पद्यमग्रेऽपि धीमज्जिरुहनीयमतस्तद्वासनासु-

चक्रो मदीयः प्रकारः ।

यदैक्यमेकादिपदान्तकानां समाटतं ऋगादिभिरङ्कुकानाम् ।

द्विकादिसंयुक्तपदेन निधनं तदैक्यसंयोगमित्यतदा स्यादिति ॥

अथ यदि स = १ + ३ + ९ + २७ + n, पर्यन्तम् तदा शेषीदर्शनतः

स्पष्टं यत् आदिः = १, चक्रः = २, ततो “व्येक्षदृष्टव्ययो मुख्युग्मि”—त्यादि वक्ष्यमाणविधानेन—

$$\begin{aligned} \text{सर्वधनम्} &= \frac{n}{2} \left\{ 2\alpha + \chi(n-1) \right\} \\ &= \frac{n}{2} \left\{ 2 + 2(n-1) \right\} \\ &= \frac{n}{2} - 2n = n^2 \end{aligned}$$

$$\therefore s = n^2 \text{ वा } n = \frac{\text{विषमसंख्या} + 1}{2}$$

$$\therefore s = \frac{(\text{विसं} + 1)^2}{2} = \frac{(\text{वि सं} + 1)^2}{4}$$

एतेन—पद्वर्गसमा वा स्यात्सरूपविषमाङ्कजा ।

द्वितीयद्वहता विद्वन् । विषमांकयुतिः स्फुटा ॥ *१

इति सम्यगुपत्वन्नं भवति ।

एवमेव २, ४, ६, ८, १० एवां योगविचारेऽपि पूर्वप्रकारेण सर्वधनमानम्

$$= \frac{n^2}{2} \left\{ 2\text{आ} + \text{च} (n-1) \right\}$$

$$= \frac{n^2}{2} (4 - 2 + 2n)$$

$$= n(n+1)$$

$$\therefore s = n(n+1), \text{ वा } n = \frac{\text{समसंख्या}}{2}$$

$$\therefore = \frac{\text{संसं} (\text{संसं} + 2)}{8}$$

अतः † सैकपदम् रदं भवतीह व्यादिसमांकयुतिर्वृद्धवर्याः ।

सद्विसमांकहता समसंख्या वेदहता खलु सैव युतिर्वा ॥

इति सम्यगुपत्वन्नं भवति ।

अथ संकलितात्पदान्यनाय कल्पयते—

$$\text{संकलितम्} = \frac{n(n+1)}{2} = \frac{n^2 + n}{2}$$

$$\therefore २s = n^2 + n$$

* अत्रोदाहरणम् । एकादीनां नवान्तानां विषमाणां वद ह्रतम् ।

संयुति चेत्तदा विद्वन् मतिस्तेऽस्ति पटीयसी ॥

न्यासः १, ३, ५, ७, ९, अत्र पद ५ वर्गः २५ इयमेव युतिः । वा विषमांकः ९ सरूपः १० अस्य छृतिः १०० वेदभक्ता जाता सैव युतिः २५ ।

† अत्रोदाहरणम् ।

द्वयादीनां षोडशान्तानां समानां संयुतिं वद

यदि सङ्कलनामार्गे कुशला मतिरस्ति ते ॥

न्यासः । २, ४, ६, ८, १०, १२, १४, १६, अत्र पदं ८ सैकं ९ पद शुणितं ७२ जातं युतिमानम् । वा समांकः १६ द्वियुतः १८ समाङ्केना १६ नेन हतः २८८ वेदहतः ७२ जातं तदेव युतिमानम् ।

ततो वर्गपूरणेन—

$$2s^2 + \frac{1}{4} = n^2 + n + \frac{1}{4} = (n + \frac{1}{2})^2$$

मूलप्रहणेन—

$$n + \frac{1}{2} = \frac{\sqrt{8s^2 + 1}}{2}$$

$$\therefore n = \frac{\sqrt{8s^2 + 1} - 1}{2} \text{ एतेन}$$

“गजाहतं संकलितं सरूपं उमूनितम् ।

एकेन विहृतं द्वाभ्यां पदमानं भवेदध्युवम्” इत्युपपद्यते ।

कृत्यादियोगे करणसूत्रं वृत्तम् ।

द्विपदं कुयुतं त्रिविभक्तं सङ्कलितेन हतं कृतियोगः ।

सङ्कलितस्य कुतोः सममेकाद्यङ्गनैक्यमुदीरितमाच्यैः ॥ २ ॥

उदाहरणम् ।

तेषामेव च वर्गेक्यं घनैक्यं च वद द्रुतम् ।

कृतिसङ्कलनामार्गं कुशला यदि ते मतिः ॥ १ ॥

न्यासः । १, २, ३, ४, ५, ६, ७, ८, ९ । वर्गेक्यम् १, ५, २४, ३०
५५, ६१, १४०, २०४, २८५, । घनैक्यम् १, ६, ३६, १००, २२५, ४४१,
७८४, १२९६, २०२५ ।

अत्रोपपत्तिः । अथ $1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2$

अत्र योगकरणे तत्र तावद्वियुक्तपदसिद्धान्तेन—

$$n^2 - (n-1)^2 = 3n^2 - 3n + 1$$

$$(n-1)^2 - (n-2)^2 = 3(n-1)^2 - 3(n-1) + 1$$

$$(n-2)^2 - (n-3)^2 = 3(n-2)^2 - 3(n-2) + 1$$

.....

.....

$$1^2 - 0 = 3 \cdot 1^2 - 3 \cdot 1 + 1$$

सर्वयोगकरणेन—

$$n^2 = 3 \left\{ n^2 + (n-1)^2 + (n-2)^2 + \dots + 1^2 \right\}$$

$$= 3 \left\{ n + (n-1) + (n-2) + \dots + 1 \right\} + n$$

$$= 3 \text{ वर्गयोग} - 3 \text{ सं} + n$$

$$\therefore \text{वर्गयोग} = n^3 - n + \frac{3n(n+1)}{2} = \frac{n(n+1)(2n+1)}{2}$$

$$\therefore \text{वर्गयोग} = \frac{n(n+1)}{2} \cdot \frac{2n+1}{3} \text{ अत उपपन्नं पूर्वार्द्धम् ।}$$

अथ वा कल्पयते—

$$1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2 = अ + क \cdot n + ग \cdot n^2 + घ \cdot n^3 + प \cdot n^4$$

अथ यदि पदमानम् = $n + 1$ तथापि पूर्वकल्पनायाः स्थैर्यात्—

$$1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2 + (n+1)^2 = अ + क(n+1) + ग(n+1)^2 \\ + घ(n+1)^3 \times प(n+1)^4$$

द्रयोरस्तरेण—

$$n^2 + 2n + 1 = क + ग(2n+1) + घ(3n^2 + 3n+1) \\ + प(4n^3 + 6n^2 + 4n+1) \\ = क + 3घ \cdot n^2 + n(2g + 3\phi) + g + \phi \\ + p(4n^3 + 6n^2 + 4n+1)$$

अत्र पक्षयोः समत्वात् n^2 , n^2 , n एतेषां गुणकाः समा एव भवेयुरतः

$$3\phi = 1, 3\phi + 2g = 2, क + g + \phi = ? \text{ तथा } च प = 0$$

$$\therefore \phi = \frac{1}{3}, g = \frac{1}{2}, क = \frac{1}{6}$$

$$\therefore 1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2 = अ + \frac{1}{6}n + \frac{1}{2}n^2 + \frac{1}{3}n^3$$

$$\text{यद्यत्र } n = 1$$

$$\text{तदा } 1^2 = अ + \frac{1}{6} + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} = अ + 1$$

$$\therefore अ = 0$$

$$\therefore 1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2 = \frac{1}{6}n + \frac{1}{2}n^2 + \frac{1}{3}n^3$$

$$= \frac{n + 3n^2 + 2n^3}{6}$$

$$= \frac{n(2n^2 + 3n + 1)}{6}$$

$$= \frac{n(2n+1)(n+1)}{6}$$

$$= \frac{n(n+1)}{2} \cdot \frac{2n+1}{3} \text{ उपपन्नम्}$$

अथ च $1^3, 2^3, 3^3, \dots, n^3$ एषां योगविचारे त्वत्रापि द्वियुक्त-
पदसिद्धान्ते—

$$n^3 - (n-1)^3 = 3n^2 - 6n + 4$$

$$(n-1)^3 - (n-2)^3 = 8(n-1)^2 - 6(n-1)^2 + 8(n-1) - 1$$

$$(n-2)^3 - (n-3)^3 = 8(n-2)^2 - 6(n-2)^2 + 8(n-2) - 1$$

.....

सर्वपां योगकरणे—

$$\begin{aligned} n^3 &= 8 \left\{ n^2 + (n-1)^2 + (n-2)^2 + \dots + 1^2 \right\} \\ &\quad - 6 \left\{ n^2 + (n-1)^2 + (n-2)^2 + \dots + 1^2 \right\} \\ &\quad + 8 \left\{ n + (n-1) + (n-2) + \dots + 1 \right\} \\ &- n \\ &= 4 \text{घनैक्य} - 6 \text{वयो} + 8 \text{सं} - n \\ \therefore 4 \text{घनैक्य} &= n^3 + n + n(n+1)(2n+1) - 2n^2(n+1) \\ &= n^3 + n + 2n^3 + n^2 \\ &= n^3 + 2n^3 + n^2 \end{aligned}$$

$$\therefore \text{घनैक्यम्} = \frac{n^3 + 2n^3 + n^2}{4} = \left\{ \frac{n(n+1)}{2} \right\}^2$$

एतेनोपपञ्च घनैक्यानयनम्।

यदि स = १^३ + ३^३ + ५^३ + ७^३..... न पदपर्यन्तम्

तदा “थेकपदपञ्चयो मुख्युग्मि” त्यादिवक्ष्यमाणविधिना श्रेष्ठया अन्त्यधनम्

$$\begin{aligned} &= \left\{ \text{आ} + (नि-१) \text{ च} \right\}^2 \\ &= \left\{ १ + २(n-1) \right\}^2 \\ &= (2n-1)^2 = 4n^2 - 4n + 1 \end{aligned}$$

अत्र यदि न मात्रं १, २, ३ हत्यादि कल्पयते तदा—

$$1^3 = 8 \cdot 1^2 - 8 \cdot 1 + 1$$

$$3^3 = 8 \cdot 2^2 - 8 \cdot 2 + 1$$

$$5^3 = 8 \cdot 3^2 - 8 \cdot 3 + 1$$

$$7^3 = 8 \cdot 4^2 - 8 \cdot 4 + 1$$

.....

सर्वयोगकरणे—

$$\begin{aligned}
 & 1^2 + 3^2 + 5^2 + 7^2 \dots + \left\{ 1+2(n-1) \right\}^2 \\
 & = 8(1^2 + 2^2 + 3^2 + 4^2 + \dots + n^2) \\
 & = 8(1+2+3+4+\dots+n)+n \\
 & = \frac{8n(n+1)(2n+1)}{6} - \frac{8n(n+1)}{2} + n \\
 & = 2n(n+1)\left\{ \frac{2n+1}{3} - 1 \right\} + n \\
 & = \frac{8n(n+1)(n-1)+3n}{3} \\
 & = \frac{n(8n^2-1)}{3} \quad \text{पुतेन—} \\
 & \qquad \qquad \qquad 3
 \end{aligned}$$

“वेदाहना पद्घतिर्निरेका पदसंगुणा ।
 रामासा विषमाङ्गानां कृतियोगः प्रजायते” ॥
 इति सम्यगुपपन्नं भवति ।
 एवमनयव दिशा घनयोगस्याऽपि सिद्धिर्भवित्रीत्यतस्तद्वासनासूचकः प्रकारः
 द्विग्रः पदवनः कार्यः पदोनः पदसंगुणः ।
 जायते विषमाङ्गानां घनयोगः सदा बुध ॥ * ॥

यथोक्तरचयेऽन्त्यादिधनज्ञानाथ करणसूत्रं वृत्तम् ।
 द्येकपदभ्यचयो मुखयुक् स्यादन्त्यधनं मुखयुग्मलितं तत् ।
 मध्यधनं पदसंगुणितं तत् सर्वधनं गणितं च तदुत्कम् ॥ ३ ॥
 उदाहरणम् ।
 आद्ये दिने द्रम्मचतुष्पृथं यो दत्त्वा द्विजेभ्योऽनुदिनं प्रवृत्तः ।
 दातुं सख्ये ! पञ्चयेन पक्षे द्रम्मा वद द्राक् कति तेन दत्ताः ? ॥ १ ॥
 न्यासः । आ.४ । च. ५ । ग. १५ । अन्त्यधनम् ७४ । मध्यधनम् ३१ ।
 सर्वधनम् ५८ ।

* उदा० । एकादीनां नवान्तानां विषमाणां कृतेयुतिम् ।

घनयोगं तथा तेषां यदि वेत्सि निगद्यताम् ॥

न्यासः १, ९, २५, ४९, ८१ अत्र पद्घतिः २५ वेदाहता १०० व्येका ९९
 पञ्चगुणा ४९५ रामासा १६५ जातो वर्गयोगः । एवमेव घनयोगोऽपि यथोक्तं कृते
 जातः १२२५ ।

उदाहरणम् ।

आदिः सम चयः पञ्च गच्छुऽष्टौ यत्र तत्र मे ।

मध्यान्त्यथनसंख्ये के बद सर्वधनं च किम् ? ॥ २ ॥

न्यासः । आ. ७ । च. ५ । ग. ८ । मध्यधनम् ११९ ।

अन्त्यधनम् ४२ । सर्वधनम् १६६ ।

समदिने गच्छे मध्यदिनाभावान्मध्यात् प्रागपरदिनधनयोग्यांगार्थं
मध्यदिनधनं भवितुमर्हतीति प्रतीतिरूपाद्या ।

अत्रोपपाच्चः । अत्रादिधनम् = आ, चयः = च, अन्त्यधनम् = अंध,
सर्वधनं च = सध ।

∴ सध = आ + आ + च + आ + २च + . . . + आ + (न - १) च.

वा, सध = आ + च (न - १) + आ + च (न - २) + . . . + आ
योगेत—

२ सध = २ आ + च (न - १) + २ आ + च (न - १) . . . न पर्यन्तम् ।

$$= n \left\{ 2 \text{ आ} + \text{च} (\text{न} - १) \right\}$$

$$\therefore \text{सध} = \frac{n}{2} \left\{ 2 \text{ आ} + \text{च} (\text{न} - १) \right\}$$

अत्र अंध = आ + च (न - १)

$$\text{मध} = \frac{2 \text{ आ} + \text{च} (\text{न} - १) - \text{आ} + \text{अध}}{2} = \frac{1 \text{ आ} + \text{च} (\text{न} - १)}{2}$$

∴ सध = न. मध ।

अत्र मध्यधनशब्देन मध्यदिनसम्बन्धीयधनमतः समदिने गच्छे मध्यदिनाभावा-
दित्यादि ग्रन्थ तरोक्तं सुप्रित्युपपन्नं सर्वम् ।

अत्र यदि सध = १.२ + २.३ + ३.४ + . . . + न (न + १) तदा-
अन्त्यधनम् = न^२ + न ।

अत्र न मानं १, २, ३ एुभिरुत्थाप्यते तदा—

$$1 \cdot 2 = 1^2 + 1$$

$$2 \cdot 3 = 2^2 + 2$$

$$3 \cdot 4 = 3^2 + 3$$

.....

.....

$$\therefore 1 \cdot 2 + 2 \cdot 3 + 3 \cdot 4 + . . . + \text{न} (\text{न} + १)$$

$$= (1^2 + 2^2 + 3^2 + . . . + \text{n}^2)$$

$$\begin{aligned}
 & + (1+2+3+\dots+n) \\
 & = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6} + \frac{n(n+1)}{2} \\
 & = \frac{n(n+1)}{2} \left\{ \frac{2n+1}{3} + 1 \right\} \\
 & = \frac{n(n+1)(n+2)}{3} \\
 \therefore \text{सध} & = \frac{n(n+1)(n+2)}{3} \quad \text{दूतेन—}
 \end{aligned}$$

पदं सैकपदाभ्यर्थं द्वियुक्तपदसंगुणम् ।

त्रिभक्तं द्वयादिविधामेकादीनां युतिः क्रमात् ॥*

इति सम्यगुपपद्यते ।

मुखज्ञानाय करणसूत्रं वृत्तार्थम् ।
गच्छुहृते गणिते वदनं स्यादूच्येकपदघ्रचयार्थविहीने ।

उदाहरणम् ।

पञ्चाधिकं शतं थ्रेडीफलं सप्त पदं किल ।

चयं त्रयं वयं विद्मो वदनं वद नन्दन ! ॥ १ ॥

न्यासः । आ. ० च. ३ । ग. ७ । ध. १०५ । आदिधनम् ६ ।

अन्त्यधनम् २४ । मध्यधनम् । १५ ।

अत्रोपपत्तिः । अत्र प्रागुक्त्या सर्वधनमानम्

$$= \frac{n}{2} \left\{ 2 \text{ आ} + (n-1) \text{ च} \right\}$$

अत्र समीकरणेन—

$$\text{आ} = \frac{\text{सध}}{n} - \frac{(n-1) \text{ च}}{2} \text{ उपपत्तिः ।}$$

चयज्ञानाय करणसूत्रं वृत्तार्थम् ।
गच्छुहृतं धनमादिविहीनं व्येकपदार्थहृतं च चयः स्यात् ॥ ४ ॥

* एकादीनां नवान्तानां संयुति वद सत्वरम् ।

आदिभिन्निहतानां हि पाटीगणितकोविद ! ॥

न्यासः १.२ + २.३ + ३.४ + ४.५ + ५.६ + ६.७ + ७.८ + ८.९

+ ९.१० अत्र पदं ९, सैकड़ १०, द्वियुक्तं ११ एषां घातः ९ × १० × ११ त्रिभक्तः

३ × १० × ११ = ३३० जातो योगः ।

उदाहरणम् ।

प्रथममगमदहा योजने यो जनेश-
स्तदनु ननु कथाऽसौ ब्रूहि यातोऽध्वबृद्धया ।

अस्तिकरिहरणाथ याजनानामशीत्या

रिपुनगरमवासः सक्षरात्रेण धीमन् ? ॥ ६ ॥

न्यासः । आ. २ । च. ० । ग. ७ । ध. ८० । लब्धमुत्तरम् ३५ ।

अन्त्यधनम् १५६ मध्यधनम् । १५ ।

अत्रोपपत्तिः । अत्राप्यनन्तरोक्तसुत्रेण—

$$\text{आ} = \frac{\text{सध}}{\text{n}} - \left(\frac{\text{n}-1}{2} \right) \text{च}$$

$$\therefore \text{च} = \frac{\text{n}}{\text{n}-1} - \frac{\text{n}}{2} \text{ उपपत्तिम् ।}$$

गच्छुज्ञानाय करणसूत्रं वृत्तम् ।

श्रेदीफलादुत्तरलोचनम्भाच्चायाधीवन्त्रान्तरवर्गयुक्तात् ।

मूलं मुखोनं चयखण्डयुक्तं चयोद्धृतं गच्छुमुदाहरन्ति ॥ ५ ।

उदाहरणम् ।

द्रम्मत्रयं यः प्रथमेऽहि दत्त्वा दातुं प्रवृत्तो द्विचयेन तेन ।

शतत्रयं शष्ठ्यविकं द्विजेभ्यो दत्तं कियद्विर्द्विवसैर्वदाशु ? ॥ १ ॥

न्यासः । आ. ३ । च. २ । ग. ० । ध. ३६० । अन्त्यधनम् ३७ ।

मध्यधनम् २० । लब्ध्यो गच्छुः १८ ।

अत्रोपपत्तिः । अत्र व्येकपद्धनवयो मुखयुगित्यादिना—

$$\text{सध} = \frac{\text{n}}{2} \left\{ 2 \text{ आ} + \text{च} (\text{n}-1) \right\}$$

$$\therefore 2 \text{ सध} = 2 \text{ आ} - \text{n} + \text{च} - \text{n} (\text{n}-1)$$

$$= 2 \text{ आ} \text{ न} + \text{च} \text{ न}^2 - \text{च} \cdot \text{n}$$

$$= \text{n}^2 - \text{च} + 2 \text{ न} (\text{आ} - \frac{\text{च}}{2})$$

$$\therefore 2 \text{ स} \cdot \text{ च} = \text{n}^2 - \text{च}^2 + 2 \text{ न} - \text{च} (\text{आ} - \frac{\text{च}}{2})$$

वर्गपूरणेन—

$$2 \text{ स} \cdot \text{ च} + (\text{आ} - \frac{\text{च}}{2})^2$$

$$= \text{n}^2 - \text{च}^2 + 2 \text{ न} \cdot \text{च} (\text{आ} - \frac{\text{च}}{2}) + (\text{आ} - \frac{\text{च}}{2})^2$$

मूलेन —

मू = न . च + (आ - इ)

अतः समीकरण—

$$n = \frac{m - a + i}{c} \quad \text{उपपत्ति सबम् ।}$$

अथ द्विगुणोत्तरादिबृद्धौ फलानयने करणसूत्रं सार्थार्या ।

विषमे गच्छे व्येके गुणकः स्थाप्यः समेऽर्थिते वर्णः ।

गच्छक्यान्तमन्त्याहू व्यस्तं गुणवर्गजं फलं यत् तत् ॥ ६ ॥

व्येकं व्येकगुणोद्घृतमादिगुणं स्याहृगुणोत्तरे गणितम् ।

उदाहरणम् ।

पूर्वं वराटकयुगं येन द्विगुणोत्तरं प्रतिक्षातम् ।

प्रत्यहमर्थिजनाय स मासे निष्कान् ददाति कति ? ॥ १ ॥

न्यासः । आ २ । च. २ । ग ३० ।

लब्ध्या वराटकाः २१४७४८३६४६ । निष्कवराटकाभिर्भक्ता जाता-
निष्काः १०४८५७ द्रम्माः ह । पणाः ह । काकिण्यौ २ । वराटकाः ६ ।

उदाहरणम् ।

आदिर्दिकं सखे ! वृद्धिः प्रत्यहं त्रिगुणोत्तरा ।

गच्छः सप्तदिनं यत्र गणितं तत्र किं वद ॥ २ ॥

न्यासः । आ. २ । च. ३ । ग. ७ । लब्धं गणितम् २१८६ ।

अत्रोपपत्तिः । अत्र प्रश्नोक्त्या—

सर्वधनम् = आ + आ . गु + आ गु^२ + आ . गु^३ + ····· + आ . गु ⁿ⁻¹

∴ सध . गु = आ . गु + आ . गु^२ + आ . गु^३ ····· + आ गुⁿ⁻¹ + आ . गुⁿ

∴ सध (गु-१) = आ . गु ⁿ - आ = आ (गुⁿ - १)

$$\therefore \text{सध} = \frac{\text{आ} (\text{गु}^{n-1})}{\text{गु}-1}$$

अत्र यदि न = विषमसंख्या स्यात्तदा न-१ = समसंख्या ।

$$\therefore \text{गु}^n = \text{गु} \cdot \text{गु}^{n-1} = \text{गु} \left\{ \text{गु}^{\frac{n-1}{2}} \right\}^2 \text{अत उपपत्तम् ।}$$

अत्राप्यन्त्यमध्यधनयोरानयनाय मदीयः प्रकारः ।

श्रीभाल्कोक्तं गुणवर्गजातं

फलं निहत्य प्रथमेन भक्तम् ।

गुणेन तज्ज्ञान्त धनं तदादि-

क्षुण पदं मध्यधनं प्रदिष्टम् ।

अत्रोपपत्तिस्त्ववन्नतरोक्तश्रेष्ठाः पर्यालोचनयैव स्पष्टमिति किमत्र प्रयासेन ।

अथ सध = $\frac{\text{आ}(\text{गु}-1)}{\text{गु}-1}$ अत्र यदि १ > गु तथा न धनात्मका-

भवेत्तदा सध = $\frac{\text{आ}-\text{आ}\cdot\text{गु}}{1-\text{गु}}$

= $\frac{\text{आ}}{1-\text{गु}} - \frac{\text{आ}\cdot\text{गु}}{1-\text{गु}}$ अत्र न मानं यथा २ धिकं

स्थात्तथा २ “गु” अस्य मानमल्पं भवत्येवं परमाधिकेऽनन्तसमे न माने गु न अस्य मानमपि परमाल्पं शून्यसमं भवत्यतस्तत्र गुणोत्तरश्रेष्ठाः सर्वधनम्

= $\frac{\text{आ}}{1-\text{गु}}$ एतेन—

आदिर्गुणविहीनेन रूपेण प्रविभाजितः ।

कर्तुं गुणोत्तरे सर्वधनमानन्त्यके पदे ॥*

इति सम्यगुपपन्नं भवति ।

अथात्रापि सर्वधनवैपरीत्येनादादिक्षानं

कर्त्तव्यं सुधीभिः किमत्र लेखबाहुल्येनेति दिक् ।

अत्रैव पदज्ञानायप्रकारः ।

निरेकगुणसंगुण्यं गणितं सुखभाजितम् ।

सरूपं तद्गुणच्छन्नं यावद्वूपं भवेदिह ॥

तद्गुणच्छन्नसंख्यायाः समं गणितकोविद ।

पदमानं भवेद्वीमन् व्यक्तेन विधिना स्फुटम् ॥ इति ।

समादिवृत्तज्ञानाय करणसूत्रं सार्थार्थी । †

पादाक्षरमिनगच्छे गुणवर्गफलं चये द्विगुणे ॥ ७ ॥

* आदिर्दलं सखे वृद्धी रूपाधंगुणकोत्तरा ।

ग्रल्यहं गणितं तत्र कि वदानन्तके पदे ॥

न्यासः आ इ । गु इ । ग ८८ लघ्वं गणितम् ।

† अड्डयो यस्य चत्वारस्तुल्यलक्षणलक्षिताः ।

तच्छन्दः शास्त्रतत्त्वज्ञाः समवृत्तं प्रचक्षते ॥

प्रथमाड्डग्रसमो यस्य तृतीयश्वरणो भवेत् ।

द्वितीयस्तुयवद्वृत्तं तदर्धसममुच्यते ॥

यस्य पादे चतुर्ज्जेऽपि लक्ष्म मिन्नं परस्परम् ।

तदाहुविषमं वृत्तं द्वन्द्वःशास्त्रविशारदाः ॥

समवृत्तानां संख्या तद्वर्गो वर्गवर्गश्च ।
स्वस्वपदोनौ स्यातामर्धसमानां च विप्रमाणाम् ॥ ८ ॥

उदाहरणम् ।

समानामर्वतुल्यानां विपमाणां पृथक् पृथक् ।

वृत्तानां वद मे संख्यामनुष्टुप्भून्दसि द्रतम् ? ॥ २ ॥

न्यासः । उत्तरो द्विगुणः २ । गच्छः ८ । लब्धाः समवृत्तानां संख्याः २५६ । तथा ऽर्थसमानां च ६४२८० । विषमाणां च ४२६३४०१७६० ।

इति श्रेदीव्यवहारः समाप्तः ।

अत्रोपयत्तिः । अथैकाद्येकोत्तरा अङ्गा व्यस्ता भाज्या इत्यादिविधिनैकादिलघु-
गुरुवर्शेन ये भेदास्तेपामैक्यं सरूपं सर्वभेदयोगो भवति । तत्समा एव समवृत्तभेदास्ते
तु *३ ने एतनिमिता भवन्त्यत उक्तं “पादाक्षरमितगच्छे गुणवर्गफलं चये द्विगुणे ।
समवृत्तानां संख्या” इति ।

तथा समवृत्तभेदेषु भे मितेषु द्वौ द्वौ भेदौ संगृह्याङ्कपाशीया ये भेदाः समुपप-
चन्ते त एवार्धसमवृत्तभेदाः = भे (भे -१) = भे१ - भे एवमेव समवृत्तभेदवर्गसमे-
भेदमाने येऽर्धसमवृत्तभेदा भवन्ति त एवाचार्यीयविषयमवृत्तभेदाः = भे२ (भे२ -१)
= भे३ - भे३ अत उपपन्नं सर्वमाचार्योक्तक्षम् ।

परन्तु नद्याचार्योक्तविषमवृत्तभेदानयनेन वृत्तरत्नाकोक्तविषमवृत्तभेदाः समाग-
च्छन्त्यतस्तदानयनार्थं परत्परं लक्षमभिन्नेषु समवृत्तभेदेषु चतुरश्तुरो भेदान् गृही-
त्वा येऽङ्गपाशीया भेदात्पत् एव वास्तवा विषमवृत्तभेदा भवन्त्यतस्त्वरूपम् =

∴ समवत्तजभेदेन द्विगणेन” हृत्यादि विशेषपद्यं सम्यगुपपद्यते ।

अत्रैव (१) समीकरणे—

$$\text{वि. वि. } \frac{dx}{dt} = \frac{dx}{dt} - \frac{dx}{dt} + \frac{dx}{dt} - \frac{dx}{dt}$$

$$= \text{मे}^8 - \text{मे}^2 - 6\text{मे} (\text{मे}^2 - 2\text{मे} + 1)$$

= भास्करीय वि. वृ. भे-६ भे (भे-१)^२

पुस्तक-

समवृत्तभवो भेदो निरेकस्तत्कृतिर्हता ।

* एतदर्थं मत्कृतचापोयत्रिकोणगणितस्य पञ्चाशीर्ततमं पृष्ठमवलोकनीयम् ।

समवृत्तजभेदेन रसवेन तद्रूपितः ॥

भेदः श्रीमालकरोक्तानां विषमाणां भवेदध्युवम् ।

वृत्तरत्नाकरोक्तानामसमानां सदैव हि ॥

इति सम्यगुपचयते ।

इति श्रेदीव्यवहारं वासना समाप्ता ।

अथ क्षेत्रव्यवहारः ।

तत्र भुजकोटिकर्णानामन्यतमे ज्ञातेऽन्यतमयोर्ज्ञानाय करणसूत्रं
वृत्तद्वयम् ।

इष्टो वाहुर्यः स्यात् तत्स्पर्धिन्यां दिशीतरो वाहुः ।

व्यसे चतुरस्त्रे वा सा कोटिः कीर्तिता तज्ज्ञः ॥ १ ॥

तत्कृत्योर्योगपदं कर्णो दोःकर्णवर्गयोविवरात् ।

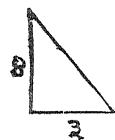
मूलं कोटिः कोटिश्रुतिकृत्योरन्तरात् पदं वाहुः ॥ २ ॥

उदाहरणम् ।

कोटिश्रुतुष्टयं यत्र दोस्त्रयं तत्र का श्रुतिः ।

कोटिं दोःकर्णतः कोटिश्रुतिभ्यां च भुजं वद ॥ १ ॥

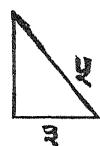
न्यासः ।



कोटिः ४ । भुजः ३ । भुजवर्गः ६ । कोटि-
वर्गः । १६ । एतयोर्योगात् २५ । मूलम् ५
कर्णो जातः ।

अथ कर्णभुजाभ्यां कोट्यानयनम् ।

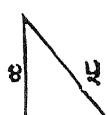
न्यासः ।



कर्णः ५ भुजः ३ । अनयोर्वर्गयोन्तरम् १६ ।
एतम्मूलं कोटिः ४ ।

अथ कोटिकर्णाभ्यां भुजानयनम् ।

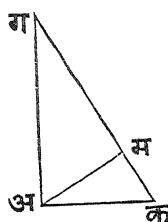
न्यासः ।



कोटिः ४ । कर्णः ५ । अनयोर्वर्गान्तरम् ६ ।
एतम्मूलं भुजः ३ ।

अत्रोपचयत्तिः । तत्स्पर्धिन्यां दिशि तत्प्रतिकूलायां दिश्यथादेतदुक्तं भवति
यदि भुजो याम्योत्तरस्तदा पूर्वापरो योऽन्यो भुजस्तथा च यदि पूर्वापरो भुजस्तदा

याम्प्रोत्तरो योऽन्यो भुजः सैव कोटिर्भवत्यर्थीत्तलम्बरूपायां दिशोति तात्पर्यम् ।
अन्यतस्पष्टमेव ।



करप्यते अकग समकोणत्रिभुजं यत्र अक, अग भुजकोटी कग कर्णस्तथा कअग समकोणशास्ति । अ समकोणवन्दोः कग कर्णपरि अम लम्बो नपात्यस्ततः क्षेत्रमितेः पष्ठाध्यायत्याष्टमीप्रतिज्ञया—

$$\text{अक}^2 = \text{कग} \cdot \text{कम}$$

$$\text{एवं अग}^2 = \text{कग} \cdot \text{गम}$$

$$\therefore \text{अक}^2 + \text{अग}^2 = \text{कग} \cdot \text{कम} + \text{कग} \cdot \text{गम}$$

$$= \text{कग} (\text{कम} + \text{गम})$$

$$= \text{कग} \cdot \text{कग}$$

$$= \text{कग}^2.$$

$\therefore \text{कग} = \sqrt{\text{अ क}^2 + \text{अ ग}^2} = \sqrt{\text{को}^2 + \text{भु}^2}$ अतो वैपरोत्त्येन भुज-कोटिमाने साध्ये तेनोपपन्नं ‘तत्कृत्योर्यागपद’ मित्यादि सर्वमाचार्योक्तम् ।

अथवाऽस्योपपत्तिस्तु क्षेत्रमितेः प्रथमाध्यायस्य सप्तचत्वारिंशी प्रतिज्ञया, पष्ठाध्यायस्यैकविशीप्रतिज्ञया वा कर्णभुजयोः संपाततः कर्णव्यासाधृत्वृत्तीयभुज-कोट्योश्चापैक्यज्या साधनेन वा उपरलैवेति धीमतामतिरोहितं किमत्र लेखप्रायसेन ग्रन्थबाहुल्येन च ।

अथवा यदि कग रेखाया मध्यबिन्दुः प तदा क्षेत्रमितेर्द्वितीयाध्यायस्य नवमी-प्रतिज्ञया—

$$\text{गम}^2 + \text{कम}^2 = 2\text{कप}^2 + 2\text{मप}^2$$

$$\text{कम}^2 + \text{अम}^2 + \text{गम}^2 + \text{अम}^2 = 2\text{कप}^2 + 2(\text{मप}^2 + \text{अम}^2)$$

$$\text{अक}^2 + \text{अग}^2 = 2\text{कप}^2 + 2\text{अप}^2$$

अत्र रखागणितेन कप = अप सिद्धत्यतः

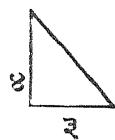
$$\text{अक}^2 + \text{अग}^2 = \text{कग}^2$$

अस्य मूलं कर्णमानं भवति । तेनोपपन्नं सर्वम् ।

एवमनेकानि प्रकारान्तराणि सुधीभिः कल्पयितुं शक्यानीति ।

प्रकारान्तरेज तज्जानाय करणम् च सार्ववृत्तम् ।
 राश्योरन्तरवर्गेण द्विष्टे वाते युते तयोः ।
 वर्गयोगो भवेदेवं तयोर्योगान्तरगहतिः ॥ ३ ॥
 वर्गान्तरं भवेदेवं हेयं सर्वत्र थीमता ॥
 कोटिश्चतुष्टयमिति पूर्वोक्तोदाहरणे ।

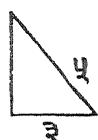
न्यासः ।



कोटि: ४ भुजः ३ । अनयोर्धते १२ । द्विष्टे २४ । अन्तरवर्गेण २ युते वर्गयोगः २५ ।
 अस्य मूलं कर्णः ५ ।

अथ कर्णभुजाभ्यां कोट्यानयनम् ।

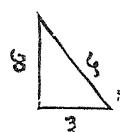
न्यासः ।



कर्णः ५ । भुजः ३ । अनयोर्योगः ८ । पुनरेत्योरन्तरेण २ हनो वा १६ वर्गान्तरमस्य
 मूलं कोटि: ४ ।

अथ भुजज्ञानम् ।

न्यासः ।

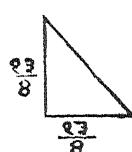


कोटि: ४-। कर्णः ५ । एवं जातो भुजः ३

उदाहरणम् ।

साडिग्रन्त्रयमितो वाहुर्यत्र कोटिश्च तावती ।
 तत्र कर्णप्रमाणं किं गणक ? ब्रूहि मे द्रुतम् ॥ २ ॥

न्यासः ।



भुजः $\frac{1}{2}^3$ । कोटि: $\frac{1}{2}^3$ । अनयोर्वर्गयोगः $\frac{1}{2}^3$ ।
 अस्य मूलाभावात् करणीगत एवायं कर्णः ।

अन्रोपपत्तिः । कल्पयेते राशी या, का अनयोरन्तरम् = या—का ।

ततो वर्गकरणे—

$$\text{अ}^2 = (\text{या}-\text{का})^2 = \text{या}^2 + \text{का}^2 - 2\text{या}\cdot\text{का}$$

∴ अ² + २या का = या² + का² अत उक्ते “राश्योरन्तरवर्गेण द्विष्टे वाते युते तयोः । वर्गयोगो भवेत्” दिति । तथा च योगान्तरघातो वर्गान्तरसमो भवतीति तावत्प्रागेव प्रतिपादितमत उपपत्तिं सर्वम् ।

अथ वा क्षेत्रमित्याव्यस्य लिद्धिर्भवतीति तावत्सुधीभिः सपष्टमेव किमत्र
पिष्टपेयणेन ।

अस्यासन्नमूलकानार्थमुपायः ।

वर्गेण महतेष्टेन हताच्छेदांशयोर्ध्यात् ।

पदं गुणपदक्षुण्णच्छुद्धकतं निकटं भवेत् ॥

इयं वर्गकरणी^{१६१} । अस्याः छेदांशयातः १३५२ । अयुतम् १३५२००००
अस्यासन्नमूलम् ३६७७ । इदं गुणमूलम् (१००) गुणितच्छेदेन (८००)
भक्तं लघ्यमासन्नपदम् ४४७७ । अयं कर्णः । एवं सर्वत्र ।

अत्रोपपत्तिः । कल्पते कोऽप्यवर्गाङ्कः = $\frac{\text{अ}}{\text{क}}$ । अस्यासन्नपदज्ञानाय हर-
भाज्यौ क अनेन गुणितौ तदाऽपि फले विकारभावात्,

$$\frac{\text{अ}}{\text{क}} = \frac{\text{क. अ}}{\text{क. क. इ}^2} = \frac{\text{अ. क. इ}^2}{\text{क. क. इ}^2}$$

मूल ग्रहणेन—

$$\sqrt{\frac{\text{अ}}{\text{क}}} = \sqrt{\frac{\text{अ. क. इ}^2}{\text{क. क. इ}^2}} \quad \text{अत्रापरपक्षस्य भाज्यस्य अ.क.इ}^2 \text{ अस्य}$$

यन्निनयमूलं तद्वरेण भक्तं तदा कलिपतस्यावर्गाङ्कस्यासन्नमूलमानं भवतीत्युपपक्ष-
माचार्योक्तम् ।

परन्तवत्र यथा यथा महदिष्टं कल्पते तथा तथाऽसन्नपदं सूक्षममर्थादवर्गाङ्कस्य
प्रकृतिमूलासन्नं भवत्येतदर्थं विचारः ।

यथा पूर्वानोत्तम्य स्वरूपस्य अ.क.इ^२ अस्य वास्तवमूलमानम् = य, निरपदं
च = प, शेषम् = शे ।

$$\therefore \text{य}^2 = \text{प}^2 + \text{शे} = \text{अ. क. इ}^2$$

$$\text{एवमेव } \sqrt{\frac{\text{अ}}{\text{क}}} = \sqrt{\frac{\text{अ. क. इ}^2}{\text{क. क. इ. मह}^2}} \quad \text{अत्रापि}$$

$$\begin{aligned} \text{अ. क. इ}^2 \cdot \text{मह}^2 &= \text{अस्य वास्तवमूलम्} = \text{य} \quad \text{तदा अ. क. इ}^2 \cdot \text{मह}^2 = \text{य}^2 \\ &= (\text{प}^2 + \text{शे}) \cdot \text{मह}^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} &= \text{प}^2 \cdot \text{मह}^2 + \text{शे. मह}^2 \\ &= (\text{निरपद}^2 + \text{शेष}) \end{aligned}$$

अत्र निरपदम् = प . मह + इ^१, शेष = इ^१.

$$\therefore \text{प्रथमासन्नमूलमानम्} = \frac{\text{प}}{\text{क. क. इ}}$$

$$\text{द्वितीयासन्नमूलमानम्} = \frac{\text{प. मह} + \text{हृ}}{\text{क. हृ. मह}}$$

$$= \frac{\text{प}}{\text{क. हृ}} + \frac{\text{हृ}}{\text{क. हृ. मह}}$$

अत्र प्रथमद्वितीयासन्नमूलयोरवलोकनेन स्पष्टं दीर्घश्यते यत्किल मूलयोर्वास्त-चमूलमानादलपत्वाद् द्वितीयासन्नमूलमाने द्वितीयस्थण्डस्य धनगतत्वात्प्रथमासन्नमूला-येक्षया द्वितीयासन्नपदं वास्तवमूलासन्नं भवति । तेनोक्तं वर्णणं महतेष्टेत्युपरन्नं सर्वमावधीकम् ।

वस्तुतस्त्ववर्गाङ्कल्प्यांकात्मकं मूलं न सावयवं न च निरवयवं कथयितुं शक्यते भिन्नवर्गे भिन्नत्वाभिन्नवर्गेचाभिन्नत्वस्य सिद्धे । किन्तु रेखात्मकं मूलं तस्य अवत्येतद्यं विशेषज्ञानलिप्युभिः सिद्धान्ततत्त्वविवेकस्य स्पष्टाधिकारे मूलानयने विलोकनीयमिति दिक् ।

व्यस्तजात्ये करणसूत्रं वृत्तद्वयम् ।

इष्टो भुजाऽस्माद्द्विगुणेष्टनिभ्रादिष्टस्य कृत्येकवियुक्त्याऽसम् ।

कोटिः पृथक् सेष्टगुणा भुजोना कर्णो भवेत् व्यस्तमिदं तु जात्यम् ॥३॥

इष्टो भुजस्तत्कातिरिप्रभक्ता द्विःस्थापितेष्टोनयुताऽर्थिता वा ।

तौ कोटिकर्णाविति कोटितो वा वा हुथती चाकरणीगते स्तः ॥ ५ ॥

उदाहरणम् ।

भुजे द्वादशके यौ यौ कोटिकर्णाविनेकवा ।

प्रकाराभ्यां चदं क्षिप्रं तौ तावकरणीगतौ ॥ १ ॥

न्यासः ।

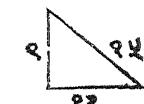
१६



इष्टो भुजः १२ । इष्टम् २ । अनेन द्विगुणे-
न ४ गुणितो भुजः ४८ । इष्ट २ कृत्या ४ एका
नया ३ भक्तो लब्ध्या कोटिः १६ ।

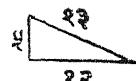
इयामष्टगुणा ३२ भुजोना १२ जातः कर्णः २० ।

त्रिकोणेष्टेन वा



कोटिः ६ । कर्णः १५ ।

पञ्चकेन वा

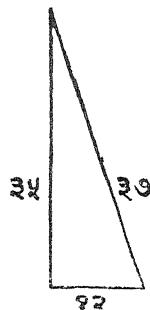


कोटिः ५ । कर्णः १३ ।

इत्यादि ।

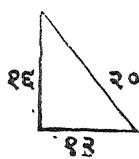
अथ द्वितीयप्रकारेण ।

न्यासः ।



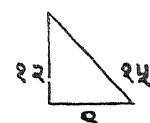
इष्टो भुजः १२ । अस्यकृतिः १४४ । इष्टेन
२ भक्ता लब्धम् ७२ । इष्टेन २ ऊन—७०
युता—७४ वर्धितौ जातौ कोटिकण्ठौ ३५।३७।

चतुष्टयेन वा



कोटिः १६ । कर्णः २० ।

यदूकेन वा



कोटिः ९ । कर्णः १५ ।

अत्रोपपत्तिः । भुजः = भु, कोटि: = को, कर्णः = क ततोऽनन्तरकथितसुक्रेण
को^२ + भु^२ = क^२, अत्रापरपक्षस्य मूलं क, द्वितीय पक्षे को^२ + भु^२ अस्मिन् वर्णकृती
वर्तेते तेनात्र “सरूपके वर्णकृती तु यत्र तत्रेच्छयैकां प्रकृतिं प्रकलये” त्यादिना
भुजवर्गक्षेपे कोटिवर्गाङ्कसमप्रकृतौ ज्येष्ठकनिष्ठे साधनीये तत्र तावत् “द्वितीय-
प्रकृत्योर्ध्वंद्विवरं तेन वा भजेदिद्वज्ञमिष्ठं कनिष्ठ” मित्यादिना—

$$\text{रूपक्षेपं कनिष्ठम्} = \frac{2\text{इ}}{\text{इ}^2 - 1}, \text{ भुजगुणं जातं}$$

$$\text{भुजवर्गक्षेपे कनिष्ठम्} = \frac{2\text{इ} \cdot \text{भु}}{\text{इ}^2 - 1} \quad \text{ततो ज्येष्ठम्} = \frac{\text{इ}^2 \cdot \text{भु} + \text{भु}}{\text{इ}^2 - 1}$$

$$\begin{aligned} &= \frac{\text{इ}^2 \cdot \text{भु} + \text{भु}}{\text{इ}^2 - 1} + \text{भु} - \text{भु} \\ &= \frac{2\text{इ}^2 \cdot \text{भु}}{\text{इ}^2 - 1} - \text{भु} \end{aligned}$$

अत्र “हस्वं भवेत्प्रकृतिवर्णमितिस्तथा ज्येष्ठं द्वितीयेन सम” मित्यतः

$$\text{कोटि:} = \frac{2\text{इ} \cdot \text{भु}}{\text{इ}^2 - 1}, \text{ क} = \frac{2\text{इ}^2 \cdot \text{भु}}{\text{इ}^2 - 1} - \text{भु} \text{ उपपत्तम् ।}$$

अथ वा कल्पयते को.इ—भु = क

$$\therefore \text{क}^2 = \text{को}^2 \cdot \text{इ}^2 - 2\text{को.इ} \cdot \text{भु} + \text{भु}^2$$

$$\therefore \text{क}^2 - \text{भु}^2 = \text{को}^2 \cdot \text{इ}^2 - 2\text{को.इ} \cdot \text{भु}$$

$$\text{वा, } \text{को}^2 = \text{को}^2 \cdot \text{इ}^2 - 2 \cdot \text{को.इ} \cdot \text{भु}$$

$$\therefore \text{को} = \frac{2 \cdot \text{भु} \cdot \text{इ}}{\text{इ}^2 - 1} \text{ अनेन कोटिभानेन कर्णमानस्योत्थापतेनोपपत्तं पूर्वाधिम्।}$$

पूर्वाधिम्।

तथा भुजवर्गस्तु कर्णकोद्योवर्गान्तरसमः स च तयोर्योगान्तरघाततुल्यो भवति तत्रान्तरसमानमिष्टं प्रकल्प्य वासना सुधोभिरुहा' अत उपपत्तं सर्वम्।

अथेष्टकर्णात् कोटिभुजानयने करणसूत्रं वृत्तम्।

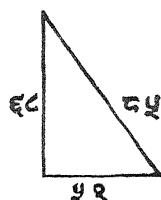
इष्टेन निघ्नाद्विगुणाच्च कर्णाद्विष्टस्य कृत्यैकयुजा यदासम्।

कोटिर्भवेत् सा पृथगिष्ठनिग्री तत्कर्णयोरन्तरमत्र वाहुः ॥ ६ ॥
उदाहरणम्।

पञ्चाशीतिमिते कर्णे यौ यावकरणीगतौ।

स्थातां कोटिभुजौ तौ तौ वद् कोविद् सत्वरम् ॥ १ ॥

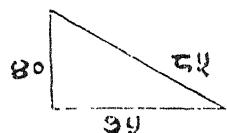
न्यासः



कर्णः ८५ । अयं द्विगुणः १७० । द्विकेनेष्टेन

हतः ३४० । इष्ट २ कृत्या ४ । सैकया ५ भक्तो जाता कोटिः ६८ । इयमिष्ठगुणा १३६ कर्णो-८५ निता जातो भुजः ५१ ।

चतुर्पकेषेष्टेन वा



कोटिः ४० । भुजः ७५ ।

अत्रोपपत्तिः । अत्रापि कर्णः = क, कोटिः = को, भुजः = भु ततः “कोटि-भुतिकृत्योरन्तरा” दित्यादिना भु² = क² — को² अत्रापि रूपर्णप्रकृतौ कर्णवर्गभेष्यं ये कनिष्ठज्येष्ठे ते कोटिभुजमाने भवत इत्यतस्तावद्वृपक्षेषे कनिष्ठम् = $\frac{2\text{इ}}{\text{इ}^2 + 1}$

$$\text{ज्येष्ठम्} = \frac{2 \cdot \text{क} \cdot \text{इ}^2 - \text{क}}{\text{इ}^2 + 1} = \frac{2 \cdot \text{क} - \text{इ}^2 - \text{क}}{\text{इ}^2 + 1} + \text{क} - \text{क}$$

$$= \frac{2 \cdot \text{क} - \text{इ}^2}{\text{इ}^2 + 1} - \text{क}, \text{ अत्रापि “हृस्वं भवेत्प्रकृतिवर्णमिति” रित्यादिना”}$$

$$\text{कोटि} = \frac{2 \cdot \text{क} \cdot \text{इ}}{\text{इ}^2 + 1}, \text{भुजः} = \frac{2 \cdot \text{क} \cdot \text{इ}^2}{\text{इ}^2 + 1} - \text{क एतेनोपपन्नं सर्वम् ।}$$

अथवा यदि को . इ-क = भु कल्प्यते तदा
को^२ = क^२-भु^२

$$\begin{aligned} &= \text{क}^2 - (\text{को इ-क})^2 \\ &= \text{क}^2 - (\text{को}^2 \text{ इ}^2 - 2 \cdot \text{को} \cdot \text{इ} \cdot \text{क} + \text{क}^2) \\ &= 2 \cdot \text{को} \cdot \text{इ} \cdot \text{क} - \text{को}^2 \cdot \text{इ}^2 \\ \therefore \text{को} (\text{इ}^2 + 1) &= 2 \cdot \text{इ} \cdot \text{क} \end{aligned}$$

$$\therefore \text{को} = \frac{2 \cdot \text{इ} \cdot \text{क}}{\text{इ}^2 + 1} \text{ एतेनोपपन्नम् ।}$$

अथवा कल्प्यते को.इ-क = भु.

$$\therefore \text{भु}^2 = \text{को}^2 \cdot \text{इ}^2 - 2 \cdot \text{को} \cdot \text{क} \cdot \text{इ} + \text{क}^2$$

समशोधनेन—

$$\begin{aligned} 2 \cdot \text{को} \cdot \text{क} \cdot \text{इ} &= \text{को}^2 \cdot \text{इ}^2 + \text{क}^2 - \text{भु}^2 \\ &= \text{को}^2 \cdot \text{इ}^2 + \text{को}^2 \\ &= \text{को}^2 (\text{इ}^2 + 1) \end{aligned}$$

$$\therefore \text{को}^2 = \frac{2 \cdot \text{को} \cdot \text{क} \cdot \text{इ}}{\text{इ}^2 + 1}$$

$$\text{वा, को} = \frac{2 \cdot \text{क} \cdot \text{इ}}{\text{इ}^2 + 1} \text{ एतेनोपपन्नम् ।}$$

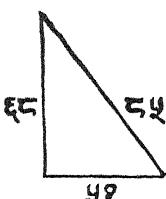
पुनः प्रकारान्तरेण तत्करणसूत्रं वृत्तम् ।

इष्टवर्गेण सैकेन द्विग्रः कणोऽथ वा हृतः ।

फलोनः श्रवणः कोटि: फलमिष्टगुणं भुजः ॥ ७ ॥

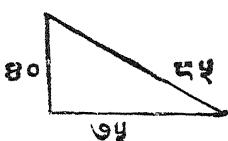
पूर्वोदाहरणे—

न्यासः ।



कर्णः ८० । अत्र द्विकेनेष्टेन जातौ किल
कोटिभुजौ ५९ । ६५ । ८० ।

चतुर्ष्केण वा ।



कोटि: ७५ । भुजः ८० ।
अत्र दोः कीद्योन्नामि भेद एव
केवलं न स्वरूपभेदः ।

अत्रोपपत्तिः । अत्रापि भुजकोटिकर्णः क्रमेण भु, को, क “ततस्तृत्कृत्योर्योगपद” मित्यादिना कौ^३ + भु^३, अत्राप्येकस्य पक्षस्थ पदं क, ततो द्वितीय पक्षस्थ कौ^३ + भु^३ अस्य वर्गप्रकृत्या मूले साध्यते तत्र तावत् “इष्टवर्गप्रकृत्योर्यद्विवरं तेज वा भजेद्विद्वन्मिष्टं कनिष्ठ” मित्यादि प्रकारेण जातं रूपक्षपे कनिष्ठम् = $\frac{2\text{ह}}{3-1}$ इदं कोटिरुणं जातं कोटिवर्गक्षपे कनिष्ठम् ।

$$= \frac{2 \text{ हृ.को}}{\text{हृ}^2 - 1} \text{ ततो ज्येष्ठम्} = \frac{\text{हृ}^2 \text{ को} + \text{को}}{\text{हृ}^2 - 1}$$

= $\frac{\text{को} \left(\frac{\text{इ}^2 + 1}{\text{इ}^2 - 1} \right)}{\text{अत्रापि "हस्वं भवेत्प्रकृतिर्वर्णमिति" रित्यादिना}}$

$$(4) \quad = \frac{2 \cdot \text{को}}{\frac{\text{लग्न}^2 - 1}{\text{लग्न}}} \cdot \text{को}, \text{ को} = \frac{\text{को}}{\left(\frac{\text{लग्न}^2 + 1}{\text{लग्न}} \right)}$$

$$= \frac{K\cdot h^2 - K\cdot k + K}{h^2 + 1}$$

$$= \frac{k(\ln^2 + 1) - 2k}{\ln^2 + 1}$$

$= k - \frac{2k}{h^2 + 1}$ ततः (१) समीकरणेन भुजमानमुत्थापनेन जातं भुज-

$$\text{मानम्} = \frac{2 \text{ क} \cdot \sqrt{3}}{\sqrt{3}^2 + 1} = \frac{2 \text{ क}}{\sqrt{3}^2 + 1} \cdot \sqrt{3} \text{ पुतेनोपपन्तं सर्वं भास्करोक्तम् ।}$$

अथवोपपत्तिः । क^२-को^२ = भ^२

वर्गन्तिरं तु योगान्तरधातसमस्तिव्यतः—

$$(k-k') (k+k') = \mu^2$$

अत्र यदि क-को = फ, तथा अ = फ.इ कल्पयेत

$$\text{तदा फ}(\text{ क + को }) = \text{इ}^2 \cdot \text{फ}^2$$

वा, क + को = हृ फ

$$\text{वा, } 2\text{क} - \text{फ} = h^2 \cdot \text{फ}$$

समशोधनादिना —

$$k = \frac{2k}{\frac{2k}{2} + \infty}$$

$$\therefore \text{को} = \text{क} - \frac{\frac{2}{\text{क}}}{\frac{3}{\text{क}} + \frac{2}{\text{क}}}, \text{मु} = \frac{\frac{2}{\text{क}}}{\frac{3}{\text{क}} + \frac{2}{\text{क}}} \cdot \text{इ उपरचनम्।}$$

अथेष्टाभ्यां भुजकोटिकर्णनियने करणसूत्रं वृत्तम् ।

इष्टयोराहतिद्विन्नी कोटिर्वर्गान्तरं भुजः ।

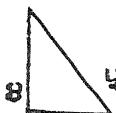
कृतियोगस्तयोरेवं कर्णश्चाकरणीगतः ॥ ८ ॥

उदाहरणम् ।

यैर्यैस्त्यसं भवेजात्यं कोटिदोः श्रवणैः सखे ।

त्रीनप्यविदितानेतान् त्रिप्रं ब्रूहि विचक्षण ॥ १ ॥

न्यासः ।



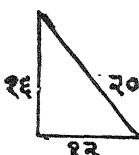
अत्रेष्टे २ । १ । आभ्यां कोटिभुजकर्णः

४ । ३ । ५ ।

३ ।



अथ वेष्टे २ । ३ । आभ्यां काटिभुजकर्णः १२ । ५ । १३



अथ वेष्टे २ । ४ । आभ्यां कोटिभुजकर्णः १६ । १२ ।

२० । एवमत्रानेकथा ।

$$\text{अत्रोपपत्तिः : करणते कर्णः} = \frac{२}{३} + \frac{१}{३}, \text{ भुजः} = \frac{२}{३} - \frac{१}{३}$$

$$\therefore २\frac{१}{३} = \text{क} + \text{भु}, २\frac{१}{३} = \text{क} - \text{भु} ।$$

योगान्तरधातो वर्गान्तरसमस्तेन—

$$\text{क}^{\frac{२}{३}} - \text{भु}^{\frac{२}{३}} = (\text{क} + \text{भु})(\text{क} - \text{भु})$$

$$= २\frac{१}{३} \cdot २\frac{१}{३}$$

$$= ४\frac{१}{९} \cdot \frac{१}{९}$$

$$= \text{को}^{\frac{२}{३}}$$

$$\therefore \text{को} = २ \cdot \frac{१}{३} \cdot \frac{१}{३} \text{ एतेनोपपत्रमाचार्योक्तम् ।}$$

कर्णकोटियुतौ भुजे च शाते पृथक्करणसूत्रं वृत्तम् ।

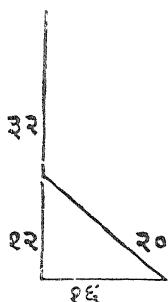
वंशाग्रमूलान्तरभूमिवर्गो वंशाद्वृत्तस्तेन पृथग्युतोनौ ।

वंशौ तदधीं भवतः क्रमेण वंशस्य खण्डे श्रुतिकोटिरूपे ॥ ९ ॥

उदाहरणम् ।

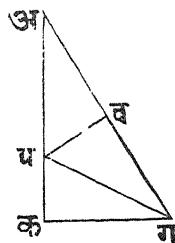
यदि समभुवि वेणुद्वित्रिपाणिप्रमाणो गणक पवनवेगादेकदेशे स भग्नः ।
भुवि नृपमितहस्तेष्वङ्ग लग्नं तदग्रं कथय कतिषु मूलादेष भग्नः करेषु ॥ १ ॥

न्यासः ।



वंशाग्रमूलान्तरभूमिः १६ । वंशः ३२ ।
कोटिकर्णयुतिः ३२ । भुजः १६ । जाते ऊर्ध्वा-
ध्रःखण्डे २० । १२ ।

अन्नोपपत्तिः । अत्र कोटिकर्णयोर्योगरूपस्य वंशस्य ज्ञानात्तथा वंशाग्रमूलान्तर-
रूपस्य भुजस्य ज्ञानाच्च भुजवर्गः कर्णकोटियोगरूपेण वंशाभियेन भक्षस्तदा तयोरन्तरं
निष्पद्यते । ततः संक्रमणगणितेन भुजकोटिमानेऽहातच्ये । तेनोपपन्नं सर्वैमाचार्यांक्तम् ।



अथवा करण्यते अक = वंशः = वं, कग = वंशाग्रमूलान्तरभुजः = भु, अप वा
पग = कर्णः = क, तथा कप = कोटि = को । अय प स्थानात् अग रेखोपरि पच,
लम्बनिष्पादनेन अपच, अकग त्रिभुजे मिथः सजातीये तथा अच, चग रेखे समेभवत
इति स्फुटं गणितविदाम् ।

$$\text{अतोऽनुपातेन अप} = \frac{\text{अग} \times \text{अच}}{\text{अक}} \text{ परं च } \frac{\text{अग}}{2}$$

$$\therefore \text{अप} = \frac{\text{अग}}{\text{अक}} \cdot \frac{\text{अग}}{2} = \frac{\text{अग}^2}{2 \text{अक}} = \frac{\text{अक}^2 + \text{कग}^2}{2 \text{अक}} = \frac{\text{अक} + \text{कग}}{2}$$

$$= \frac{\text{वं} + \frac{\text{भु}^2}{\text{वं}}}{2} \therefore \text{क} = \frac{\text{वं} + \frac{\text{भु}^2}{\text{वं}}}{2}$$

$$\text{एवं को} = \text{अक} - \text{अप} = \text{वं} - \frac{\text{वं} + \frac{\text{भु}^2}{\text{वं}}}{2} = \frac{\text{वं} - \frac{\text{भु}^2}{\text{वं}}}{2} \quad \text{एतेनोपपन्नम् ।}$$

अथवा

अकग, पचग कोणयोः प्रत्येकस्य समकोणसमत्वात् प, च, ग, क चत्वारो बिन्दवो

वृत्परिधौ भविष्यन्तीति तावत्केत्रमित ग ल्पष्टमेवातः—

अक . अप = अच . अग

$$= \frac{\text{अग}^2}{2}$$

$$= \frac{\text{अक}^2 + \text{कग}^2}{2}$$

$$\therefore \text{अप} = \frac{\text{अक}^2 + \text{कग}^2}{2\text{अक}} = \frac{\text{वं} + \frac{\text{भु}^2}{\text{व}}}{2}, \text{ एवं कप} = \frac{\text{वं} - \frac{\text{भु}^2}{\text{व}}}{2}$$

अत उपपन्नं सर्वम् ।

एवमनेके प्रकारा भवन्ति ते तु सुधीभिः स्वयमेव विवेचनीयाः किमत्र ग्रन्थगौरवेण ।

बाहुकर्णयोगे दृष्टे कोण्यां च ज्ञातायां पृथक्करणसूत्रं वृत्तम् ।

स्तम्भस्य वर्गोऽहिविलान्तरेण भक्तः फलं व्यालविलान्तरालात् ।

शोध्यं तदर्थप्रमितैः करैः स्याद्विलाग्रता व्यालकलापियोगः ॥ १० ॥
उदाहरणम् ।

अस्ति स्तम्भतले विलं तदुपरि क्रीडाशिखण्डी स्थितः

स्तम्भे हस्तनवोच्छ्रुते* त्रिगुणितस्तम्भप्रमाणान्तरे ।

द्वृष्ट्वाऽहिविलमाग्रजन्तमपतत् तिर्यक् स तस्योपरि

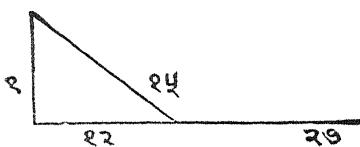
क्षिप्रं ब्रूहि तयोर्विलात् कतिकरैः साम्येन गत्योर्युतिः ॥ १ ॥

स्तम्भः ६ । अहिविलान्त

रम् २७ ज्ञाता विलयु-

त्योर्मध्ये हस्ताः १२ ।

न्यासः ।



अत्रोपपतित्वं व्यालविलान्तररूपस्य बाहुकर्णयोगस्य तथा स्तम्भरूपकोटेश्च
ज्ञानान्तस्तम्भवर्गोऽहिविलान्तरेण बाहुकर्णयोगेन भक्तस्तदा तयोरन्तरं स्यान्ततः संक्र-
मणविधिना भुजकर्णी साध्याविति सुगमैव । तथान्यप्रकारा अपि पूर्ववदेवावधैयाः
किमत्र विष्टपेणेनेत्युपपन्नं सर्वम् ।

कोटिकर्णान्तरे भुजे च दृष्टं पृथक्करणसूत्रं वृत्तम् ।

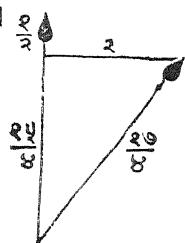
भुजाद्वर्गितात् कोटिकर्णान्तरामं द्विधा कोटिकर्णान्तरेणोनयुक्तम् ।
तदर्थे क्रमात् कोटिकर्णी भवेतामिदं धीमताऽवेद्य सर्वत्र योज्यम् ॥ १ ॥

* नन्दकरोच्छ्रुते इति वा पाठः ।

सखे पश्चतन्मज्जनस्थानमध्यं भुजः कोटिकर्णान्तरं पश्चद्गूढयम् ।
बलः कोटिरेतन्मितं स्याद्यदभ्यो वदैवं समानीय पानीयमानम् ॥१२॥
उदाहरणम् ।

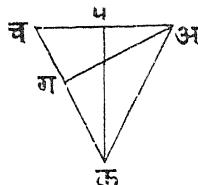
चक्रक्रौञ्चाकुलितसलिले कापि दृष्टं तडगो
तोयादूर्ध्वं कमलकलिकाग्रं वितस्तिप्रमाणम् ।
मन्दं मन्दं चलितमनिलेनाहतं हस्तयुग्मे
तस्मिन् मन्त्रं गणक कथय क्षिप्रमम्भः प्रमाणम् ॥ १ ॥

न्यासः ।



कोटिकर्णान्तरम् $\frac{1}{2}$ । भुजः २ । लघ्वं जल-
गामभीर्यम् $\frac{1}{4}$ । इयं कोटि: $\frac{1}{4}$ । इयमेव
कोटि: कलिकामानयुता जातः कर्णः $\frac{1}{2}$ ।

अन्नोपपत्तिः । कर्णकोद्यारन्तरज्ञानात्तथा भुजज्ञानाच्च कर्णकोट्योरन्तरेण भक्तो
भुजवर्गस्तयोर्योगः स्यात्ततः संकमणगणितेन वासनाऽतिविमलेत्युपपन्नं यशोक्तम् ।



अथवा, कल्पयते अक = कर्णः = क = कच, कग = कोटि: = को, चग
= कर्णकोट्यन्तरम् = अं, अग = भुजः = भु ।

अत्र क स्थानात् अच भुजोपरि कप लम्बोत्पादनेन कचप, अगच त्रिभुजे
मिथ्यः सजातीयेऽतोऽनुपातेन—

$$\text{कच} = \frac{\text{चप} \times \text{अच}}{\text{चग}} = \frac{\text{अच}^2}{2 \text{ चग}} = \frac{\text{चग}^2 + \text{अग}^2}{2 \text{ चग}} = \frac{\text{चग} + \frac{\text{अग}^2}{\text{चग}}}{2}$$

$$= \frac{\text{अं} + \frac{\text{भु}^2}{\text{अं}}}{2}, \text{ एवं कग} = \frac{\text{अं} - \frac{\text{भु}^2}{\text{अं}}}{2} \text{ एतेनोपपन्नम् ।}$$

अथवा क केन्द्रात् कअ कर्णव्यासार्धवृत्तं विधेयं तत्र अग, चग, अच तिसोरेखाः
कोटिकर्णात्पन्नकोणस्य चापज्योत्क्रमज्यापूर्णज्या भवन्तीति तावत्स्फुटं गणित-

विदाम् । ततः “ब्रिज्योत्कमज्यानिहतेऽलस्य मूर्खं तदधीशक्षिङ्गि नी” इत्यादि उज्योत्पत्तिविधिनाऽर्धाशज्जावर्गः

$$अप^2 = \frac{\text{कभ. चग}}{2} = \frac{\text{चग}^2 + \text{अग}^2}{4}$$

$$\therefore \text{कभ} = \frac{\text{अग}^2}{\text{चग}} \quad \text{वा, कभ} = \frac{\text{अं} + \frac{\text{भु}^2}{\text{अं}}}{2} \quad \text{इदमेव कर्णमानं स्थात्तः}$$

प्रागुक्त्या कोटिमानमपि उज्जोधमित्युपपन्नम् ।

अथवाऽपि क केन्द्रात् कग व्यासार्धवृत्तस्य अग भुजः स्पर्शरेखा भवति ततः क्षेत्रमित्या—

$$\text{अग}^2 = \text{चग} (\text{चग} + 2\text{कग}) \therefore \text{कग} = \frac{\text{अग}^2 - \text{चग}}{2}$$

$$\therefore \text{को} = \frac{\text{भु}^2}{2} - \text{अं} \quad \text{कर्णमानं साधयं तेनोपपन्नम् । पूर्वमनेकं प्रकाशः सुधीभि कल्पयितुं शक्याः किमत्र लेखेन ।}$$

कोट्यैकदेशोन युत कण भुजे च द्वष्टे

कोटिकर्णक्षानाय करणसूत्रं वृत्तम् ।

द्विनिघ नालोच्छितिसंयुतं यत् सरोऽन्तरं तेन विभाजितायाः ॥

तालोच्छितेस्तालसरोऽन्तरध्या उड्डोनमानं खलु लभ्यते ततः ॥ १३ ॥

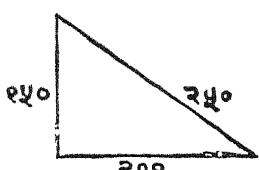
उदाहरणम् ।

वृक्षाढ्डस्तशतोच्छियाच्छ्रुतयुगे वार्पें कपिः कोऽप्यगा-
दुत्तिर्थीथं परो द्रुतं श्रुतिपथेनोऽवृय *किञ्चिद्द्रुमात् ।

जातैवं समता तयोर्यदि गतावृद्धीनमानं कियद्बृ-

विद्रैश्चेत् सुपर्गिश्रमोऽस्ति गणिते क्षिप्रं तदाऽच्चद्व मे ॥ १ ॥

न्यामः ।



वृक्षवाप्यन्तरम् २०० । वृक्षोच्छायः

१०० । लब्धमुद्धीनमानम् ५० । कोटि:

२५० । कर्णः २५० । भुजः २०० ।

अन्नोपपत्तिः । अन्न तालोच्छितिः = ता

तालसरोऽन्तरम् = अ

उड्डोनमानम् = उ

* श्रुतिपथात्प्रोड्डीयेति वा पाठः ।

$$\text{कोटि} = \text{ता} + \text{उ}$$

$$\text{कर्ण} = \text{क}$$

अन्त्रालापानुसारेण शाखासमग्रयोर्गत्योः समत्वात्—

$$(\text{ता} + \text{उ})^2 + \text{अ}^2 = \text{क}^2$$

$$\text{तथा च } \text{ता} + \text{अ} = \text{क} + \text{उ}$$

$$\therefore \text{ता} + \text{अ} - \text{उ} = \text{क}$$

$$\therefore (\text{ता} + \text{अ})^2 - 2\text{उ} (\text{ता} + \text{अ}) + \text{उ}^2 = \text{क}^2$$

$$\therefore (\text{ता} + \text{अ})^2 - 2\text{उ} (\text{ता} + \text{अ}) + \text{उ}^2 = (\text{ता} + \text{उ})^2 + \text{अ}^2$$

$$\text{ता}^2 + \text{अ}^2 + 2\text{ता}\cdot\text{अ} - 2\text{उ}(\text{ता} + \text{अ}) + \text{उ}^2 = \text{ता}^2 + 2\text{ता}\cdot\text{उ} + \text{उ}^2 + \text{अ}^2$$

समशोधनादिना—

$$2(\text{ता} + \text{अ}) = \text{ता}\cdot\text{अ}$$

$$\therefore \text{उ} = \frac{\text{ता} \cdot \text{अ}}{2(\text{ता} + \text{अ})} \text{ अत उपपत्तिः।}$$

अथवा वर्गान्तरं तु योगान्तरघातसमभित्यतस्तालसरोन्तररूपमुजवर्गः

$$= (\text{क} + \text{को}) (\text{क} - \text{को})$$

$$= (2\text{ता} + \text{अ}) (\text{अ} - 2\text{उ})$$

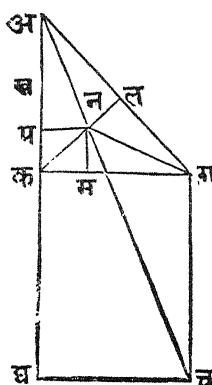
$$\therefore \text{अ} - 2\text{उ} = \frac{\text{अ}^2}{2(\text{ता} + \text{अ})}$$

$$\therefore 2\text{उ} = \text{अ} - \frac{\text{अ}^2}{2(\text{ता} + \text{अ})}$$

$$= \frac{2\text{ता} - \text{अ}}{2(\text{ता} + \text{अ})}$$

$$\therefore \text{उड्डीनमानम्} = \frac{\text{ता} - \text{अ}}{2(\text{ता} + \text{अ})} \text{ उपपत्तिः।}$$

अथवा क्षेत्रगता वासनोच्यते—



अत्र कल = तालोच्छ्रितः = ता

कग = तालसरोऽन्तरम् = अं

अख = उड्हीनमानम् = उ

अग = कर्णः = क

अथ अक रेखा घ पर्यन्तं वर्धयित्वा अग = कव छतो, तथा च अकग त्रिभुजान्तःकोणार्धकारिण्यो रेखा न बिन्दौ मिलितास्तः नम, नप लम्बौ स्वसंसुखभुजो-परि विधेयौ तेन नपक्ष वर्गक्षेत्रं भवेत् ।

अथ च ग स्थानात् अघ समान्तरां गच रेखां विधाय तस्या वर्धित अन रेखायाश्च योगः च कल्पितः । वच रेखा विधेया । एवं कृते कवचग आयतक्षेत्रं जातं तेन घच = तालसरोऽन्तरम् = अं । अग = घक + अक = क + को = २ता + अं, मग + अप = अग = मग + पख + अख । ∴ अग + अख = क + उ = ता + अं = कम + कल = मग + पख + २कप ।

अत्र गत्योः साम्यात्—

मग + पख + २उ = मग + पख + २कप

उ = कप = पन वर्गक्षेत्रत्वात् ।

∴ अप = ता

अथात्र अघच, अपन क्षेत्रयोः साजात्यतः—

$$\text{पन} = \frac{\text{घच} \times \text{अप}}{\text{अघ}}$$

$$\therefore \text{उ} = \frac{\text{ता} \cdot \text{अं}}{२\text{ता} + \text{अं}} \text{ उपपन्नं सर्वम् ।}$$

भुजकोट्योर्योगे कर्णे च ज्ञाते पृथक्करणसूत्रं वृत्तम् ।

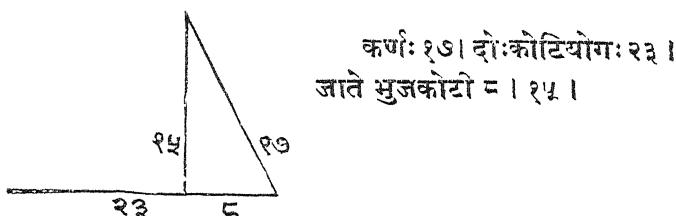
कर्णस्य वर्गाद्विगुणाद्विशोध्यो दोःकोटियोगः स्वगुणोऽस्य मूलम् ।

योगो द्विधा मूलविहीनयुक्तः स्यातां तदर्थे भुजकोटिमाने ॥ १४ ॥
उदाहरणम् ।

दश समाधिकाः कर्णस्त्वयिका विशनिः सखे ।

भुजकोटियुतिर्यत्र तत्र ते मे पृथग्वद ॥ १ ॥

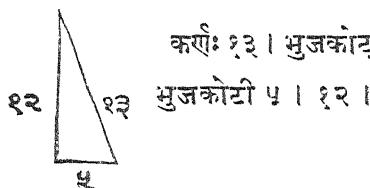
न्यासः ।



उद्धाहरणम् ।

दोःकोद्योरन्तरं हौलाः कर्णः यत्र त्रयोदशा ।
भुजकोटी पृथक् तत्र वदाशु गणकोत्तम ॥ २ ॥

न्या : ।



कर्णः १३ । भुजकोद्यन्तरम् ० । लघ्ये

भुजकोटी ५ । १२ ।

अत्रोपपत्तिः । भुजकोटियोगः = यो = भु + को । कर्णः = क । अत्र योगवर्गः = यो^२ भु^२ + को^२ + २ भु. को ।

$$\text{परन्तु } \text{क}^२ = \text{भु}^२ + \text{को}^२$$

$$\therefore \text{यो}^२ = \text{क}^२ + २\text{भु. को}.$$

समशोधनेन—

$$-२\text{भु. को} = \text{क}^२ - \text{यो}^२$$

$$\text{क}^२ - २\text{भु. को} = २\text{क}^२ - \text{यो}^२$$

$$\text{भु}^२ + \text{को}^२ - २\text{भु. को} = २\text{क}^२ - \text{यो}^२$$

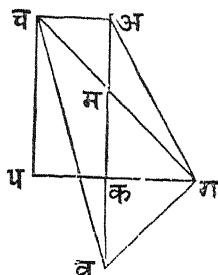
$$(\text{को} - \text{भु})^२ = २\text{क}^२ - \text{यो}^२$$

$$\therefore \text{को} - \text{भु} = \sqrt{२\text{क}^२ - \text{यो}^२} = p$$

ततः संक्रमणगणितेन—

$$\text{भु} = \frac{\text{यो} - p}{2}, \quad \text{को} = \frac{\text{यो} + p}{2} \quad \text{अत उपपत्तम् ।}$$

अथ क्षेत्रगतोपपत्तिः ।



अत्र अक = कोटि = को, कग = भुजः = भु, अग = कर्णः = क.

अत्र अक कोटौ कम = कग विधाय गम रेखां कृत्वा च पर्यन्तं वर्धयेत् ।

गक समानान्तरां अच विधाय वर्धित गक रेखोपरि चप लम्ब उत्पादनोयः । तथा-
च अक रेखा च पर्यन्तं वर्धित्वा कव = कग कार्या, चव विधेया ।

अथात्र कग = कम तेन \angle कमग = 45° = \angle अमच = \angle अचम

.: अच = अम, परन्तु अम = को-भु

.: अच = को-भु, अव = को + भु. तथा च

कग = कव .: \angle अवग = 45° .: \angle चगव = समकोणस्तेन

चव^२ = चग^२ + गव^२ परन्तु चग^२ = पग^२ + पव^२ = २पव^२ = २को^२, गव^२ =
कग^२ + कव^२ = २कग^२ = २भु^२ .: चव^२ = २(भु^२ + को^२) = २क^२

.: अच^२ = चव^२ - अव^२ = २क^२ - यो^२ = (को - भु)^२

.: को-भु = $\sqrt{2} \text{ क}^2 - \text{यो}^2$ पूर्वोक्त्याऽतो भुजकोटी साध्ये तेनोपपन्नं सर्वम्

लम्बाववाधाक्षानाय करणसूत्रं वृत्तम् ।

अन्योन्यमूलाग्रगसूत्रयोगाद्वेष्वोर्वधे योगहृतेऽवलम्बः ।

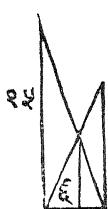
वंशौ स्वयोगेन हृतावभीष्टभूद्धनौ च लम्बोभयतः कुखण्डे ॥ १५ ॥

उदाहरणम् ।

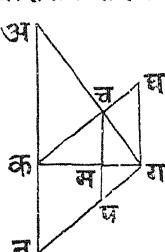
पश्चदशदशकरोच्छयवेष्वोरक्षात्मभ्यभूमिकयोः ।

इतरेतरमूलाग्रगसूत्रयुतेल्लम्बमानमाचद्व ॥ १ ॥

वंशौ १५ । १० । जातो लम्बः ६ । वंशान्त-
न्यासः ।



रभूः ५ । अतो जाते भूखण्डे ३ । २ । अथ वा
भूः १० । खण्डे ६।४। वा भूः १५ । खण्डे ६।६।
वा भूः २० । खण्डे १२ । न एव सर्वत्र लम्बः
स एव । यद्यत्र भूमितुल्ये भुजे वंशः कोटि-
स्तदा भूखण्डेन किमिति त्रैराशिकेन सर्वत्र प्रतीतिः ।



अन्नोपपत्तिः । कलप्यते अक = वृहद्रूशः = वृवं, गघ = लघुवृशः = लवं, चम
= लम्बः = लं, कन = गघ कार्यः ।

अथ अकरेखां न पर्यन्तं वर्द्धयित्वा गत योजयित्वा चम लम्बं पर्यन्तं वर्धयेत् ।
अत्र कन्, गद एससमान्तररेखाओरथवद्योः कव, लगरेखयोः नमत्समान्तरत्वात्
चवगप समानान्तरचतुर्सुजं जातं तेन चप=गद=लवं

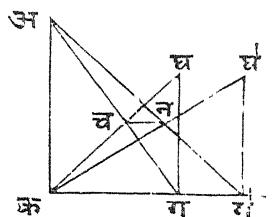
अथ च अगत, चगप त्रिभुजयोः साजात्यतः—

$$\frac{\text{चप}}{\text{अन}} = \frac{\text{चग}}{\text{अग}} \quad \text{परन्तु} \quad \frac{\text{चग}}{\text{अग}} = \frac{\text{चन}}{\text{अक}} \quad \therefore \quad \frac{\text{चप}}{\text{अन}} = \frac{\text{चम}}{\text{अक}}$$

$$\therefore \text{चम} = \frac{\text{चप} \times \text{अक}}{\text{अन}} \quad \therefore \text{लं} = \frac{\text{लवं} \times \text{बृवं}}{\text{लवं} + \text{बृवं}} \text{ उपपत्तं लम्बान्तरनम् ।}$$

अहस्तैराशिकेनावाधाहानं सुवोधमित्युपपत्तं सर्वमाचार्योक्तम् ।

अथ वंशयोः स्थिरत्वे यत्र कुत्रापि भूमौ लम्बवानेन सदैव स्थिरमिति विचार्यते ।
तथाहि—



यथा कग भूमिं प्रचालय तदुपरि गद वंशो गदं रूपेण निवेशितस्तदाऽन्योऽन्य-
मूलाग्रगसूत्रसंपातो न बिन्दुः प्रकल्पितः । चन रेखाविवेया ।

अत्र अकच, घगच त्रिभुजयोः साजात्यतः—

$$\frac{\text{गद}}{\text{अक}} = \frac{\text{गच}}{\text{अच}} \quad \text{एवमेव} \quad \frac{\text{गद}}{\text{अक}} = \frac{\text{गन}}{\text{अन}}$$

$$\text{परन्तु} \quad \frac{\text{गद}}{\text{अक}} = \frac{\text{गद}}{\text{अक}} \quad \text{वंशयोः स्थिरत्वात् ।}$$

$$\therefore \frac{\text{गच}}{\text{अच}} = \frac{\text{गन}}{\text{अन}}$$

एकान्तरनिष्पत्त्या—

$$\frac{\text{अच}}{\text{अन}} = \frac{\text{गच}}{\text{गन}}$$

\therefore चन रेखा गग समानान्तरा सिद्धा (रे ६ अ २ क्षे)

अतः च, न बिन्दुभ्यां कगग भूम्युपरि लम्बौ समावेव जातावित्युपपत्तं यथोक्तम् ।

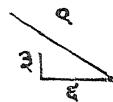
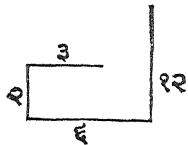
अथाक्षेत्रलक्षणसूत्रम् ।

धृष्टोदिष्टमृज्जुभुजं क्षेत्रं यत्रैकवाहुतः स्वल्पा ।
तदितरभुजयुतिरथ वा तुलया क्षेयं तदक्षेत्रम् ॥ १६ ॥

उदाहरणम् ।

चतुर्स्त्रे त्रिष्ठृद्वयका भुजास्त्रयस्त्रे त्रिष्ठणव ।
उद्दिष्टा यत्र धृष्टेन तदक्षेत्रं विनिर्दिशेत् ॥ १ ॥

एते अनुपपञ्चे क्षेत्रे ।



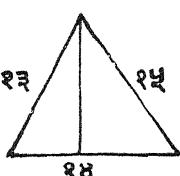
भुजप्रमाणा ऋज्जुशलाका भुजस्थानेषु विन्यस्यानुपपत्तिर्दर्शनीया ।
अन्नोपपत्तिः । सर्वत्र त्रिभुजे भुजद्वयोगतस्तुतीयो भुजः सदैवाल्पो भवतीति
तावत्क्षेत्रमितेर्विशीप्रतिक्षया स्पष्टमेव । चतुर्स्त्रे तु भुजद्वयोगस्य कर्णतोऽधिकत्वाच्छ-
जत्रययोगः स्वतश्चूर्ध्वभुजतो महान् भवति । एवमेव पंचभुजक्षेत्रादाववि धीमज्जिरुह-
नीयमत उपपत्तिः सर्वम् ।

आवाधादिज्ञानाय करणसूत्रमार्याद्वयम् ।

त्रिभुजे भुजयोर्योगस्तदन्तरगुणो भुवा हृतो लक्ष्या ।
द्विष्टा भूरूनयुता दलिताऽवाधे तयोः स्याताम् ॥ १७ ॥
स्वावाधाभुजद्वयोरन्तरमूलं प्रज्ञायते लम्बः ।
लम्बगुणं भूम्यर्धं स्पष्टं त्रिभुजे फलं भवति ॥ १८ ॥

उदाहरणम् ।

क्षेत्रे मही मनुभिता त्रिभुजे भुजौ तु
यत्र त्रयोदशतिथिप्रमितौ च यस्य ।
तत्रावत्लम्बकमथो कथयाववाधे
क्षिप्रं तथा च समकोष्ठमिति फलाख्याम् ॥ १ ॥
भूः १४ । भुजौ १३ । १५ । लम्बे आवाधे
न्यासः । १३ । १५ । ५ । ६ । लम्बश्च १२ । क्षेत्रफलं च प४ ।

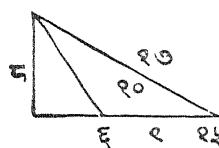


त्रिष्णवाधोदाहरगम् ।

दशसप्तदशप्रमाणे भुजौ त्रिभुजे यत्र नवप्रमा महा ।

अवधे वद् लम्बकं तथा गणितं गाणिनिकाशु तत्र मे ॥ २ ॥

न्यासः ।



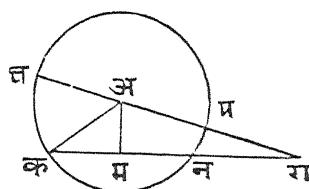
भुजौ १० । १७ । भूमि: ६ ।

यत्र त्रिभुजे भुजयोग्यांग दृग्राद-
ना लव्यम् २१ । अनेन भूस्तना न

६ स्यात् । अस्मादेव भूरपनीता

शेषार्थमृणगताऽऽवादा दिग्यैपरीत्येनेत्यर्थः । तथा जाते आवार्ये ६ ।
१५ अत उभयत्रापि जातो लम्बः = ८ । फलम् ३६ ।

अत्रोपपत्तिः । भुजवर्गान्तरन्तवावाधावर्गान्तरं भवतीति तावस्युप्रसिद्धमेव गणि-
तविदाम् । वर्गान्तरं तु योगान्तरवात्तममित्यतो भुजयोगान्तरवात्तवावाधायेगेन
भूमिमितेन भक्तस्तदाऽऽवाधयोरन्तरं स्याच्चतः संक्रमगणितवावार्ये सुर्येन ज्ञायेते ।
ततः स्वावाधावर्गोनभुजवर्गो लम्बवर्गस्तन्मूलं लम्बमानं भवतीति सुगममित्युपपन्ने
लम्बानयनपर्यन्तम् ।



अथवा, कल्पयते अकग त्रिभुजे अक, अग भुजौ कग भूमि: । अम लम्बः,
कम = प्रथमावाधा = प्राप्ता, मग = द्वितीयावाधा = द्विभाग । अथ अ विन्दोः अक
व्यासार्थेन कनपच वृत्त कार्यम् । तेन नग = आवाधयोरन्तरम् = आर्यं, गच = भुज-
योगः = भुयो, गप = भुजान्तरम् = भुयं ।

अत्र क्षेत्रमितेस्तृतीयाऽध्यायस्यैकार्थशीप्रतिज्ञया—

गक. नग = गच.गप

\therefore भू आर्यं = भुयो \times भुयं

\therefore आर्यं = $\frac{\text{भुयो} \cdot \text{भुयं}}{\text{भू}}$ क्षेत्रमितेस्तृतीयाऽध्यायस्यैकार्थशीप्रतिज्ञया—

प्रसाध्य ततः प्रागुक्तयैव अम लम्बमाने सुगमम् । उपपत्तम् ।

तथा चायते भुजकोटिवात्तसमं कलं भवतीति स्पष्टमतोऽत्र कम, अम भुजको-
टिभ्यां यदायतं भवेत्तस्य फलम् = अम . कम = २ Δ अकम । एवमेव अम . मग =
२ Δ अगम ।

द्वयोर्योगेन—

अम (कम + गम) = २ \triangle अकम + २ \triangle अगम

वा, अम . भू = २ (\triangle अकम + \triangle अगम)

वा, लं . भू = २ \triangle अकग

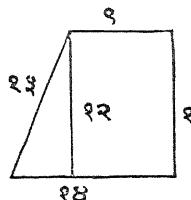
$$\therefore \triangle \text{ अकग} = \frac{\text{लं} \cdot \text{भू}}{२} \text{ अत उक्तं लम्बगुणं भूभ्यर्धमित्यादि ।}$$

चतुर्भुजत्रिभुजयोरस्पष्टस्पष्टफलानयने करणसूत्रं वृत्तम् ।
सर्वदौर्युतिदलं चतुः स्थितं वाहुभिर्विरहितं च तद्वधात् ।
मूलमस्फुटफलं चतुर्भुजे स्पष्टमेवमुदितं त्रिवाहुके ॥ १९ ॥

उदाहरणम् ।

भूमिश्चतुर्दशमिता मुखमङ्कसङ्ख्यं
वाहू त्रयोदशादिवाकरसमितौ च ।
लम्बोऽपि यत्र रविसंख्यक एव तत्र
क्षेत्रे फलं कथय तत् कथितं यदाद्यैः ॥ १ ॥

न्यासः ।



भूमिः १४ । मुखं ६ । वाहू १३ । १२ ।

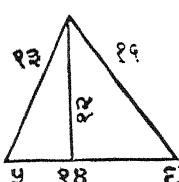
लम्बः १२ । उक्तवत्करणेन जातं क्षेत्र-

फलं करणी १४८०० । अस्याः पदं
किञ्चिन्मयूनमेकचत्वारिंशच्छतम् ।

१४१ । इदमत्र क्षेत्रे न वास्तवं फलं किन्तु लम्बेन निवनं कुमुखैवयखण्ड-
मिति वद्यमाणकरणेन वास्तवं फलम् १३८

अत्र त्रिभुजस्य पूर्वोदाहतस्य ।

न्यासः ।



भूमिः १४ । भुजौ १३ । १५ । अने-

तापि प्रकारेण त्रिवाहुके तदेव वास्तवं
फलम् ८४ । अत्र चतुर्भुजस्यास्पष्ट

मुदितम् ।

अत्रोपतिः । अत्र “त्रिभुजे भुजयोर्योगस्तदन्तरगुणे भुवा हतो लब्ध्ये”
त्याचाचार्यविधिना पूर्वकलिपत अकग त्रिभुजे लघवाबाधा = $\frac{ग^2 - (अ^2 - क^2)}{2 ग}$

ततः “स्वावाधाभुजकृत्योरन्तमूलं प्रजायते लम्ब” इत्यादिना लम्बवर्गः

$$= k^2 - \left\{ \frac{g^2 - (a^2 - k^2)}{2g} \right\}^2$$

वर्गन्तरं तु योगान्तरधातसमित्यनेन—

$$\text{लम्बवर्गः} = \left\{ k + \frac{g^2 - (a^2 - k^2)}{2g} \right\} \times \left\{ k - \frac{g^2 - (a^2 - k^2)}{2g} \right\}$$

$$= \frac{(k^2 + 2kg + g^2 - a^2) \{ a^2 - (k^2 - 2kg + g^2) \}}{4g^2}$$

$$= \frac{\{ (k+g)^2 - a^2 \} \{ a^2 - (k-g)^2 \}}{4g^2}$$

$$= \frac{(k+a+g)(k+g-a)(a+k-g)(a+g-k)}{4g^2}$$

अत्र भूम्यर्थवर्गो लम्बवर्गगुणो जातः फलवर्गः

$$= \frac{(a+k+g)(k+g-a)a+k-g)(a+g-k)}{16}$$

$$= \frac{a+k+g}{2}, \frac{k+g-a}{2}, \frac{a+g-k}{2}, \frac{a+k-g}{2}$$

अत्र यदि $\frac{a+k+g}{2} = स$ तदा

$$\frac{k+g-a}{2} = स-अ$$

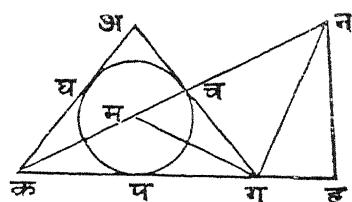
$$\frac{a+g-k}{2} = स-क$$

एवं $\frac{a+k-g}{2} = स-ग$

\therefore फलवर्गः = स (स-अ) (स-क) (स-ग) अस्य मूले फलमित्युपपन्नं त्रिभुजफलानयनमिति ।

अथवोपपत्तिः ।

अत्र कल्प्यते अकग्र त्रिभुजं यदन्तर्वृत्तस्य केन्द्रे म, व्यासार्धं मप, मघ वा मच, तथा च बाह्यवृत्तस्य केन्द्रं न, व्यासार्धं नह । अतोऽत्र कह रेखा भुजयागदल समा भवतीति क्षेत्रमित्या स्पष्टमेव । तथा अक, कग, अग भुजाश्च क्रमेण क, ग, अ इति कलिपता: । नग, मग रेखे विभेये ।



अथ लम्बगुणं भूम्यर्थं स्पष्टं त्रिभुजे फलं भवत्याचार्यविधिना—

$$\triangle \text{कमग} = \frac{\text{कग.मप}}{2} = \frac{\text{म.मप}}{2}$$

$$\text{एवं } \triangle \text{अमक} = \frac{\text{अक मप}}{2} = \frac{\text{क मप}}{2}$$

$$\triangle \text{अमग} = \frac{\text{अग मप}}{2} = \frac{\text{अ मप}}{2}$$

सर्वयोगेन—

$$\triangle \text{अकग} = \text{मप} \cdot \frac{\text{अ} + \text{क} + \text{ग}}{2} = \text{मप} \times \text{कह} = \text{त्रिफ}$$

अथ क्षेत्रमित्या मगप, नगह त्रिभुजयोः साजात्यात्—

$$\frac{\text{मप}}{\text{पग}} = \frac{\text{गह}}{\text{नह}}, \therefore \text{नह} = \frac{\text{पग} \times \text{गह}}{\text{मप}}$$

एवमेव कनह, कनप त्रिभुजयोः सजातित्वात्—

$$\frac{\text{मप}}{\text{कप}} = \frac{\text{नह}}{\text{कह}} \therefore \text{मप कह} = \text{कप नह} = \text{कप} \cdot \frac{\text{पग} \cdot \text{गह}}{\text{मप}}$$

$$\therefore \text{मप}^2 \cdot \text{कह} = \text{कप} \cdot \text{पग} \cdot \text{गह}.$$

$$\therefore \text{मप}^2 \cdot \text{कह}^2 = \text{कप} \cdot \text{पग} \cdot \text{गह} \cdot \text{कह} = \text{त्रिफ}^2$$

$$\text{परन्तवत्र कप} = \text{कह} - \text{पह} = \text{कह} - \text{अ} = \text{स} - \text{भ}$$

$$\text{पग} = \text{कह} - \text{अक} = \text{कह} - \text{क} = \text{स} - \text{क}$$

$$\text{एवमेव गह} = \text{कह} - \text{कग} = \text{कह} - \text{ग} = \text{स} - \text{ग}$$

$$\text{कह} = \text{स}$$

$\therefore \text{त्रिफ}^2 = \text{स} (\text{स} - \text{अ}) (\text{स} - \text{क}) (\text{स} - \text{ग})$ अस्य मूलं फलं भवत्युपपन्नं यथोक्तम् ।

अत्रैव अकग त्रिभुजे सरल त्रिकोणमित्या लम्बमानम् = क . ज्या < अकग, अत्र त्रिज्यारूपमिता ग्राह्या । तदा त्रिभुजफलम् ।

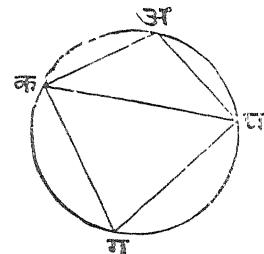
$$= \frac{\text{ल} \cdot \text{ग}}{2} = \frac{\text{क} \cdot \text{ग} \cdot \text{ज्या} < \text{अकग}}{2} \text{ इत्यपि भवति ।}$$

एतेन-भुजमध्यगकोणस्य जीवा दोर्यात्संगुणा । दलिताऽन्यप्रकारेण फलं वा स्थात्त्रिकोणके इति पद्यमुपपन्नं भवति ।

अथ वृत्तान्तर्गतवहुभुजस्य फलं प्रदर्शयते ।

अत्र कल्प्यते अकग्ध वृत्तान्तर्गत चतुर्भुजं यस्य

अक, कग, गघ, अघ मुजाः क्रमेण अ, क, ग, घ
कलिपताः । अत्र कध कणोभयपार्श्वगतत्रिभुजफलं
योरैक्यं वास्तवं अकग्ध चतुर्भुजस्य फलं भवतीति
स्थितिः ।



अतः प्रागुक्तया—

$$\triangle \text{अ. अघ. ज्या} < \text{कग्ध}$$

$$\triangle \text{अ. अघ. ज्या} = \frac{\text{अ. अघ. ज्या}}{2}$$

$$= \frac{\text{अ. घ. ज्या}}{2} < \text{कग्ध}$$

$$\text{एवं } \triangle \text{कग्ध} = \frac{\text{कग. गघ ज्या}}{2} < \text{कग्ध}$$

$$= \frac{\text{क. ग. ज्या}}{2} < \text{कग्ध}$$

अत्रापि सर्वत्र रूपमिता त्रिज्याऽवधेया ।

द्वयोस्त्रिभुजयोर्योगेन वास्तवं अकग्ध चतुर्भुजफलम्

$$= \frac{\text{अ. घ. ज्या}}{2} < \text{कग्ध} + \frac{\text{क. ग. ज्या}}{2} < \text{कग्ध}$$

परन्तु क्षेत्रमितेस्तृतोयाध्यायस्यैकविशीप्रतज्ञयत्—

$$< \text{कग्ध} = 180^\circ - < \text{कग्ध}, \therefore \text{ज्या} < \text{कग्ध} = \text{ज्या} < \text{कग्ध}$$

$$\therefore \boxed{\text{अकग}} = \frac{\text{अ. घ. ज्या}}{2} < \text{कग्ध} + \frac{\text{क. ग. ज्या}}{2} < \text{कग्ध}$$

$$= \frac{\text{ज्या} < \text{कग्ध} (\text{अ. घ.} + \text{क. ग.})}{2}$$

ततः सरलत्रिकोणमित्या—

$$\text{कोज्या} < \text{कग्ध} = \frac{\text{अ}^2 + \text{घ}^2 - \text{च}^2}{2\text{अ. घ.}} \quad \text{एवं कोज्या} < \text{कग्ध} = \frac{\text{क}^2 + \text{ग}^2 - \text{च}^2}{2\text{ग. क.}}$$

$$\therefore \text{च}^2 = \text{अ}^2 + \text{घ}^2 - 2\text{अ. घ. कोज्या} < \text{कग्ध}$$

$$\text{तथा } \text{च}^2 = \text{क}^2 + \text{ग}^2 - 2\text{क. ग. कोज्या} < \text{कग्ध}$$

$$\text{परं } \text{च} < \text{कग्ध} = 180^\circ - < \text{कग्ध}, \therefore \text{कोज्या} < \text{कग्ध} = -\text{कोज्या} < \text{कग्ध}$$

$$\therefore \text{अ}^2 + \text{घ}^2 - 2\text{अ. घ. कोज्या} < \text{कग्ध}$$

$$= \text{क}^2 + \text{ग}^2 + 2\text{क. ग. कोज्या} < \text{कग्ध}$$

अतः समशोधनादिना—

$$\text{कोज्या } \angle \text{कअघ} = \frac{\text{क}^2 + \text{ग}^2 - (\text{अ}^2 + \text{घ}^2)}{2 \cdot \text{क. ग} + 2 \cdot \text{अ. घ}}$$

कौटिज्यावर्गोन्त्रिज्यावर्गो ज्यावर्गः स्यादित्यतः—

$$\begin{aligned} \text{ज्या}^2 \angle \text{कअघ} &= 1 - \left\{ \frac{\text{क}^2 + \text{ग}^2 - (\text{अ}^2 + \text{घ}^2)}{2 \cdot \text{क. ग} + 2 \cdot \text{अ. घ}} \right\}^2 \\ &= \left\{ 1 + \frac{\text{क}^2 + \text{ग}^2 - (\text{अ}^2 + \text{घ}^2)}{2 \cdot \text{क. ग} + 2 \cdot \text{अ. घ}} \right\} \times \left\{ 1 - \frac{\text{क}^2 + \text{ग}^2 - (\text{अ}^2 + \text{घ}^2)}{2 \cdot \text{क. ग} + 2 \cdot \text{अ. घ}} \right\} \\ &= \frac{(\text{क} + \text{ग})^2 - (\text{अ} - \text{घ})^2}{2 \cdot \text{क. ग} + 2 \cdot \text{अ. घ}} \times \frac{(\text{अ} + \text{घ})^2 - (\text{क} - \text{ग})^2}{2 \cdot \text{क. ग} + 2 \cdot \text{अ. घ}} \\ &= \frac{(\text{क} + \text{ग} + \text{अ} - \text{घ})(\text{क} + \text{ग} + \text{घ} - \text{अ})(\text{अ} + \text{घ} + \text{क} - \text{ग})(\text{अ} + \text{घ} + \text{ग} - \text{क})}{4 \cdot (\text{क. ग} + \text{अ. घ})^2} \end{aligned}$$

अत्र यदि $\text{अ} + \text{क} + \text{ग} + \text{घ} = 2s$ तदा—

$$\text{क} + \text{ग} + \text{अ} - \text{घ} = 2s - 2\text{घ} = 2(\text{स} - \text{घ})$$

$$\text{क} + \text{ग} + \text{घ} - \text{अ} = 2s - 2\text{अ} = 2(\text{स} - \text{अ})$$

$$\text{अ} + \text{घ} + \text{क} - \text{ग} = 2s - 2\text{ग} = 2(\text{स} - \text{ग})$$

$$\text{अ} + \text{घ} + \text{ग} - \text{क} = 2s - 2\text{क} = 2(\text{स} - \text{क})$$

$$\therefore \text{ज्या}^2 \angle \text{कअघ} = \frac{4(\text{स} - \text{अ})(\text{स} - \text{क})(\text{स} - \text{ग})(\text{स} - \text{घ})}{(\text{क. ग} + \text{अ. घ})^2}$$

मूलग्रहणेन—

$$\text{ज्या } \angle \text{कअघ} = \sqrt{\frac{(\text{स} - \text{अ})(\text{स} - \text{क})(\text{स} - \text{ग})(\text{स} - \text{घ})}{\text{क. ग} + \text{अ. घ}}}$$

अत उत्थापनेन चतुर्भुजफलम्—

$$= \sqrt{(\text{स} - \text{अ})(\text{स} - \text{क})(\text{स} - \text{ग})(\text{स} - \text{घ})}$$

एतेनाचार्योक्तया वृत्तान्तर्गतस्यैव चतुर्भुजस्य फलं भवति नान्यस्येति । परं च निर्दिष्टभुजेभ्यो यावन्ति चतुर्भुजान्युत्पद्येत् तत्र वृत्तान्तर्गतस्यव भवतीत्पतः—

तथाहि—प्रागुक्त अकग्व चतुर्भुजे सम्मुखकोणयोर्योगो यदि भार्धांशसमो च स्यात्तदा कणोभयपार्श्वग्योद्याख्यभुजयोर्योगो हि चतुर्भुजफलं भवतीत्पतः—

$$\text{चफ} = \frac{\text{अ. घ. ज्या } \angle \text{कअघ}}{2} + \frac{\text{क. ग. ज्या } \angle \text{कग्व}}{2}$$

$$\therefore 4 \cdot \text{चफ} = 2 \cdot \text{अ. घ. ज्या } \angle \text{कअघ} + 2 \cdot \text{क. ग. ज्या } \angle \text{कग्व} \dots (1)$$

परन्तु सरल त्रिकोणमित्या—

$A^2 + B^2 - 2AB \cdot \cos C = C^2 + B^2 - 2BC \cdot \cos A$ कोज्या \angle कभव $= A^2 + B^2 - 2AB \cdot \cos C$ कोज्या \angle कभव
अत्रापि त्रिज्यारूपमिताऽवधेया ।

समशोधने—

$$A^2 + B^2 - C^2 - AB$$

$$= 2AB \cdot \cos C - 2BC \cdot \cos A \quad \dots \quad (2)$$

(१) (२) समीकरणयोर्वर्गयोगेन—

$$\begin{aligned} 16 \cdot C^2 + (A^2 + B^2 - C^2 - AB)^2 &= 4A^2 \cdot B^2 + 4C^2 \cdot G^2 - 8AB \cdot \cos C \\ \times (\text{कोज्या } \angle \text{ कभव} \cdot \text{कोज्या } \angle \text{ कभव} - \text{ज्या } \angle \text{ कभव} \cdot \text{अज्या } \angle \text{ कभव}) \\ &= 4A^2 \cdot B^2 + 4C^2 \cdot G^2 - 8AB \cdot \cos C \cdot \cos G \\ &= 4A^2 \cdot B^2 + 4C^2 \cdot G^2 - 8AB \cdot \cos C \cdot \cos G \end{aligned}$$

$$\text{अत्र } 2m = \angle A + \angle G$$

$$\text{अतः } 16 \cdot C^2 + (A^2 + B^2 - C^2 - AB)^2$$

$$= 4A^2 \cdot B^2 + 4C^2 \cdot G^2 - 8AB \cdot \cos C \cdot \cos G \quad (2\text{कोज्यारूप}-1)$$

$$= 4(A \cdot B + C \cdot G)^2 - 16AB \cdot \cos C \cdot \cos G$$

अतः समशोधने—

$$\begin{aligned} 16 \cdot C^2 &= 4(A \cdot B + C \cdot G)^2 - (A^2 + B^2 - C^2 - AB)^2 \\ &\quad - 16AB \cdot \cos C \cdot \cos G \end{aligned}$$

$$= 16(S-A)(S-B)(S-G) - 16AB \cdot \cos C \cdot \cos G$$

$$\text{अत्र } 2s = A + B + G \text{ तेन—}$$

$$C^2 = (S-A)(S-B)(S-G) - AB \cdot \cos C \cdot \cos G \quad \dots \quad (3)$$

अत्र यदि A, B, G , घ भुजाः स्थिरास्तदा (३) समीकरणस्यापरखण्डस्य परमाल्पत्वे चतुर्भुजफलं महत्तर्म भवति । परन्तु तत्परमाल्पत्वं तु कोज्याम अस्य परमाल्पतायां स्यात्तेन परमाल्प कोज्याम $= 0$. $\therefore m = 180^\circ$. $\therefore \angle A + \angle G = 180^\circ$ अतस्तत्र चतुर्भुजफलं वृत्तान्तः परं भवतीत्यत उपपन्नं यथोक्तमिति प्रसङ्गा गतविचारेण ।

अत्रैव (३) समीकरणापरपक्षस्याद्यान्यखण्डवशेन नीलाम्बरोक्तं विषमचतुर्भुजफलान्यन्यप्युपपन्नं भवति । अत्रान्ये ये विशेषास्तदर्थं *परिशिष्ट विलोक्यम् ।

* “कोणयोरभिमुखस्थयोर्दुतेः खण्डकोटिगुणवर्गसंगुणा ।

सर्वबाहुहृतिराद्यसंज्ञिका सर्वदोर्युतिदलं चतुर्स्थितम् ॥

बाहुभिर्विरहितं च तद्वधश्चान्य आद्यहितोऽस्य यत्पदं तत्फलं तु विषमे चतुर्भुजे”इति ।

अथ स्थूलत्वनिरूपणार्थं सूत्रं सार्ववृत्तम् ।
चतुर्भुजस्यानियतौ हि कर्णौ कथं ततोऽस्मिन्नियतं फलं स्यात् ।
प्रसाधितौ तच्छ्रवणौ यदायैः स्वकल्पितौ तावितरत्र न स्तः ॥२०॥

तेष्वेव वाहुष्वपरौ च कर्णविनेकधा क्षेत्रफलं ततश्च ।

चतुर्भुजे हि एकान्तरकोणावाक्रम्याऽन्तः प्रवेश्यमानौ भुजौ तत्संसक्तं स्वकर्णं सङ्कोचयतः । इतरौ तु वहिः प्रसरन्तौ स्वकर्णं वर्धयतः । अत उक्तं तेष्वेव वाहुष्वपरौ च कर्णविति ।

अत्रोपपत्तिः । अत्र चतुर्भुजस्यैकान्तरकोणावाक्रम्यान्तः प्रवेश्यमानेन तत्संसक्तकर्णस्य संकोचः स्यात्तथा तदितरस्य च वृद्धिः स्यादिति स्पष्टमेवातश्चतुर्भुजभुजेभ्यः उक्तानि चतुर्भुजानि समुत्पद्यन्ते । अत्रोऽत्र कर्णयोर्लम्बयोर्वाऽनिदेशे केवलभुजेभ्यः कतमस्य चतुर्भुजस्य फलं भवतीति तत्र तावज्ज्ञातुं न शक्यतेऽत उक्तं “चतुर्भुजस्यानियतौ हि कर्णवित्यादिं” ।

लम्बयोः कर्णयोर्वैकमनिर्दिश्यापरं कथम् ।
पृच्छत्यनियतत्वेऽपि नियतं चापि तत्फलम् ॥
स प्रच्छकः पिशाचो वा वक्ता वा नितरां ततः ।
यो न वेच्चि चतुर्वाहुक्षेत्रस्यानियतां स्थितिम् ॥

अत्र युक्तिः । अत्र “चतुर्भुजस्यानियतौ हि कर्णौ” वित्याद्याचार्यप्रतिपादित्युक्त्या केवलभुजेभ्योउक्तानि चतुर्भुजानि जायन्त इति दर्शितमेवातो लम्बयोः कर्णयोवकस्यानियतत्वे तत्फलस्याप्यनियतत्वं स्यादतो लम्बयोः कर्णयोर्वैत्याद्याचार्योक्तं युक्तियुपपत्तियन्न सर्वम् ।

अथ च न केवलं कर्णौ लम्बौ वा चतुर्भुजस्य नियतत्वप्रतिपादिकावपि तु तत्कोगावप्यतस्तदवगमकं सूत्रम् ।

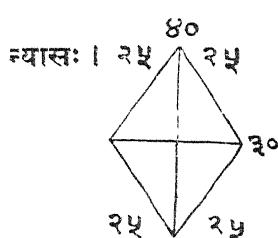
“लम्बयोः श्वसोर्वापि कोणयोर्वैकमन्तरा ।
अपरं हि कथं पृच्छत्यहो सुनियतं फलम् ॥” इति ।

समचतुर्भुजायतयोः फलानयने करणसूत्रं सार्वश्लोकद्वयम् ।
इष्टा श्रुतिस्तुल्यचतुर्भुजस्य कल्प्याऽथ तद्वर्गविवर्जिता या ॥२१॥
चतुर्गुणा वाहुकृतिस्तदीयं मूलं द्वितीयश्रवणप्रमाणम् ।
अतुल्यकर्णाभिमहितिर्द्विभक्ता फलं स्फुटं तुल्यचतुर्भुजे स्यात् ॥२२॥
समश्रुतो तुल्यचतुर्भुजे च तथाऽप्यते तद्भुजकोटिघातः ।
चतुर्भुजेऽन्यत्र समानलम्बे लम्बेन निधनं कुमुखैक्यखण्डम् ॥२३॥

अत्रोहेशकः ॥

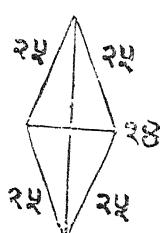
क्षेत्रस्य पञ्चकृतितुल्यचतुर्भुजस्य
कणीं ततश्च गणितं गणक प्रचद्य ।
तुल्यश्रुतेश्च खलु तस्य तथाऽयतस्य
यद्विस्तृती रसमिताऽष्टमिन्द्रि दैर्घ्यम् ॥ १ ॥

प्रथमोदाहरणे ॥



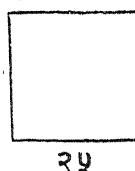
न्यासः । ४०

भुजाः २५ । २५ । २५ । २५ । अत्र त्रिं-
शनिमितामेकां ३० श्रुतिं प्रकल्प्य यथोक्तकर-
योन जाताऽन्या श्रुतिः ४० । फलश्च ६०० ।
अथ वा ।



द्वितीयोदाहरणे ॥

न्यासः



तत्कृत्योर्योगपदं कर्ण इति जाता कर-
णीगता श्रुतिरुभयत्र तुल्यैव १२५० ।
गणितच्च ६२५ ।

अथायतस्य ।

न्यासः ।



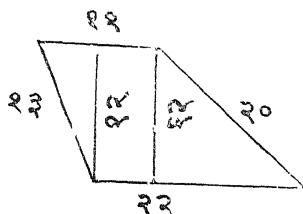
विस्तृतिः ६ । दैर्घ्यम् ८ । अस्य ग-

णितं ४० ।

उदाहरणम् ।

क्षेत्रस्य यस्य वदनं मदनारितुल्यं
विश्वम्भरा द्विगुणितेन सुखेन तुल्या ।
वाहू त्रयोदशनखप्रमितौ च लम्बः ।
सूर्योन्मितश्च गणितं वद तत्र किं स्यात् ॥ २ ॥

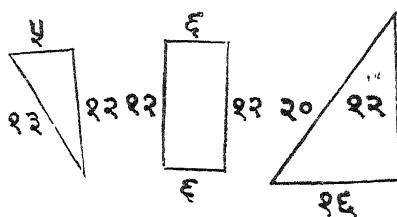
न्यास ।



वदनम् १२ | विश्वम्भरा २२ ।
वाहू १३ । २० लम्बः १२ ।
अत्र सर्वदोर्युतिदलमित्यादिना
स्थूलफलं २५० । वास्तवन्तु
लम्बेन निधनं कुमुखैर्ख्यखण्ड-

मिति जातं फलम् । १४८ । क्षेत्रस्य खण्डत्रयं कृत्वा फलानि पृथग-
नीय ऐक्यं कृत्वाऽस्य फलोपपत्तिर्दर्शनीया ।
खण्डत्रयदर्शनम् ।

न्यासः ।



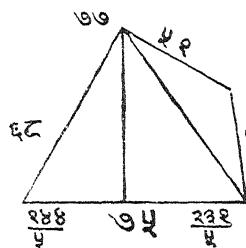
प्रथमस्य भुजको-
टिकर्णः ५ । १२ । १३
द्वितीयस्यायतस्य वि-
स्तृतिः ६ । दैर्घ्यम् १२

तृतीयस्य भुजकोटिकर्णः १६ । १२ । २० । अत्र त्रिभुजयोः क्षेत्रयोभु-
जकोटिद्वातार्थं फलम् । आयते चतुरस्त्रे क्षेत्रे तद्भुजकोटिद्वातः फलम् ।
यथा प्रथमक्षेत्रे फलम् ३० । द्वितीये ७२ । तृतीये १६ । एषामैक्यं सर्व-
क्षेत्रे फलम् । १४८ ।

अथान्यदुदाहरणम् ॥

पञ्चाशदेकसहिता वदनं यदीयं
भूः पञ्चसप्ततिमिता प्रमितोऽष्टषष्ठ्या ।
सब्द्यो भुजो द्विगुणविंशतिसप्तमितोऽन्य-
स्तसप्तमिन् फलं श्रवणलम्बमिती प्रचद्व ॥ ३ ॥

न्यासः ।

वदनम् ५१ । भूमिः ७५ ।
भुजौ ६८ । ४० ।

अन्रोपपत्तिः । यस्य समानान्तरचतुर्भुजस्य सर्वे भुजाः समानाः कोणाश्च विषमास्तत्समचतुर्भुजमित्युदीर्घते । तत्र कर्णै मिथो लम्बस्पावर्धितौ च भवति इति स्पष्टमेव गणितविदाम् । अतस्तत्रैकमिष्टं कर्णं प्रकल्प्य जातोऽन्यः कर्णः $= \sqrt{4\text{भु}^2 - \text{इक}^2}$ = अक ।

अथ च कर्णैभयतो ये द्वे ऋप्रत्ये तयोः फलैक्यं फलमिति ज्ञापकादिहापीष्टकर्णं भूमिं प्रकल्प्य “लम्बगुणं भूम्यर्थं स्पष्टं त्रिभुजे फल” मित्यनेनैकत्य त्रिभुजस्य फलम् $= \frac{\text{इक} \cdot \text{अक}}{4}$ एतस्मेव द्वितीयस्यापि भवति । फलयोः समत्वाच्चेनेदं फलं

द्विगुणं जारं समचतुर्भुजफलम् $= \frac{\text{अक} \times \text{इक}}{2}$ परन्तु यत्र कर्णै मिथोऽवलम्बरूपौ

भवतस्तत्र सर्वत्रैव कर्णद्वयवातो द्विभक्तश्चतुर्भुजफलं भवतीति तावत्स्पष्टमेव । तेन “कर्णै भवेतां किल यश्च लम्बौ परस्परं तत्र विशेषं पृष्ठः ।

अतुल्यकर्णाभिहतिर्द्विभक्ता फलं स्फुटं सर्वचतुर्भुजेषु” इति पदामुपन्नं भवति ।

यत्र तु कर्णै परस्परं लम्बरूपौ न स्तस्तत्र चतुर्भुजं फलान्यनाय मदीयः प्रकारः ।

कर्णमध्यगता जीवा कर्णद्वयातसमाहता ।

दलिताऽन्यप्रकारेण फलं सर्वचतुर्भुजे ॥ इति ॥

एवमायते वर्गक्षेत्रे च भुजकोटिवातसममेव फलं भवतीति रेखागणितेनाति सुगमम् । किमत्र पिष्टपेपणेन ।

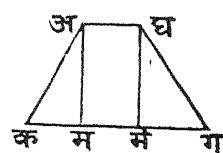
अथ च कल्प्यते अकग्रघ = समलम्बचतुर्भुजम् ।

यत्र अम, घस लम्बौ समौ ।

अत्र अकम, अममघ, घमग क्षेत्रत्रयाणां योगो वास्तवं अकग्रघ चतुर्भुजफलं भवतीति क्षेत्रदर्शनः स्पष्टमित्यतः—

$$\square \text{अकग्रघ} = \triangle \text{अकम} + \square \text{अममघ} + \triangle \text{घमग}$$

$$= \frac{\text{अम} \cdot \text{कम}}{2} + \text{अम} \cdot \text{मम} + \frac{\text{घम} \cdot \text{मग}}{2}$$



$$\begin{aligned}
 &= \frac{\text{अम}}{2} (\text{कम} + \text{मंग}) + \frac{2\text{अम}\cdot\text{मंग}}{2} \\
 &= \frac{\text{अम}}{2} (\text{कम} + \text{मंग} + 2\text{मंग}) \\
 &= \frac{\text{अम}}{2} (\text{वग} + \text{मंग}) \\
 &= \frac{\text{अम}(\text{कग} + \text{अघ})}{2} \\
 &= \frac{\text{अम}(\text{कु} + \text{सु})}{2} \text{ एतेनोपपन्नं सर्वमाचार्योक्तम् ।}
 \end{aligned}$$

अत्र फलावलम्बश्रुतीनां सूत्रं वृत्तार्द्धम् ।
ज्ञातेऽवलम्बे श्रवणः श्रुतौ तु
लम्बः फलं स्यान्नियतं तु तत्र ।
कर्णस्यान्नियतत्वाल्लम्बोऽप्यन्नियत इत्यर्थः ॥
अत्रोपपत्तिस्तु लम्बकर्णयोः कर्तस्यापि ज्ञानात्तदितरस्य ज्ञानं स्यादिति परि-
भाषास्त्रैव । कथं साध्यत इत्यग्रे प्रतिपादते ।

लम्बज्ञानाय करणसूत्रं वृत्तार्द्धम् ।
चतुर्भुजान्तस्त्रिभुजेऽवलम्बः
प्राण्वद्भुजौ कर्णभुजौ मही भूः ॥ २४ ॥

अत्र अम्बज्ञानार्थं सव्यभुजग्राहक्षिणभुजमूलगामी इष्टकर्णः सप्त-
सप्ततिमितः ७७ कलिपतस्तेन चतुर्भुजान्तस्त्रिभुजं कलिपतम् तत्रासौ
कर्ण एको भुजः ७७ । द्वितीयस्तुसव्यभुजः ६८ । ३ः सैव ७५ । अत्र
प्राण्वद्भुजो लम्बः ३०८ ।

अत्रोपपत्तिः । अत्र पूर्वकलिपत अकगव समानलम्बचतुर्भुजे कदं कर्णसंयोगेन
यत् वकग त्रिभुजसुतपद्यते तत्र कव, गव, कर्णभुजौ भुजौ तथा कग भूश्च भूरिति
प्रकल्प्य “त्रिभुजे भुजयोर्योग” हत्यादिविधिना यो लम्बस्तदेव घम वा अम सानं
भवेदित्युपपन्नम् ।

लम्बे ज्ञाते कर्णज्ञानार्थं सूत्रं वृत्तम् ।
यज्ञम्बलम्बवाश्रितबाहुवर्गविश्लेषमूलं कथिताऽवधा सा ।
तद्वूनभूवर्गसमन्वितस्य यज्ञम्बवर्गस्य पदं स कर्णः ॥ २५ ॥
अत्र सव्यभुजग्राल्लम्बः किल कलिपतः ३०९ ।

अतो जाताऽऽवाधा १४४ ।

तदूनभूवर्गसमन्वितस्येत्यादिना जातः कर्णः ७७ ।

अत्रोपपत्तिः । अत्रापि प्रागुक्त अकगव समानलम्बक चतुर्भुजे घम्, वग रेखयो-
र्वर्गन्तरपदं गमं मानं स्यात्तदूना कग भूः कम्, घम् रेखयोर्वर्गयोगमुलं कव कर्णमानं
स्यादित्युपपत्तं सर्वम् ।

द्वितीकर्णज्ञानार्थं सूत्रं वृत्तद्वयम् ।

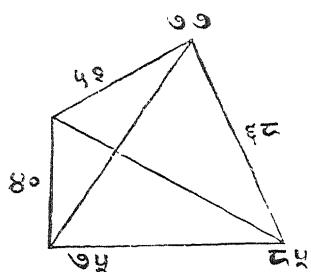
इष्टोऽत्र कर्णः प्रथमं प्रकल्पस्यत्वे तु कर्णभयतः स्थिते ये ।

कर्णं तयोः द्वामितरौ च वाहू प्रकल्प लम्बाववत्वे च साध्ये ॥२६॥

आवाधयोरेकककुप्स्थयार्थत् स्यादन्तरं तत्कृतिसंयुतस्य ।

लम्बैक्यवर्गस्य पदं द्वितीयः कर्णं भवेत्सर्वचतुर्भुजेषु ॥ २७ ॥

न्यासः



तत्र चतुर्भुजे सव्यभुजाग्राद् दक्षिण-

भुजमूलगामिनः कर्णस्य मानं कलिपतम्

७७ । तत्कर्णरेखावच्छिद्यस्य क्षेत्रस्य

मध्ये कर्णरेखोभयतो ये त्यस्ये उत्पन्ने

तयोः कर्णं भूमि तदितौ च भुजो प्रक-

ल्प्य प्राग्वलम्बः आवाधा च साधिता ।

तदश्शैनम् । लम्बः ६० । द्वितीयलम्बः २४ । आवाधयो ४५ । ३२ । रेक-

ककुप्स्थयारन्तरस्य १३ कृते १६६ । लम्बैक्य ४४ । कृतेश्च ७०५६ ।

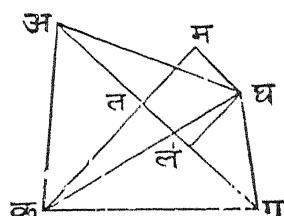
योगः ७२२५ । तस्य पदं द्वितीयकर्णप्रमाणम् ८५ ।

अत्रोपपत्तिः । अत्र अकगव चतुर्भुजान्तः

अग कर्ण कल्पनेन यत् अकग, अघग त्रिभुज-

द्यमुत्पद्यते तत्र प्रागुक्त्या लम्बाववत्वे

साधनीये ।



अथ कल = प्रथमलम्बः = प्रल, अल = प्रथमावाधा = प्रभा, घल = द्वितीयो-
लम्बः = द्विल, अल = द्वितीयावाधा = द्विभा.

कल लम्बं स्वमार्गं म पर्यन्तं वर्धयित्वा घम लम्बो विवेयः । तेन घमललं
आयतक्षेत्रं जातं यत्र लल = घम तथा च लम = घल = द्विल, अत्र कम =
कल + लम ।

१० प्रलं + द्वि = कोटि, घम = लळ = अलं-अल = द्विआ—प्रभा = भुजः ।
तथा कव = द्वितायः कर्णः = द्विक् ।

११ कव^२ = घम^२ + घम^२ = (प्रलं + द्विलं)^२ + (द्विआ-प्रभा)^२ = द्विंक^२
अस्य मूलं द्वितायः कर्णः भवेदित्युपपन्नम् ।

अत्रेष्टकर्णकल्पने विशेषोक्तिसूत्रं सार्ववृत्तम् ।
कर्णाश्रितं स्वल्पभुजैक्यमुर्वीं प्रकल्प्य तच्छेषमितौ च बाहू ।
साध्योऽवलम्बोऽथ तथाऽन्यकर्णः स्वोव्याः कथञ्चिच्छवणो न दीर्घः ॥२८॥
तदन्यलम्बान्न * लघुस्तथेदं ज्ञात्वेष्टकर्णः सुधिया प्रकल्प्यः ।
चतुर्भुजे हि एकान्तरकोणावाक्मय सङ्कोच्यमानं त्रिभुजत्वं याति
तत्रैककाणलग्नलघुभुजयोरैक्यं भूमितरौ भुजौ प्रकल्प्य साधितः
स च । लम्बादूनः सङ्कोच्य मानः कर्णः कथञ्चिदपि न स्यात् । तदितरो
भूमेराधको न स्यादेवमुभयथाऽपि बुद्धिमता ज्ञायते ।

अत्रोपपत्तिः । अत्रापि पूर्वकल्पित अकगच चतुर्भुजे अ, ग एकान्तरकोणा-
वाक्मयान्तः प्रवेशनेन त्रिभुजत्वं स्यात् यत्र कग, गच भुजौ भुजौ, अक, अघ
भुजयोर्योगो भूमिर्भवतीति प्रत्यक्षमेव । तत्र ‘त्रिभुजे भुजयोर्योग’ इत्या-
दिना ग स्थानाद्भुमयुपरि लम्बस्ततोऽन्यकर्णश्च साध्यः । अथाऽन्यकर्णतो लम्बस्य
सदैवाल्पत्वात्तकर्णतोऽधिकेष्टकर्णकल्पनेन चतुर्भुजस्त्वात् तदन्यलम्बान्न लघुरित्यपेक्षया
तदन्यकर्णान्न लघुरिति पाठः साधीयान् भवति, परन्त्वत्रोदाहृतचतुर्भुजे कर्णयोः परस्परं
लम्बरूपत्वात् ‘तदन्यलम्बान्न लघु’रित्याचार्योक्तं सङ्खच्छते । तथा च त्रिभुजे भुज-
द्रययोगतस्तुतीयभुजोऽलपो भवतीति प्रसिद्धत्वादिहापीष्टकर्णां भुजद्रवयोगरूपभूमेराधि-
को न भवितुं युज्यत इति युक्तियुक्तमिति ।

विपमचतुर्भुजफलानयनाय करणसूत्रं वृत्तार्द्धम् ।
सत्यस्ते तु कर्णोभयतः स्थिते ये
तयोः फलैक्यं फलमत्र नूनम् ॥ २९ ॥
अनन्तरोक्तक्षेत्रान्तस्त्रयस्तयोः फले । ४३४२३१० ।
अनयोरक्यं ३२३४ तस्य फलम् ।
अत्रोपपत्तिस्तु स्फुटैव ।

* तदन्यकर्णान्न लघुरिति पाठः साधीयान् ।

† अन्यकर्णादून इति पाठः साधुः ।

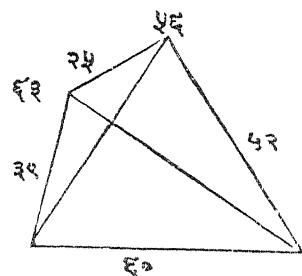
समानलम्बस्यावाधादिक्रानाय करणसूत्रं वृत्तद्वयम् ।

समानलम्बस्य चतुर्भुजस्य
मुखोनभूमिं परिकरण्य भूमिम्
भुजौ भुजौ त्यस्तवदेव साध्ये
तस्यावधे लम्बमितिस्ततश्च ॥ ३० ॥
आवाधयोना चतुरस्तभूमि-
स्तस्त्वंवर्गेत्यपदं श्रुतिः स्यात् ।
समानलम्बे लघुदोः कुयोगा-
न्मुखान्यदाःसंयुतिराहपका स्यात् ॥ ३१ ॥

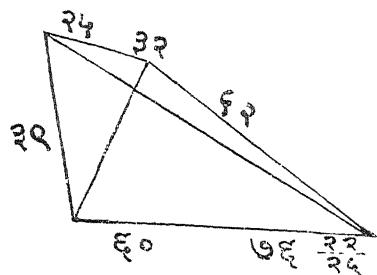
उदाहरणम् ।

द्विपञ्चाशन्मितव्येकचत्वारिंशन्मितौ भुजौ ।
मुखं तु पञ्चविंशत्या तुल्यं पष्टया मही किल ॥ १ ॥
अतुल्यलम्बकं क्षेत्रमिदं पूर्वेरुदाहृतम् ।
पट्पञ्चाशत् त्रिष्पिष्ठश्च नियते कणयोर्मिती ।
कर्णे तत्रापरौ व्रूहि समलम्बं च तच्छ्रूती ॥ २ ॥

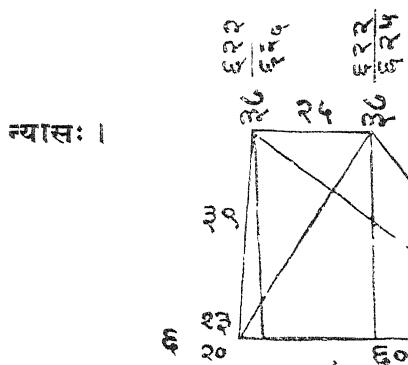
न्यासः । अत्र वृहत्कर्णे त्रिष्पिष्ठमितं
प्रकल्पय जातः प्राग्वदन्यः कर्णः ५६ ।
अथ पट्पञ्चाशतस्थाने द्वात्रिंशन्मितं
कर्णे ३२ प्रकल्पय प्राग्वत्साध्यमाने
कर्णे ।



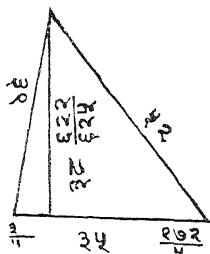
न्यासः ।
जातं करणीखण्डद्वयं ६२१ ।
२७०० । अनयोर्मूलया २४३३ ।
५१३५ । रैक्यं द्वितीयः कर्णः
७६३३ ।



अथ तदेव क्षेत्रं चेत्समलम्बम् ।



न्यासः ।



यकर्णवर्गः २१७६ । अनयोरासन्मूलकरणेन जातौ कर्णौ ७१९० ।
४६१२ । एवं चतुरस्ये तेष्वेव बाहुधन्यौ कर्णौ बहुधा भवतः ।

तदा मुखोः
नभूमि परि-
कल्प्य भूमि-
मितिज्ञानार्थ-
श्यस्त्रंकल्पि-
तम् ।

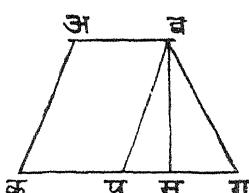
अत्रावाधे जाते दृ । १७२ ।

लम्बश्च करणीगतो जातः ३८०९६

आसन्नमूलकरणेन जातः ३८६२३४

अयं तत्र चतुर्भुजे समलम्बः
लघ्याऽवायोनितभूमेः समलम्बस्य
च वर्गयोगः ५०४९ अयं कर्ण-
वर्गः । एवं बहुदावाधातो द्विती-

यक्रोपपत्तिः । अत्रापि अकग्रघ समान-
लम्बचतुर्भुजे घ स्थानात् अक समानान्तरा
घप रेखाकरणेन यत् घपग त्रिभुजं जातं तत्र
“त्रिभुजे भुजयोर्योग” इत्यादिना घम लम्ब-
स्तथा गम आवाधा च साधनीया । अत्र
कम = कग-गम = भू-आ, घम लम्बश्च
पूर्वमेव साधितोऽतोऽनयोर्वर्गयोगमूलं कदं कर्णमानं भवेदित्युपपत्तं सर्वम् ।

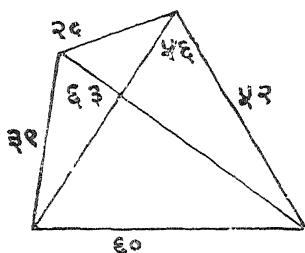


एवमनियतत्वेऽपि नियतावेव कर्णावानीतौ ब्रह्मगुप्तायैस्तदानयनं यथा ।

कर्णाश्रितभुजघातैक्यमुभयथाऽन्योऽन्यभाजितं गुणयेत् ।

योगेन भुजप्रतिभुजवधयोः कर्णौ पदे विषमे ॥

न्यासः ।



कर्णाश्रितभुजघातेति एक वारम्-
नयो २५।३६ ग्रातः ६७५। तथा ५२।६०
अनयोग्रातः ३१२०। घातयोर्द्वयोरैक्यम्
४०६५। तथा द्वितीयवारं २५।५२ अन-
योग्राते जातं १३००। तथा ३६। ६०।
अनयोग्राते जातं २३४० घातयोर्द्वयोरै-
क्यं ३६४०। एतदैक्यं भुजप्रतिभुजयोः ५२। ३६। घातः २०२८ पश्चात्
२५। ६० अनयोर्व्यायः १५०० तयोरैक्यं ५४२८। अनेनैक्येन २६४० गुणि-
तं जातं पूर्वैक्यं १२८४। प्रथमकर्णाश्रितभुजघातैक्येन ४०६५ भक्तं
लब्धं ३१३६। अस्य मूलं ५६। एककर्णस्तथा द्वितीयकर्णर्थं प्रथमकर्णा-
श्रितभुजघातैक्यं ४०६५। भुजप्रतिभुजवधयोग ३५२८ गुणितं जातं
१४४४७। १६०। अन्यकर्णाश्रितभुजघातैक्येन ३६४०। भक्तं लब्धं ३६६४।
अस्य मूलं ६३ द्वितीयः कर्णः। अस्मिन् विषये क्षेत्रकर्णसाधने अस्य
कर्णानयनस्य प्रक्रियागोरवम्।

अत्रोपपत्तिः । अत्र पूर्व वृत्तान्तर्गतचतुर्भुजफलानयने साधिता कभव
कोणकोटिज्या $= \frac{अ^2 + व^2 - च^2}{2 \cdot अ \cdot व}$ एवं कगध कोणकोटिज्या $= \frac{क^2 + ग^2 - च^2}{2 \cdot क \cdot ग}$

परन्तु वृत्तान्तश्चतुर्भुजे संसुखकोणयोर्योगल्य भार्धांशसमत्वात्—

कोज्या \angle कभव = —कोज्या \angle कगध.

$$\therefore \frac{अ^2 + व^2 - च^2}{2 \cdot अ \cdot व} = -\frac{क^2 + ग^2 - च^2}{2 \cdot क \cdot ग}$$

समच्छेदीकृत्य छेदगमेन—

$$अ^2 \cdot क \cdot ग + व^2 \cdot क \cdot ग - च^2 \cdot क \cdot ग = -(क^2 \cdot अ \cdot व + ग^2 \cdot अ \cdot व - च^2 \cdot अ \cdot व)$$

समशोधनेन—

$$च^2 (अ \cdot व + क \cdot ग) = अ^2 \cdot क \cdot ग + व^2 \cdot क \cdot ग + क^2 \cdot अ \cdot व + ग^2 \cdot अ \cdot व.$$

$$= अ \cdot क (अ \cdot ग + क \cdot व) + व \cdot ग (अ \cdot ग + क \cdot व)$$

$$= (अ \cdot ग + क \cdot व) (अ \cdot क + ग \cdot व)$$

$$\therefore च^2 = \frac{(अ \cdot ग + क \cdot व) (अ \cdot क + ग \cdot व)}{अ \cdot व + क \cdot ग}$$

$$एवमेव अग^2 = \frac{(अ \cdot व + क \cdot ग) (अ \cdot ग + क \cdot व)}{अ \cdot क + ग \cdot व} \text{ पृतयोर्मूले क-}$$

र्जमाने भवतः । युत्कर्णानयनं वृत्तान्तश्चतुर्मुजपरमेवेति धोरैखगन्तव्यम् ।

अत्रापि विशेषापपत्त्यर्थं परिशिष्टप्रकरणं द्रष्टव्यम् ।

लघुप्रक्रियादर्शनद्वारेणाह ।

अभीपृजात्यद्वयवाहुकोट्यः परस्परं कर्णहता भुजा इति ।

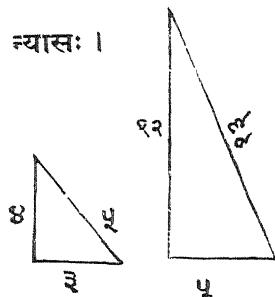
चतुर्मुजं यद्विषमं प्रकलिपतं श्रुती तु तत्र त्रिभुजद्वयात्ततः ॥३२॥

वाहावैव्यः कोटिवधेन युक् स्यादेका श्रुतिः कोटिभुजावधैक्यम् ।

अन्या लघौ सत्यपि साधनेऽस्मिन् षूर्वैः कृतं यद्गुहु तत्र विद्धः ॥३३॥

जात्यक्षेत्रद्वयम् ।

न्यासः ।



एतयोरितरेतरकर्णहता भुजाः कोट्यः

भुजा इति कृते जातं २५ । ६० । ५२ । ३४ ।

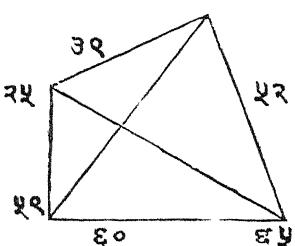
तेषां महती भूलघु मुखमितरौ वाहू इति
प्रकल्प्य क्षेत्रदर्शनं इमौ कणौ महतायासेनानीतौ ६३ । ५६ । अस्यैव जात्यद्वयस्योत्तरे-
तरभुजकोट्योर्धातौ जातौ ३६ । २० अन-
योरक्यमेकः कर्णः ५६ । वाहाः ३ । ५ ।

कोट्योश्च । ४ । १२ । वातौ १५ । ४८ । अनयोरैक्यमन्यः कर्णः ६३ ।

एवं श्रुती स्याताम् । एवं सुखेन जाते ।

अथ यदि पार्श्वभुजयोर्व्यत्ययं कृत्वा न्यस्तं क्षेत्रम् ।

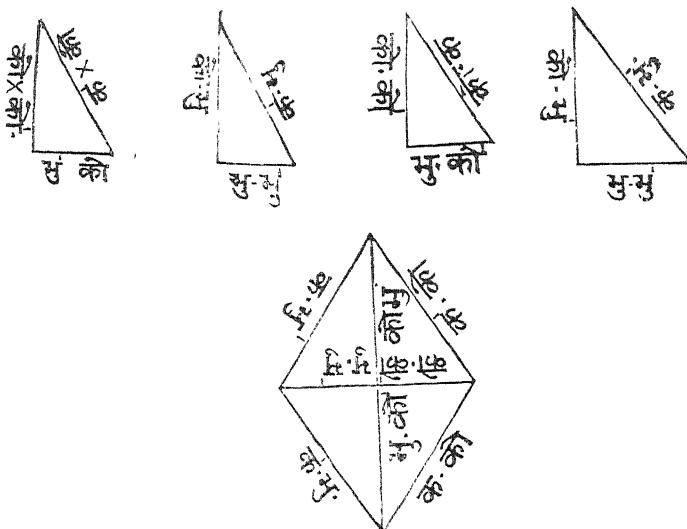
न्यासः ।



तदा जात्यद्वयकर्णयोब्धः ६५

द्वितीयकर्णः ।

अत्रोपपत्तिः । अत्र प्रथममिष्टं जात्यद्वयं कलिपतं यत्राद्यस्य मुजकोटिकर्णाः
क्रमेण भु, को, क तथा द्वितीयल्य च भु, को', क इति कलिपताः । अथ सु, को,
क पृथक् पृथक् को', भु अभ्यां संगुणनेन ये द्वे जात्यत्रिभुजे समुत्पद्यते ते चाच्यस्य
सजातीये भवत इति क्षेत्रमित्या स्पष्टमेव । एवमेव भु, को', क पृथक् पृथक् को,
भु आस्यां संगुण्य ये त्रिभुजे ते चापिद्वितीयस्य सजातीये । एवं कृते चत्वारि
त्रिभुजान्युत्पद्यन्ते ।



एतेषां जात्यचतुष्यानां संयोगेन जातं विषमचतुर्भुजम् ।

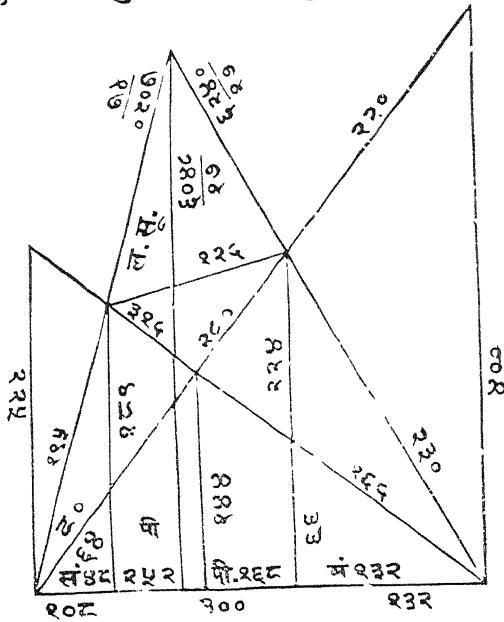
अत्र चतुर्भजे श्वाचायांके कर्णपानं भवतीति प्रत्यक्षमेवात उपपनं सर्वम् ।

अथ मु, को, क यदि क अनेन गुणितास्तथा च मु, को', क यदि क गुणितास्तदा त्रिभुजद्वयं जातं, अनयोः संयोगेन यद्विषमं चतुर्भुजं स्यात्तत्र भुजास्तु पूर्वोक्तभुजसमा एव तथैकः कर्णश्च कर्णयोर्धातसमो भवतीतिस्पष्टमेव । तेन “पाइर्वभुजयोर्दर्थत्यय” मित्यादि भाष्यस्थमुपपत्तेः ।

अथ सूचीक्रेत्रोदाहरणम् ॥

क्षेत्रे यत्र शतत्रयं (३००) क्षितिमितिस्तस्त्वेन्दु (१२५) तुल्यं मुखं
वाहू खोल्कातिभिः (२६०) शरातिधृतिभिः (१६५) स्तुल्यौ च तत्र श्रुती ।
एका खाप्यमैः (२८०) समा तिथिः (३१५) गुणैरन्याऽथ तस्मिन्को
तुल्यौ गोधृतिभिः (१८४) स्तथा जिन (२२४) यमैर्योगाच्छ्रवोलम्बयोः॥१॥
तत्खण्डे कथयाधरे श्रवणयोर्गोगाच्छ्रवोलम्बवधे
तस्मूची निजमार्गबृद्धभुजयोर्योगाद्यथा स्यात्ततः ।
स्वावाधं वद् लम्बकं च भुजयोः सूच्याः प्रमाणे च के
सर्वं गाणितकं प्रचक्षव नितरां क्षेत्रेऽत्र दक्षोऽसि चेत् ॥ २ ॥
अथ सन्ध्याद्यानयनाय करणसूत्रं वृत्तद्वयम् ।
लम्बतदाश्रितवाहोर्मध्यं सन्ध्याख्यमस्य लम्बस्य ।
सन्ध्यूना भूः पीठं साध्यं यस्याधरं खण्डम् ॥ ३४ ॥

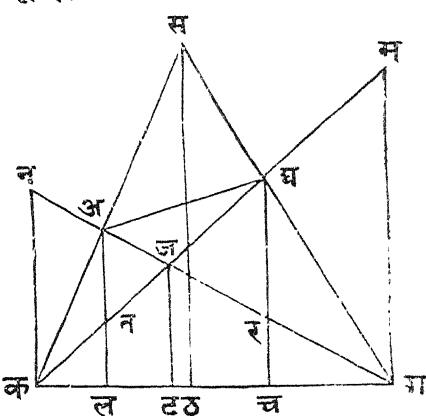
परलम्बः २२४ भूमि ३०० गुणो हारेण १५० भक्तो जातः सूचीलम्बः
 $\frac{६०५८}{१७}$ । सूचीलम्बवेन भुजो १६५ । २६० । गुणितो स्वस्वलम्बाभ्यां
 १८८ । २२४ यथाक्रमं भक्तो जातो स्वमार्गं वृद्धो सूचीभुजो ६०५० ।
 $\frac{७०२०}{१७}$ । एवमत्र सर्वत्र भागहारराशिप्रमाणम् । गुणयगुणको तु यथा-
 योन्यं फलेच्छे प्रकल्प्य सुधिया वैराशिकमुद्यम् ।



सूच्यावारे १५२६ । २५७४ ।
भूमानम् ३०० मुखम् १२५ । वाहू ३६० । १६५ कणों २८० । ३१५।
लम्बौ १८४ । २२४ । स

अथ सर्वाक्षेत्रोपपत्तिः ।

अत्र अकाघ चतुर्खंजे यस्य
कघ, अग कणी, अल, वच
आद्यान्यलम्बौ स्तः । कल = आ-
द्यसन्धिः = आसं, गल = आद्य
पोठम् = आपी, गच = अन्य-
सन्धिः = असं, कच = अन्य-
पीठम् = अपी ।



अत्र कतल्, कव व त्रिभुजयोः साजात्यतः —

$$\text{कत} = \frac{\text{कव}}{\text{कच}} = \frac{\text{कव} \cdot \text{आसं}}{\text{अपी}}$$

$$\text{तथा तल} = \frac{\text{घच}}{\text{कच}} = \frac{\text{अलं} \cdot \text{आसं}}{\text{अपी}}$$

अथ क, ग विन्द्रोः कग भूम्युपरि कन, गम लम्बौ निर्माय गभ, कव कर्णौ न, म पर्यन्तं वर्धनीयौ । तेनात्र गकन, गभल त्रिभुजयोः साजात्यतोऽनुपातेन—

$\text{कन} = \frac{\text{अलं} \times \text{कग}}{\text{गल}} = \frac{\text{अलं} \cdot \text{भू}}{\text{अपी}}$ एवं गम = $\frac{\text{अलं} \cdot \text{भू}}{\text{अपी}}$ तत आभ्यां कन, गम दंशाभ्यां “अन्योन्यमूलाग्रगसृत्रयोगा” दित्याद्याचार्यविधिना जट लम्बस्तथा तदीयाबाधे च साध्ये ।

अथ च घ स्थानात् अक समानान्तरा घह विधानेन अकल; घचह त्रिभुजे मिथः सजातीये तेनानुपातेन—

$$\text{हच} = \frac{\text{कल}}{\text{अल}} = \frac{\text{घच}}{\text{अल}} = \frac{\text{आसं} \cdot \text{अल}}{\text{अल}} = \text{सम} = \text{स}$$

ततः हच + गच = असं + स = हारः = हा = गह

त्र घह रेखा अक सामानान्तरा तेन गघह, गसक त्रिभुजे सजातीये । ततः षष्ठाध्यायेन—

$$\frac{\text{कह}}{\text{गह}} = \frac{\text{घस}}{\text{गघ}} \text{ परन्तु } \frac{\text{घस}}{\text{गघ}} = \frac{\text{चठ}}{\text{गच}}$$

$$\therefore \frac{\text{कह}}{\text{गह}} = \frac{\text{चठ}}{\text{गच}}$$

योगनिष्पत्या—

$$\frac{\text{कह} + \text{गह}}{\text{गह}} = \frac{\text{चठ} + \text{गच}}{\text{गच}}$$

$$\text{वा } \frac{\text{कग}}{\text{गह}} = \frac{\text{गठ}}{\text{गच}} = \frac{\text{कठ}}{\text{हच}}$$

$$\therefore \text{गठ} = \frac{\text{कग} \cdot \text{गच}}{\text{गह}} = \frac{\text{भू} \cdot \text{असं}}{\text{हा}} = \text{सूचीआबाधा} ।$$

$$\text{एवं कठ} = \frac{\text{कग} \cdot \text{गच}}{\text{गह}} = \frac{\text{भू} \cdot \text{स}}{\text{हा}} \text{ द्वितीयाबाधा} ।$$

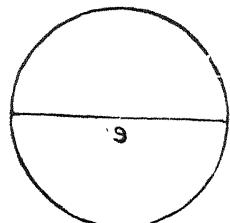
तथा च गघच, गसठ त्रिभुजयोः साजात्यतः सूचीभुजलम्बयोज्ञानं छबोधमित्युपपन्नं सर्वं भास्करोक्तं सूचीप्रपञ्चम् ।

अथ वृत्तकेने करणसूत्रं वृत्तम् ।
व्यासे भनन्दाश्चि (३६२७) हते विभक्ते
खवाणसूर्यः (१२५०) परिधिः स सूचमः ।
द्वाविंशति (२२) घने विहृतेऽथ शत्रैः (७)
स्थूलोऽथवा स्याद्व्यवहारयाम्यः ॥ ४० ॥

उदाहरणम् ।

विष्कम्भमानं किल सूत (७) यत्र
तत्र प्रमाणं परिधिः प्रचद्व ।
द्वाविंशति— (२२) यत् परिधिप्रमाणं
तद्व्याससङ्ख्यां च सुखे विचिन्त्य ॥ १ ॥

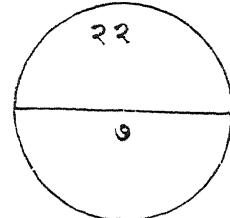
न्यासः ।



व्यासमानम् ७ । लघुं परिधि
मानम् २११२३४५६७ स्थूला वा परि-
धिर्लब्धः २२ ।

अथवा परिधितो व्यासानयनायः

न्यासः ।



गुणहारविपर्ययेण व्यासमानं
सूचमं ७ इहैऽस्थूलं वा ७ ।

अत्रोपपत्तिः । अथ रूपव्यासाधंडर्धपरिधिमानम् = प = ३१४१५९...-भवती-
त्येतदर्थं मन्त्रिमितचापीयत्रिकोणगणितस्य १२२ पृष्ठमवलोकनीयम् । अत्रैव स्था-
नत्रयस्य दशमलवावयवग्रहणेन स्वल्पान्तरात्परिधिः = ३१३१६ = ३१५३७ एतेन
प्रथमः प्रकार उपपत्तिः ।

अत्रैव यदि स्थानद्वयस्य दशमलवावयवो गृह्णते तदाऽतिस्थूलः परिधिः =
३१४२ = $\frac{3}{7}$ उपपत्तो द्वितीयः प्रकारः ।

अत्रैवावाचार्यादपि सूक्ष्मपरिधिमानार्थं मदीर्यं चापीयत्रिकोणगणितं विलाकर्णीयं
किमत्र पुनः प्रतिपादनेन ।

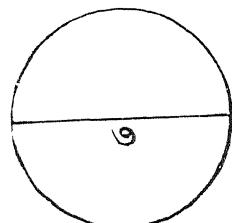
वृत्तगोलयोः फलानयने करणसूत्रं वृत्तम् ।
 वृत्तक्षेत्रे परिधिगुणितव्यासपादः फलं तत्
 क्षुण्णं वेदैरुपरि परितः कन्दुकस्येव जालम् ।
 गोलस्यैवं तदपि च फलं पृष्ठजं व्यासनिधनं
 षडभिर्भेक्तं भवति नियतं गोलगर्भं घनाख्यम् ॥ ४१ ॥

उदाहरणम् ।

यद्यासस्तुरगैर्मितः किल फलं क्षेत्रे समे तत्र किं
 व्यासः सप्तमितश्च यस्य सुमते गोलस्य तस्यापि किम् ।
 पृष्ठे कन्दुकजालसन्निभफलं गोलस्य तस्यापि किं
 मध्ये ब्रूहि घनं फलं च विमलां चेद्वेत्सि लीलावतीम् ॥ २ ॥

वृत्तक्षेत्रफलदर्शनाय

न्यासः ।



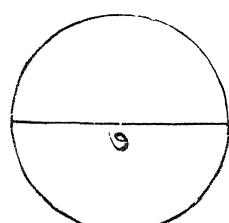
व्यासः ७ ।

परिधिः २१ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ ।

क्षेत्रफलम् ३८ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ ।

गोलपृष्ठफलदर्शनाय

न्यासः ।

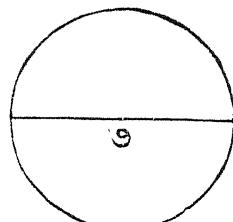


व्यासः ७ ।

गोलपृष्ठफलम् १५३ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ ।

गोलान्तर्गतघनफलदर्शनाय

न्यासः ।



व्यासः ७ ।

गोलस्यान्तर्गतं घनफलम्

१७६ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ ।

अत्रोपपत्तिः । कस्यापि वृत्तिपरिधेस्तथा सूक्ष्मविभागो विधेयो यथैकस्य
 विभागस्य मानं विन्दुरुपं भवेत्तेन तत्राधारवशेन वृत्तकेन्द्रितो जात्यरुपं त्रिभुजं-
 समुत्पद्यते व्यासार्धलम्बयोस्तत्राभेदात् । एवं प्रतिविभागेऽन्यस्तद्व्यासमानि

ताद्वश्चात्रभुजानि जायन्ते तत्रैकस्य फलमानमानीय सत्संख्यया गुणनेन वास्तववृत्त-
स्थ फलं भवतीति स्फुरं गणितविदाम् ।

अतः कलप्यते परिधिः = प, ताद्वश्चिभागसंख्या = न = $\frac{1}{2}$

वृत्तव्यासार्धम् = $\frac{\text{व्या}}{2}$, एकस्य परिधिभागस्य मानम् = $\frac{प}{न}$ = भुजः ।

\therefore एकस्य त्रिभुजव्यासे फलम् = $\frac{\text{व्या}}{2} \cdot \frac{प}{2n} = \frac{प \times \text{व्या}}{4n}$ इदं न संख्यया संगुणं

जातं वृत्तफलम् = $\frac{प \times \text{व्या}}{4}$ अत उपपन्नं वृत्तक्षेत्रे परिधिगुणितव्यासपादः फलमिति

एतदानयनं सरलत्रिकोगणगतिर्नापि भवति । तथाचात्र विशेषोपपत्त्वर्थं
परिशिष्टप्रकरणं दृष्टव्यम् ।

अथ गोलपृष्ठफलानयने तु कलप्यते
अथ व्यासरेखोपरि अकगच वृत्तार्ध-
चापम् । कग कस्यापि वृत्तान्तस्तुल्य
बहुभुजक्षेत्रस्य भुजार्धमानम् । केन =
के वृत्तकेन्द्रात् कग रेखोपरि लम्बरेखा ।
कर, नम, गय व्यासोपरि लम्बरेखाः ।

अत्र अथ व्यासोपरि वृत्तार्धचापप्राम्यमाणेनैको गोलः तथा कग पूर्णज्यायाः
परिभ्रमणेन गोलान्तःकस्यसमतलमस्तकपरिधिक्षेत्रं चोत्पद्यते यस्य मस्तक-
परिधिः = मप, तद्व्यासार्धम् = कर, एवं तलपरिधिः = तप, व्यासार्धम् = गय
अत्र २प रूपव्यासार्धीयपरिधिर्बोध्यः ।

अथात्राद्यान्तपरिधियोर्योगखण्डं कग पूर्णज्यया गुणं तत्क्षेत्रत्वं पृष्ठफलं भवतीति
तावत्प्रसिद्धत्वात्—

$$\text{पृष्ठफलम्} = \frac{\text{कग} (\text{तप} + \text{मप})}{2}$$

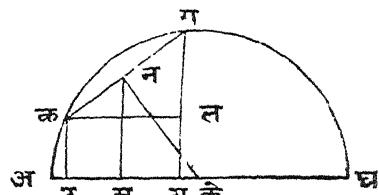
$$= \frac{\text{कग}}{2} (\text{यग} + \text{कर}) 2\text{प}$$

$$= \text{कग} \cdot 2\text{प} \cdot \text{नम}$$

$$\left(\text{अत्र } \frac{\text{यग} + \text{कर}}{2} = \text{नम} \right)$$

अत्र कगल, केनम त्रिभुजयोः साजात्यतः—

$$\frac{\text{कग}}{\text{कल}} = \frac{\text{केन}}{\text{नम}} = \frac{\text{कग}}{\text{यर}} \therefore \text{कग} \cdot \text{नम} = \text{केन} \cdot \text{यर}$$



१. पृष्ठफलम् = २५ . केन्यर ।

अत्र वृत्तान्तःस्थबहुभुजसंख्यामानं यथा यथोपचार्यते तथा तथा कग भुजमा-
नमपचार्यते । एवं परमाधिकेऽनन्तसमे बहुभुजसंख्यामाने कग मानं परमालयं
शून्यसमं भवति, तत्र केन रेखाहावश्यमेव गोलव्यासार्थं 'त्रिं समं स्यात्तथाऽनीतं
पृष्ठफलं तु तलमस्तकपरिध्यन्तर्गतगोलखण्डस्थैव पृष्ठफल भवत्यतः बलव्याकारगोल-
खण्डपृष्ठफलम् = २५. त्रि. यर.(१)

अत्रैव यदि यर, अव समा कल्प्यते तदा (१) समीकरणागतफलं वास्तवं
गोलपृष्ठफलं भवत्यतः—

वा. गो घ. फ. = २५. त्रि. ३त्रि.

= गोलपरिधि, व्या

= गो. प. व्या ४

४

= ४ वृत्तक्षेत्रफलम् . उपपन्नम् ।

अथ घनफलसाधार्थं तु मत्कृतचार्याद्यत्रिकोणगणितस्य त्रिष्टुतिमं पृष्ठ-
मवलोकनीयं किमत्र प्रयासेन ।

अथ प्रकारान्तरेण तत्फलानयने करणसूत्रं सार्ववृत्तम् ।

व्यासस्य वर्गं भनवाग्निनिध्ने सूक्ष्मं फलं पञ्चसहस्रभक्ते ।

रुद्राहते शक्रहतेऽथवा स्यात् स्थूलं फलं तद्व्यवहारयोग्यम् ॥४२॥

घनीकृतव्यासदलं निजैक चिंशांशयुग्मोलघनं फलं स्यात् ।

न्यासः ७ । अस्य वर्गं ४४ । भनवाग्निनिध्ने पञ्चसहस्रभक्ते
तदेव सूक्ष्मं फलम् $\frac{३८५}{४}$ । अथवा व्यासस्यवर्गं ४४ । रुद्राहते
५३३ । शक्रहते लघ्वं स्थूलं फलम् $\frac{३८५}{४}$ । घनीकृतव्यासदलम् $\frac{३४३}{४}$

निजैकचिंशांशयुग्मोलस्य घनफलं स्थूलम् १७६३ ।

अत्रोपपत्तिः । अ नन्तरोक्ताचार्यप्रकारेण—

$$\text{घ. फ.} = \frac{\text{परिधि} \times \text{व्या}}{4} = \frac{\text{व्या} \times ३९२७}{१२९०} \cdot \frac{\text{व्या}}{4} = \frac{\text{व्या}^2 \cdot ३९२७}{५०००}$$

उपपन्नः प्रथमः प्रकारः ।

$$\text{यदि च परिधिः} = \frac{\text{व्या} \cdot २२}{७} \cdot \text{तदा}$$

$$\text{घ. फ.} = \frac{\text{व्या} \cdot २२ \cdot \text{व्या}}{७ \cdot ४} = \frac{११ \cdot \text{व्या}^2}{१४} \text{ उपपन्नो द्वितीयः प्रकारः}$$

अथ गोलपृष्ठफलानयनोपपत्तिस्थिरेऽपि मस्तकपरिधिर्यदि सूत्यसमं कल्पयते तदा
क बिन्दुः अ बिन्दिद्वंव स्यात्तदा तत्र (१) समोकरणागत फलं तलपरिध्यावधि
गोलखण्डय प्रष्टफलं भवत्यतः—

गोलखण्डपृष्ठफलम् = २४. त्रि. अय = गोलपरिधि. वाण ।

एतेन— वाणेन युणितो गोलपरिधिः पृष्ठजं फलम् ।

गोलीयशकलस्यैव व्यक्तेन विधिना स्फुटम् ॥ इत्युपपद्यते ।

अथ पूर्वस्मिन्द्रेव अंते—

कर = मस्तकपरिधिव्यासार्थम् = व

गय = तलपरिधिव्यामार्दम् = वृ

यर = उच्चिति. = अय-अर = वा॑-वा = उ

वा० = उ + वा तथा च त्रि० = गोलव्यासार्धम् ।

ततोऽन् “त्रियोत्कमज्या निहतेर्दलस्य मूलं तदर्धाशकशिङ्गिनी” त्यादि
ग्रन्थकारस्य उपर्युक्तस्या—

$$\text{ज्या}^2 \frac{1}{r} \text{ अकचाप} = \frac{\text{त्रि. वा}}{2}$$

$$= \frac{\text{कर}^2 + \text{अर}^2}{x}$$

एवमेव ज्याति अगच्छप = त्रिवा

$$= \frac{गय^2 + अय^2}{4}$$

$$= \frac{dy}{dx} + \frac{dy}{dx}$$

$$= \frac{b^2}{a} + (\frac{a+b}{a})^2$$

अत्र (१) (३) समीकरणयोः साम्यकरणेन—

$$\frac{b^2 + c^2}{2bc} = \frac{b^2 + (a+b)^2}{2bc}$$

समच्छेदीकृत्य छेदापगमेन—

$$(उ+वा) (व^३ + वा^३) = वा \left\{ व^३ + (उ+वा)^२ \right\}$$

$$व^३.उ + उ. वा^३ + वा व^३ + वा^३ = वा. व^३ + वा^३. उ + वा^३.$$

$$उ^३. वा + वा (व^३ - व^३) + वा^३. उ = उ. व^३$$

$$वा, वा (व^३ - व^३ + उ^३) + वा^३. उ = उ. व^३$$

$$\therefore व^३ = वा^३ + वा. \frac{व^३ - व^३ + उ^३}{उ}$$

$$= वा^३ + वा. \left\{ \frac{व^३ - व^३}{उ} + उ \right\}$$

$$\text{अत्र यदि गु} = \frac{व^३ - व^३}{उ} + उ \text{ कल्पतेर्य}$$

$$\text{तदा } व^३ = वा^३ + वा. \text{ गु}$$

वर्गपूरणेन—

$$व^२ + \frac{गु^२}{४} = वा^२ + वा. गु + \frac{गु^२}{४}$$

मूलग्रहणेन—

$$\text{मूल} = वा + \frac{गु}{२}$$

$$\therefore वा = मूल - \frac{गु}{२}$$

एतेन—

व्यासार्धवर्गान्तरशुच्छयाहृद्युक्ते गुणस्तद्वर्गयुक्तात् ।

मूलं सुखव्यासदलस्य वर्गाद्गुणार्धं होनं हि शरस्तदीयः ॥ इत्युपपद्यते ।

अथानन्तरानीतप्रकारेण शरमानमानीय ततो “ज्याक्ष्यासयोगान्तरवात्मूल”
मित्यादिवक्ष्यमाणाचार्यविधिवैपरीत्येन गोलव्यासं तत्परिधिं च विज्ञाय गोलपृष्ठ-
फलानयनोपपत्तिस्थ (१) समीकरणेन—

बलयाकारगोलखण्डस्य पृष्ठफलम् = २ प. त्रि. यर = गो. परिधि. वेघ ।

तथा वप्रफलानयनार्थं तु मत्कृतचापीयत्रिकोणगणितं द्रष्टव्यम् । तेनोपपत्तं

गोलस्य परिधिर्वैधगुणितः पृष्ठज्ञ फलम् ।

बलये वप्रके व्यासो मध्यान्तश्चापसंगुणः ॥” इतिपद्यम् ।

अथ गोलखण्डघनफलानयनार्थं तु तत्र तावत्करण्यते—

$$\text{मस्तकवृत्तव्यासार्थम्} = \text{अर}$$

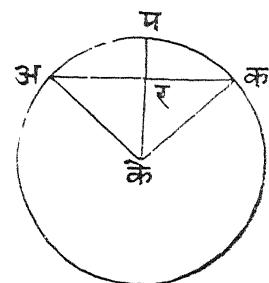
$$= \text{कर} = \text{ब} \mid$$

$$\text{बागः} = \text{पर} = \text{वा}$$

$$\text{गोलकेनद्रम्} = \text{के}$$

$$\text{गोलव्यासार्थम्} = \text{त्रि} \mid$$

अत्र के अपक, के अक सूचीक्षेत्रयोर्धनफलयोरन्तरं वास्तवं अपक गोलशकलस्य घनफलं भवतीति तावत्केत्रदर्शनतः स्फुटं गणितगोलविदाम् ।



अथात्र तावत्प्रथमे यथोक्तया अपक गोलखण्डस्य पृष्ठफलमानोय तद्वेधरुणं त्रिभिर्भक्तं तदा के अपक सूच्या घनफलं भवतोत्यतः—

$$\text{गोलपरिधि. वा. वे} \\ \text{के अपक सूचीघनफलम्} = \frac{3}{3}$$

$$= \frac{\text{गोलपरि. वा. त्रि}}{3}$$

$$\text{एवं के अक सूचीघनफलम्} = \frac{\text{मस्तकपरिधि. २ ब. वे}}{4 \cdot 3}$$

$$= \frac{\text{प. वे}^2 \cdot \text{वे}}{3}$$

$$= \frac{\text{प. वे}^2 (\text{त्रि-वा})}{3}$$

द्वयोः फलयोरन्तरेण—

$$\text{गोलखण्डघनफलम्} = \text{गो. परि. वा. त्रि} - \frac{\text{प. वे}^2 (\text{त्रि-वा})}{3}$$

$$= \frac{2 \text{ प. त्रि}^2 \cdot \text{वा}}{3} - \frac{\text{प. वे}^2 (\text{त्रि-वा})}{3}$$

$$= \frac{\text{प.}}{3} \left\{ 2 \text{ त्रि}^2 \cdot \text{वा} - \text{वे}^2 (\text{त्रि-वा}) \right\} \dots (1)$$

$$= \frac{\text{प.}}{3} \left\{ \text{त्रि} (2 \text{ त्रि-वा} - \text{वे}^2) + \text{वे}^2 \cdot \text{वा} \right\}$$

$$= \frac{\text{प.}}{3} (\text{त्रि वा}^2 + \text{वे}^2 \cdot \text{वा})$$

अत्र यदि त्रि.वा² + वे².वा = कस्यापिवृत्तस्य व्यासः

$$\text{तदा गोलखण्डवनफलम्} = \frac{\frac{प-ब}{प-व}}{\frac{प-व}{प-व}}$$

(अत्र पैदा व्यासे परिधिः)

एतेन—

शरव्यासखण्डे स्वनिम्ने विनिम्ने क्रमादोलजव्यासखण्डाशुगाभ्याम् ।

तयोः संयुतिस्तत्समे व्यासमाने वृतीरामभक्ता घनाख्यं फलं स्थात् ॥ इत्यपपद्यते

अत्रैव (१) समीकरणे व^२ = वा (२ त्रि-वा) इति स्वीकृत्यते तदा—

$$\text{गोलखण्डघनफलम्} = \frac{4}{3} \quad \left\{ \begin{array}{l} 2 \text{ त्रि}^2 \text{ वा-वा } (2 \text{ त्रि-वा}) (\text{त्रि-वा}) \\ \end{array} \right\}$$

$$= \frac{p \cdot v}{3} (3 \text{ निवा-वा })$$

$$= \frac{p \cdot v a^2}{3} (3 \text{ त्रि- } va)$$

$$= p \cdot v a^2 \left(\frac{b^3 + v a^3}{3 v a} - \frac{v a}{3} \right)$$

$$= \frac{p \cdot va}{c} (\sqrt{b^2 + va^2})$$

$$= \frac{4}{6} \cdot \text{वा} (\text{ } \sqrt{\text{ब}^2 + \text{वा}^2})$$

अत्रापि यदि वा ($३\text{ ब}^३ + \text{वा}^३$) = कस्यापित्यासः स्थात् = $\frac{१}{५}$ तस्य प-
रिधिः = पः वा ($३\text{ ब}^३ + \text{वा}^३$) = $\frac{१}{५}$ ।

一一四

$$\text{अतः गोलखण्डघनफलम्} = \frac{1}{6}$$

एतेन—व्यासार्धवर्गस्त्रिगुणः शरस्य वर्गेण युक्तो निहतः शरेण ।

तदव्यासमाने परिधीरसास्रो गोलीयखण्डस्य घनं फलं वा इत्युपपद्यते ।

अत्रैव (२) समीकरणे—

आप त्रिशूलगोलीयव्यासखण्डं समाहतम् ।

शरवर्गेण तद्रूप्यासे परिधिः फलमेव वा ॥ वा इति पद्यं सम्यगुपच्यते ।
अन्नैव मस्तकतलवृत्तावधिः गोलखण्डयोर्योक्त्या बनफले आनीय तयोरन्तरेण
बलयाकारस्य गोलशकलस्थ बनफलं भवतीति तावत्सुप्रसिद्धमतस्तद्वासना सूचको
मर्दीयातिचमत्कारकः प्रकारः ।

व्यासार्धवर्गौ त्रिगुणौ विशेषौ योगस्तयोरुच्छितिवर्गयुक्तः ।
तदुच्छितिन्नः परिक्लिप्य साध्यो व्यास सुवीभिः परिधिः सुसूक्ष्मः ।
रसहृष्टपरिधिः सूक्ष्मं बनात्मकफलं बुधाः ।
बलयाकृतगोलीयशकलस्थ भयद्रम्भवम् ॥ इति ।
अन्नान्ये ये विशेषपास्तदर्थं परिशिष्टप्रकरणं द्रष्टव्यम् ।
अथ बनफलानयते तु । “द्वाविशतिन्ने विहृतेऽथ शैठे” रित्यादिना जातः स्थूलः
परिधिः $= \frac{22 \text{ व्या}}{7}$ ततो “वृत्तक्षेत्रे परिधिगुणितव्यासपादः फल” मित्यादिना—

$$\begin{aligned} \text{गोलबनफलम्} &= \frac{22 \text{ व्या}}{7} \times \frac{\text{व्या}}{4} \times \frac{\text{व्या}}{6} \\ &= \frac{22 \text{ व्या}^3}{7 \times 6} = \frac{22 \text{ व्या}^3}{2 \times 21} = \frac{\text{व्या}^3}{2} + \frac{\text{व्या}^3}{2 \times 21} \end{aligned}$$

पतेनोपपन्नामाचार्योक्तम् ।

शरजीवानयनाय करणसूत्रं सार्वद्वृत्तम् ।

ज्याव्यासयोगान्तरग्रात्मूलं व्यासस्तदूनो दलितः शरः स्यात् ॥ ४३ ॥

व्यासान्छुरोनाच्छुरसंगुणाच्च मूलं द्विनिधनं भवतीह जीवा ।

जीवार्धवर्गं शरभक्तयुक्ते व्यासप्रमाणं प्रवदन्ति वृत्ते ॥ ४४ ॥

उदाहरणम् ॥

दशविस्तृतिवृत्तान्तर्यत्र ज्या परिमता सखे ।

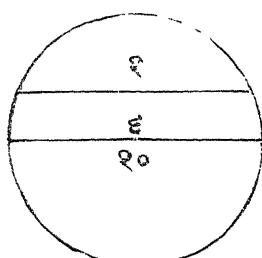
तत्रेषु वद वाणाऽज्ज्यां ज्यावाणाभ्यां च विस्तृतिम् ॥ १ ॥

न्यासः

व्यासः १० । ज्या ६ । योगः

१६ । अन्तरम् ४ । यातः ६४ । मूलम् ८।

एतदूनो व्यासः २ । दलितः १ । जातः शरः १ । व्यासात् १० । शरोनात् ६ । शर १ संगुणात् ६ । मूलं ३ द्विनिधनं जाता जीवा ६ । एवं ज्ञाताभ्यां ज्यावाणाभ्यां व्यासानयनं यथा । जीवार्धं ३ । वर्गे शर १ भक्ते ६ । शर १ युक्ते जातो व्यासः १० ।



अत्रोपपत्तिः । अत्र ज्याशब्देन पूर्णज्या वोच्या ।
तेनात्र कल्पयते अक = ज्या, के = वृत्तकेन्द्रम् ।

गप = शरः = श । गप = वृत्तव्यासः = व्या ।

अथ क्षेत्रमित्या—

$$\text{केप}^2 = \text{अक}^2 - \text{अप}^2 ।$$

$$= (\text{अके} + \text{अप}) (\text{अके} - \text{अप})$$

$$= 4 \cdot \frac{(\text{अके} + \text{अप})(\text{अके} - \text{अप})}{4}$$

$$= \frac{(2\text{अके} + 2\text{अप})(2\text{अके} - 2\text{अप})}{4}$$

$$= \frac{(\text{व्या} + \text{ज्या})(\text{व्या} - \text{ज्या})}{4}$$

मूलघणेन—

$$\text{केप} = \frac{\text{मू}}{2} \therefore \text{गप} = \text{केग} - \text{केप} = \frac{1}{2} \text{ज्या} - \frac{\text{मू}}{2} = \frac{\text{ज्या} - \text{मू}}{2} = \text{श}$$

अत उक्तं ज्याव्यासयोगात्तरवात्मूलं व्यासस्तदूनो दलितः शर इति ।

$$\text{तथा च अप}^2 = \text{केभ}^2 - \text{केप}^2$$

$$= (\text{केभ} + \text{केप})(\text{केभ} - \text{केप})$$

$$= \text{घप} \times \text{गप}$$

$$= (\text{व्या} - \text{श}) \text{ श}$$

अतोऽस्य मूलं द्विगुणं अक जीवा स्थात् । एवमस्य दैवरीत्येन

$$\text{व्यासः} = \frac{\text{अप}^2}{\text{श}} + \text{श} = \left(\frac{1}{2} \text{ज्या} \right)^2 + \text{श} \text{ अत उपपन्नं सर्वन् ।}$$

अथ यदि चापमानं स्वरूपं तदा शरजीवाभ्यां चापज्ञानार्थसुपायः प्रदर्शयते ।

कल्पयते चापमानम् = चा, रूपव्यासार्थऽस्यमानम् = ष, वृत्तव्यासार्थम् = अ,
चापपूर्णज्या = पू, चापार्धपूर्णज्या = पू ततः सरलत्रिकोणगणितेन—

$$\text{चा} = \text{ष}, \text{अ}, \text{पू} - 2\text{ज्या} \frac{1}{2} \text{प. अ}, \text{एवं पू} = 2\text{ज्या} \frac{1}{2} \text{अ},$$

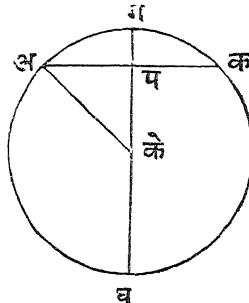
$$\therefore \text{पू. य} = 2\text{ज्या} \frac{1}{2} \text{अ. य}, \text{पू. र} = 2\text{ज्या} \frac{1}{2} \text{अ. र}.$$

$$\therefore \text{पू. य} + \text{पू. र} = 2\text{अ} (\text{ज्या} \frac{1}{2} \text{अ. य} + \text{ज्या} \frac{1}{2} \text{अ. र})$$

ततः सरलत्रिकोणमित्या—

$$\text{ज्यापू} = \frac{1}{2} - \frac{\text{प}^2}{2.3.4} + \frac{\text{प}^4}{2.3.4.9.2} - \dots \dots \text{इत्यादि}$$

$$\text{ज्यापू} = \frac{1}{2} - \frac{\text{प}^2}{2.3.4} + \frac{\text{प}^4}{2.3.4.6.4} - \dots \dots \text{इत्यादि}$$



एतदर्थं मत्कृतचार्पायत्रिकोणगणितस्य लघुरिक्षथप्रकरणं विलोकनीयम् ।

$$\therefore पू-य + पू-र = ३अ \left\{ \left(\frac{y}{2} + \frac{r}{4} \right) p - \left(\frac{y}{8} + \frac{r}{64} \right) p^3 + \dots \right\} \dots \dots \quad (1)$$

$$\text{यद्यत्र } \frac{y}{2} + \frac{r}{4} = \frac{1}{2}, \frac{y}{8} + \frac{r}{64} = 0 \text{ कल्प्यते तदा } y = -\frac{1}{2}, r = \frac{1}{2}$$

अतः (१) समीकरणे हृत्यापनेन—

$$\begin{aligned} \frac{6p^3}{3} - \frac{p}{2} &= अ.p - \frac{अ.p^3}{7680} \text{ स्वलपान्तरात्} \\ &= चा - \frac{चा.p^3}{7680} \\ &= चा \left(1 - \frac{p^3}{7680} \right) \end{aligned}$$

$$\therefore \frac{6p^3 - p}{3} = चा स्वलपान्तरात् ।$$

एतेन—

नागैहैता चापदलज्यकोना चापज्यया रामविभाजिता स्थात् ।

स्थूलं महचापमतो विलोमात्साध्या सुधीभिर्वृत्तुर्ध्यजीवा ॥ इत्युपपद्यते
अत्रैव यदि चापचतुर्थशजीवा = पूर्ण कल्प्यते, तदाऽपि पूर्वीनीतप्रकारेण—

$$\frac{269 \frac{p^3}{4} + p - 40 \frac{p^3}{4}}{49} = चा \left(1 + \frac{p^3}{20643840} \right) \text{ इति भवति}$$

$$\therefore \frac{266 \frac{p^3}{4} + p - 40 \frac{p^3}{4}}{49} = चा स्वलपान्तरात् ।$$

एतेन—

चापाङ्किर्जीवा नृपवर्गनिर्दीर्घा चापज्ययादया धनुर्वर्षमौर्या ।

खेदनिष्ठ्या रहितेषुवेदविभाजिता वा धनुरस्फुटं स्थात् ॥ इति सम्युगुपपद्यते ।

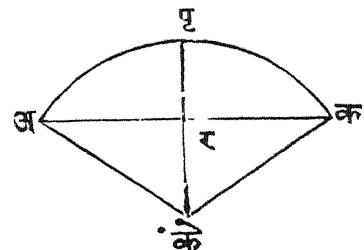
अथ धनुःक्षेत्रफलानयनार्थं तु

कल्प्यते अक = ज्या, अपृक = धनुः =

चा । अत्र अपृक चाप-क्षेत्रं यस्य फलानयनमभीष्यम् । तचु केअपृक, केअक क्षेत्रफलयोरन्तरसमं भवतीत्यतः—

केअपृकक्षेत्रफलम् = $\frac{\sqrt{4-चा}}{4} \cdot चा$
परिधि

$$= \frac{व्या \cdot चा}{4} \text{ एवं } \triangle \text{केअक} = \frac{\text{अक} \cdot \text{केर}}{2} = \frac{\text{ज्या} (\text{केपू-पूर})}{2}$$



$$\begin{aligned}
 & \text{अनयोरन्नरेणाभीष्ठचापक्षेत्रफलम्} \\
 = & \frac{\text{व्या} \cdot \text{चा}}{4} - \frac{\text{ज्या} (\text{केष्ट} - \text{पूर})}{2} \\
 = & \frac{\text{व्या} \cdot \text{चा} - 2 \cdot \text{ज्या} \cdot \text{केष्ट} + 2 \cdot \text{ज्या} \cdot \text{पूर}}{4} \\
 = & \frac{\text{व्या} \cdot \text{चा} - \text{ज्या} \cdot \text{व्या} + 2 \cdot \text{ज्या} \cdot \text{श}}{4} \\
 = & \frac{\text{व्या} (\text{चा} - \text{ज्या}) + 2 \cdot \text{ज्या} \cdot \text{श}}{4} \quad \text{एतेनोपपन्नमन्योक्तपदम्} *
 \end{aligned}$$

अथ जात्यन्निभुजस्य कोटि स्थिरां कृत्वा तत्परितः कण्ठेखाभ्रमणेन अत्केन्द्रम् । त्पद्यते सैव समसूचीति कथं प्रते तस्या एव पृष्ठफलात्यनार्थसुपायः प्रदद्यते ।

कल्प्यते अकव. समसूची यस्यावेदः = अग
तथाऽधारवृत्तच्यासार्थम् = कग । अनयोर्वर्गयो-
गमूलेन कर्णः = अक ।

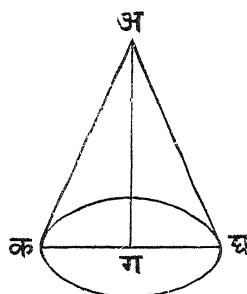
अथाधारवृत्तपरिवेः न विभागं कृत्वा प्रति-
भागः $\frac{प}{n}$ अयं भूमिष्ठः तथा सूचीकर्णी भुज-
रूपावेच न समानि त्रिभुजान्युत्पद्यते तत्रैकस्य फलं
न संख्यया गुणं स्थूलं सूचीपृष्ठफलं भवतीति स्थितिः ।
अत एकस्य तादृशत्रिभुजस्य फलम् = $\frac{\sqrt{प} \cdot ल}{n} \cdot \frac{ल}{2}$

∴ इदं न अनेन गुणं जातः

सर्वेषां त्रिभुजफलानां योगः = $\frac{\sqrt{प} \times ल}{2} \cdot ल$ अत्र न मानं यथा यथाऽधिकं
स्यात्तथा तथा पूर्वानीतफलं वास्तवसूचीपृष्ठफलासन्नं स्यात्तेन परमाऽधिकेऽनन्तसमे
न माने तु तद्वास्तवपृष्ठफलमेव भवत्यतो वास्तवसूचीपृष्ठलम्

$$= \frac{\sqrt{प} \cdot अक}{2}$$

अथ वा क बिन्दौ सूर्ची छित्वा भूमौ स्थापनेन सरलाकारकं त्रिभुजं स्याद्यस्य
सूचीयाधारवृत्तपरिधिस्पा भूमिस्तया सूचीकर्णौ च भुजौ स्तः । अतोऽस्य यत्फलं तदेव
सूचीपृष्ठफलं स्यात्तत्तु पूर्वानीतसमीकरणसमेव ।



* धनुर्जीवान्तरादव्यासनिहताच्छरजीवयोः ।

वातेन द्विगुणेनाद्यादव्यं: स्पष्टधनुः फलम् मिति ।

पतेन—

आधारवृत्तपरिधिवेदव्यासार्थवर्गयोः ।

योगमूलहतो द्वाभ्यां भक्तः पृष्ठफलं भवेत् । इति ॥ सम्यगुपत्यते ।

अथवृत्तान्तस्त्रयस्त्रादिनवास्त्रान्तक्षेत्राणां भुजमानानयनाय करणसूचं
वृत्तत्रयम् ।

त्रिद्वाङ्गश्चिनभश्चन्द्रै—(१०३४२३)

स्त्रिवाणाप्युगाष्टमिः (८४५४३)

वेदाश्चिनवाणखाश्चैश्च (७०५३४)

खखाभ्रात्वरसैः (६००००) क्रमात् ॥ ४५ ॥

बाणेषुनखवाणैश्च (५२०५५)

द्विद्विनन्देषुसागरैः (४५४२२)

कुरामदशवेदैश्च (४१०३२)

वृत्तव्यासे समाहते ॥ ४६ ॥

खखखाभ्राकं (१२००००) संभक्ते

लभ्यन्ते क्रमशो भुजाः ।

वृत्तान्तस्त्रयस्त्रपूर्वाणां

नवास्त्रान्तं पृथक् पृथक् ॥ ४७ ॥

उदाहरणम् ।

सहस्रद्वितयव्यासं यद्वृत्तं तस्य मध्यतः ।

समत्रयस्त्रादिकानां मे भुजान् वद पृथक् पृथक् ॥ १ ॥

अथ वृत्तान्तस्त्रिभुजे भुजमानानयनाय

न्यासः । व्यासः २००० । त्रिद्वाङ्गश्चिनभश्च-

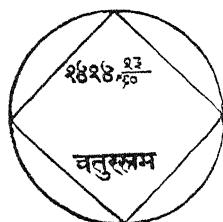
न्द्रै—(१०३४२३) गुणितः ।

(२०७८४६०००) खखखाभ्राकं—(१२००००)

र्भको लघ्वं त्र्यस्ते भुजमानम् १७३२११ ।



वृत्तान्तश्रुतुभुजे भुजमानानयनाय



न्यासः । व्यासः २००० । त्रिवाणाप्युगाष्टमिः—

(८४५४३) गुणितः (१६६७०६०००) खखखा-

भ्राकं—(१२००००) र्भको लघ्वं चतुरस्तेभुज-

मानम् १४१४१३ ।

वृत्तान्तः पञ्चमुजे भुजमानानयनाय

व्यासः ।



व्यासः २००० । वेदाग्निवाणखाद्वै—
(६०५३४) गुणितः (१४१०६८०००) खख-
खाभ्राकै—(१२००००) भक्तो लब्धं पञ्चाम्भे
भुजमानम् ११७५ १०० ।

वृत्तान्तः षड्मुजे भुजमानानयनाय

व्यासः ।



व्यासः २००० । खखाभ्राम्भरसै (६००००) गुणि-
तः (१२००००००००) खखखाभ्राकै—(१२००००)
भक्तो लब्धं षड्मुजमानम् १००० ।

वृत्तान्तः सप्तमुजे भुजमानानयनाय

व्यासः ।



व्यासः २००० । वाणेषुनखवाण—(५२०५५) गु-
णितः (१०४११००००) खखखाभ्राकै—(१२००००)
भक्तो लब्धं सप्ताम्भुजमानम् ८६७ १०० ।

वृत्तान्तरष्टमुजे भुजमानानयनाय

व्यासः ।



व्यासः २००० । छिद्रिनन्देषुसागरै—(४५४२२)
गुणितः (४१८४४०००) खखखाभ्राकै—
(१२००००) भक्तो लब्धमष्टाम्भुजमानम्
७६५ १०० ।

वृत्तान्तर्नवभुजे भुजमानानयनाय
न्यासः ।



न्यासः २००० । कुरामदशवेद् (४१०३१) मुणितः (८२०६२०००) खसखाभ्राकै (२०००००)
भक्तो लवधं नवास्ते भुजमानम् ६८३ १२०

एवमिष्टव्यासादिभ्यो ध्रुवकेभ्योऽन्या अपि जीवाः सिध्यन्तीति ।
तास्तु गोले ज्योन्पत्तौ वचये ।

अत्रोपपत्तिः । अत्र सूक्ष्मज्यासाधनविधि ना कोटिमितत्रिज्यायां वृत्तान्तः—

समत्रिभुजे भुजः = २ ज्या ६०° = पूर्णज्या १२०° = १७३२०५०८

समत्रुर्भुजे भुजः = २ ज्या ४५° = पूर्णज्या ९०° = १४१४२२३६

समर्धभुजे भुजः = २ ज्या ३६° = पूर्णज्या ७२° = ११७९६७०६

समष्टिभुजे भुजः = २ ज्या ३०° = पूर्णज्या ६०° = १०८०००००

समसप्तभुजे भुजः = २ ज्या १५०° = पूर्णज्या ३६०° = ८६७७६७७

समाष्टभुजे भुजः = २ ज्या ४५° = पूर्णज्या ४५° = ७६९२६६८

समनवभुजे भुजः = २ ज्या ३०° = पूर्णज्या ४०° = ६८४०४०२

ततो यदि कोटित्रिज्यायां पूर्वनीतास्त्रिभुजादिभुजास्तदा ६०००० त्रिज्यायां
किमिति लक्ष्याः—

त्रिभुजे भु = $\frac{17320508 \times 60000}{90000000} = \frac{17320508 \times 6}{9000} = 102623\frac{6}{9}$

४ भुजे भु = $\frac{14942936 \times 60000}{90000000} = \frac{14942936 \times 6}{9000} = 84852\frac{6}{9}$

५ भुजे भु = $\frac{1175706 \times 60000}{90000000} = \frac{1175706 \times 6}{9000} = 70534\frac{6}{9}$

६ भुजे भु = $\frac{9000000 \times 60000}{90000000} = \frac{9000000 \times 6}{9000} = 60000$

७ भुजे भु = $\frac{66976776 \times 60000}{90000000} = \frac{66976776 \times 6}{9000} = 52066\frac{6}{9}$

८ भुजे भु = $\frac{7642668 \times 60000}{90000000} = \frac{7642668 \times 6}{9000} = 45922\frac{6}{9}$

९ भुजे भु = $\frac{680508 \times 60000}{90000000} = \frac{680508 \times 6}{9000} = 41042\frac{6}{9}$

अत्राधीनिके रूपं याह्यं तथाऽधीलपे त्याज्यमिति नियमेनात्राचार्यमतेन सप्तास्त-
नवास्त्रभुजयोरेकादशान्तरं पतत्यत आचार्येण स्थूलज्यापिण्डं गृहीत्वा ते द्वे भुजमाने
साधिते इति ज्यागणितविदामतिरोहितमेवत्युपपननं सर्वम् ।

अथ स्थूलजीवाज्ञानार्थं लघुक्रियाकरणसुत्रं वृत्तम् ।

चापोननिन्द्रपरित्थिः प्रथमाहृयः स्यात्

पञ्चाहतः परिधिवर्गचतुर्थभागः ।

आद्योनितेन खलु तेन भजेच्चतुर्धर्म-

व्यासाहतं प्रथममात्रमिह ज्यका स्यात् ॥ ४८ ॥

उदाहरणम् ।

अष्टादशांशेन वृतेः समानमेकादिनिघ्नेन च यत्र चापम् ।

पृथक् पृथक् तत्र वदाशु जीवां खार्केमितं व्यासदलं च यत्र ॥

न्यासः । ७५४

व्यासः ३५० । अत्र किलाङ्गलाधवाय विश्वेः

साह्वीकृशतांशमिलितः सच्चमपरिधि: ७५४ । अस्या-

अस्याषादशांशः ४२ । अत्राप्यइलावदाय हयोम्

प्राप्तिकरण उपर्युक्तलाभवाव इति

शृदिशाशयुता गृहतः । अनन् पृथक् पृथग्व
विद्युते विद्युते विद्युते

अथ वा उत्तर सुखार्थं परिधेरष्टादशांशेन परिधिं धनूषिं चापवर्त्य ज्याः साध्यास्तथापि ता एव भवन्ति ।

अपवर्तिते न्यासः । परिधिः १८ । चापानि च १ । २ । ३ । ४ ।
५ । ६ । ७ । ८ । ९ । यथोक्तकरणेन लब्धा जीवाः ४२ । ८२ । १२० ।

अर्थात् अस्मि उत्तमदेव पर्मद्युवाक्ये । तेव कर्त्तव्ये

$$\text{ज्याचा} = \frac{\text{या} (\text{परिधि} - \text{चा})}{\text{का} - (\text{परिधि} - \text{चा})} \text{ चा}$$

अत्र यदि $\frac{\text{परिधि}}{6}$ = चा तदा—

$$\text{ज्याचा} = \frac{\text{या} \left(\frac{1}{p} - \frac{1}{q} \right)^{\frac{1}{p}}}{\text{का} - \frac{p}{q} \left(\frac{1}{p} - \frac{1}{q} \right)} \\ = \frac{5 \text{ या} \cdot \frac{1}{p^2}}{36 \text{ का} - 6 \frac{1}{p^2}} = \frac{5 \text{ या}}{3}$$

$$\text{ज्याचा} = \frac{\text{या} \left(1 - \frac{1}{4} \right) \frac{1}{3}}{\text{का} - \frac{1}{4} \left(1 - \frac{1}{3} \right)} = \frac{\text{या} \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{3}}{4 \cdot \text{का} - \frac{1}{3}} = \text{ज्यासः} \dots\dots\dots(2)$$

अत्र (१) समीक्षणे त्र—

$$10 \text{ या } \frac{1}{\varphi^2} = 36 \cdot \text{व्या.का} - 6 \frac{1}{\varphi^2} \cdot \text{व्या}$$

$$\therefore \text{या.प}^{\frac{1}{2}} = \frac{36 \cdot \text{व्या.का} - 5 \cdot \text{प}^{\frac{1}{2}} \cdot \text{व्या}}{10} \dots \dots \dots (3)$$

एवं (२) समीकरणबलेन—

अत्र (३) (४) समीकरणयोः साम्यकरणेन—

$$\frac{36 \cdot \text{व्या} \cdot \text{का} - 6 \frac{1}{2} \cdot \text{व्या}}{10} = 4 \text{ का} \cdot \text{व्या} - \text{व्या} \cdot \frac{1}{2}$$

$$\therefore 36 \text{ व्याका} - 9 \frac{1}{2} \text{ व्या} = 40 \text{ का व्या} - 10 \text{ व्या} \frac{1}{2}$$

समशोधनेन —

$$4 \text{ का } \cdot \text{ व्या} = 6 \text{ व्या } \frac{1}{4}$$

$$\therefore \text{Area} = \frac{6}{\frac{1}{2}x}$$

$$\text{एवं या} = \frac{4\text{का} \cdot \text{व्या-व्या}}{\text{प}^2}$$

$$= \frac{6 - p^2}{p^2} \text{व्या} - \frac{1}{p^2}$$

$$= - \frac{8}{\frac{1}{p^2}} \cdot \text{व्या} = 8 \text{ व्या} .$$

अतः या, का आभ्यासत्थापनतः—

ज्याचा = ४ च्या (प - चा) चा

$\frac{5}{8} \text{ प} - (\text{ प} - \text{चा}) \text{ चा}$

अत्र यदि (प - चा) चा = प्रकल्पयते तदा —

$$चा = \frac{४ व्या \cdot प्र}{५ \cdot प^2 - प्र} \text{ उपपत्तनम् ।}$$

अथ चापानयनाय करणसूत्रं वृत्तम् ।

व्यासादिग्रातयुतमौर्विक्या विभक्तो

जीवाङ्ग्रिपञ्चगणितः परिधेस्तत्वर्गः ।

लब्धोनितात् परिधिवर्गचतुर्थभाग-

दासे पदे वृतिदलात् पतिते धनः स्यात् ॥ ४२ ॥

उदाहरणम् ।

विहिता इह ये गुणस्ततो वद तेषामधना धनर्मितिम् ।

यदि तेऽस्ति धनुर्गुणक्रियागणिते गणितिकातिनैपृणम् ॥ ३ ॥

न्यासः ४२ । ८२ । १२० । १५४ । २८४ । २०८ । २२६ । २३६ । २४० ।
 स एवापचत्तिपरिधिः १८ व्यासा—(२४०) लिंग (४) ग्रात् ६६०
 युतमौर्विकया-१००२ इनया जीवाङ्गिणा $\frac{5}{2}$ पञ्चभि पञ्च परिधे-१८
 वर्गां ३२४ गुणितः १७०१० भक्तो लब्धः (१७) अत्राङ्गुलाघवाय चतु-
 विशतेह्यधिकसहस्रांशयुतो गृहीतोऽनेनोनितात् परिधि-१८ वर्ग-३२४
 चतुर्थमागात् ६४ पदे प्राप्ते (८) वृत्ति—(१८) दलात् (६) पतिते (१)
 जातं धनुः । एवं जातानि धनूषि १ । २ । ३ । ४ । ५ । ६ । ७ । ८ । ९ । १० । ११ । १२ ।
 एतानि परिध्यष्टादशाशेन गुणितानि स्युः ।

इति श्रीभास्कराचार्यविरचितायां लीलावत्यां क्षेत्रव्यवहारः समाप्तः ।

अत्रोपपत्तिः । अत्रानन्तरसुन्नतेन—

ज्या = ४. व्या. प्र

$$\frac{5}{4} \frac{1}{2} - \text{प्र}$$

$$4 \text{ व्या. प्र} = \text{ज्या. } \frac{5}{4} \frac{1}{2} - \text{ज्या. प्र}$$

$$\therefore \text{प्र} (4 \text{ व्या} + \text{ज्या}) = \text{ज्या. } \frac{5}{4} \frac{1}{2}$$

$$\therefore \text{प्र} = \frac{\text{ज्या. } \frac{5}{4} \frac{1}{2}}{4 (4 \text{ व्या} + \text{ज्या})} = \text{लिंग}$$

वा, ($\frac{1}{2} - \text{चा}$) चा = लिंग

$$\therefore \frac{1}{2} - \text{चा} - \text{चा}^2 = \text{ल}$$

$$\text{चा}^2 - \frac{1}{2} \cdot \text{चा} = -\text{ल}$$

$$\text{चा}^2 - \frac{1}{2} \cdot \text{चा} + \frac{\frac{1}{2}^2}{4} = -\frac{\frac{1}{2}^2}{4} - \text{ल}$$

मूलग्रहणेण—

$$\text{चा} - \frac{\frac{1}{2}}{2} = \sqrt{\frac{\frac{1}{2}^2}{4}} - \text{ल}$$

$$\therefore \text{चा} = \frac{\frac{1}{2}}{2} - \text{पद उपपनं सर्वं भास्करोक्तम् ।}$$

$$\text{अत्रैव यदि ज्याचा} = \frac{\text{य. } २ (1८० - \text{चा})}{\text{क. } २ - (1८० - \text{चा})} \text{ कल्प्यते तदा—}$$

$$\text{यत्र चा} = \frac{180}{2} \text{ तत्र कल्पितयुक्त्या—}$$

$$\begin{aligned}
 \text{ज्या} &= \frac{\text{य. र. } (180 - \frac{1}{2} \cdot 180)}{\text{क. } 2 - \frac{1}{2} \cdot (180 - \frac{1}{2} \cdot 180)} \\
 &= \frac{\text{य. र. } 180^2}{4 \text{ क. } 2 - 180^2} = \text{त्रि} = \frac{\text{व्या}}{2} \\
 \therefore ३ \text{ य. र. } 180^2 &= 4 \text{ क. र. ज्या} - 180^2 \cdot \text{व्या} \dots \dots \dots (1)
 \end{aligned}$$

यदि च चा = $\frac{1}{2} \cdot 180$ तदा—

$$\begin{aligned}
 \text{ज्या} &= \frac{\text{य. र. } (180 - \frac{1}{2} \cdot 180)}{\text{क. } 2 - \frac{1}{2} \cdot (180 - \frac{1}{2} \cdot 180)} \\
 &= \frac{6 \text{ य. र. } 180^2}{36 \text{ क. } 2 - 180^2} = \frac{\text{त्रि}}{2} = \frac{\text{व्या}}{4}
 \end{aligned}$$

$$\therefore २० \text{ य. र. } 180^2 = 36 \cdot \text{क. र. व्या} - 9 \cdot 180^2 \cdot \text{व्या} \dots \dots \dots (2)$$

अत्र (1) समीकरण द्वाभिः संगुण्य (2) अदेन समस्यते तदा—

$$\begin{aligned}
 ६० \text{ क. र. व्या} - 180 \cdot \text{व्या} \cdot 180^2 &= 36 \text{ क. र. व्या} - 9 \cdot \text{व्या} \cdot 180^2 \\
 ४ \text{ क. र. व्या} &= 9 \cdot \text{व्या} \cdot 180^2
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \therefore \text{क. र. } &= \frac{9 \cdot 180^2}{4} = 9 \left(\frac{1}{2} \cdot 180 \right)^2 = 9 \times 90^2 \\
 &= 9 \times 8100 = 809000.
 \end{aligned}$$

$$\text{पूर्व य. र. } = \frac{(9 \cdot 180^2 - 180^2)}{2 \times 180^2} \text{ व्या} = \frac{8 \text{ व्या. } 180^2}{2 \times 180^2} = २ \text{ व्या}$$

$$\text{व्या} \\
 \text{व्याक्रन र. } = ४ \text{ कल्प्यते तदा य. } = \frac{\text{व्या}}{2}, \text{ क. } = 10125$$

अत उत्थापनेन—

$$\text{ज्याचा} = \frac{\text{व्या}}{\frac{60625 - (180 - \text{चा}) \cdot \text{चा}}{4}} \quad \text{पूर्वेन श्रीपत्युक्ते * ।}$$

ज्यानयनसुपपथते इति प्रसङ्गागतविचारण ।

इति लीलावतीवासनायां क्षेत्रव्यवहारः समाप्तः ।

* श्रोपतिप्रकारः ।

दोः कोटिभागरहिताभिहताः खनगचन्द्रा स्तदीयचरणोनशरार्कदिविभः ।

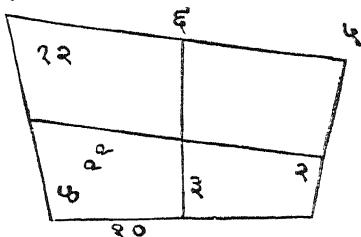
ते व्याससखण्डगुणिता विहृताः फलं तु ज्याभिविनापि भवतो भुजकेटिजीवे । इति ॥

अथ खातव्यवहारे करणसूत्रं सार्वदीर्घं
गणयित्वा विस्तारं बहुषु स्थानेषु तद्युतिभाज्या ।
स्थानकमित्या सममितिरेव दैध्यं च वेधे च ॥ १ ॥
क्षेत्रफलं वेधगुणं खाते घनहस्तसङ्क्षया स्यात् ।

उदाहरणम् ।

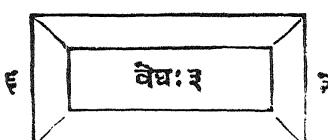
भुजवक्रतया दैध्यं दशशार्करौभितम् ।
त्रिषु स्थानेषु षट्पञ्चसप्तहस्तां च विस्तृतिः ॥ १ ॥
यस्य खातस्य वेधोऽपि द्विचतुख्यिकरः सखे
तत्र खाते क्रियन्तः स्युर्घनहस्तान् प्रचद्व मे ॥ २ ॥
तत्क्षेत्रदर्शनम् ।

७



अत्र सममितिकरणेन विस्तारे हस्ताः ६ । दैध्यं ११ ।
वेधे च ३ । तथा कृते क्षेत्रदर्शनम् ।

४२



४२

अत्रोपपत्तिः । भुजवक्रविशिष्टस्य क्षेत्रस्य फलानयनार्थं तत्र तावत्क्षेत्रस्यानेकेषु
स्थानेषु दैध्यविस्तृतिवेधान् गणयित्वा पृथक् पृथक् तद्युतिमानं मापितस्थानसंख्यया
भजनेन मध्याभिप्रायिकं दैध्यादिमानं स्थात्तद्वेन यत्समखाताभिधं क्षेत्रसुत्पद्यते ततु
वास्तवखातस्य सममेव भवतीति रखागणितेन स्फुटं गणितविदाम् । परमेवं तदैव-
स्याद्युक्तं क्षेत्रस्य कावपि सम्मुखभुजौ समानान्तरस्यौ भवेताम् । कथमन्यथाऽचा-
र्योक्ता रीतिः सङ्क्षिप्तते क्षेत्रसुयुक्तयसिद्धेः । तत्र तु यथोक्त्या सिद्धे समखातक्षेत्रे
किञ्चिदन्तरमापततीतिरेखागणितविद्धिः स्फुटमेव किमत्र ग्रन्थबाहुल्येनेत्युपपन्नं सर्वम् ।

खातान्तरे करणसूत्रं सार्ववृत्तस् ।
मुखजतलज्जतयुतिज्ञेत्रफलैक्यं हृतं पड़भिः ॥ २ ॥
क्षेत्रफलं सममेवं वेघहतं घनफलं स्पष्टम् ।
समखातफलद्यंशः सूचीखाते फलं भवति ॥ ३ ॥

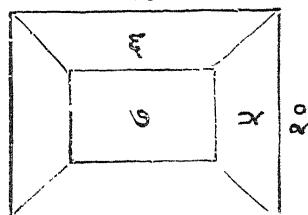
उदाहरणम् ।

मुखे दशद्वादशहस्ततुल्यं विस्तारदैर्घ्यं तु तले तदर्थम् ।

यस्याः सखे सप्तकरथं वेघः का खातसङ्ख्या वद् तत्र वाप्याम् ॥ १ ॥

न्यासः

२२



मुखजं क्षेत्रफलम् १२०। तल-

जम् ३०। तयुतिजम् २७०। एषा-
मैक्यम् ४२०। पड़भि (६) हृतं
जातं समफलम् ६०। वेघहतं
जातं खातफलं घनहस्ताः ४६०।

द्वितीयोदाहरणम् ॥

खातेऽथ तिन्मकरतुल्यचतुर्भुजे च
किं स्यात् फलं नवमितः किल यत्र वेघः ।
वृत्ते तथैव दशविस्तृतिपञ्चवेघे
सूचीफलं वद् तयोश्च पृथक् पृथक् मे ॥ २ ॥

न्यासः

५८

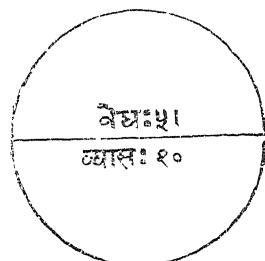


भुजः १२। वेघः ६। जातं यथोक्तकरणेत खात-

२२ फलं घनहस्ताः १२४६। सूचीफलं ४३२

वृत्तखातदर्शनाय

न्यासः



वेघः ६।

न्यासः १०

व्यासः १०। वेघः ५। अत्र सूचमपरिधिः
३९२७ । सूदमक्षेत्रफलम् ३९२७ । वेघगुणं
जातं खातफलम् ३९२७ । सूचमसूचीफलम्
१३०९ । यद्वा स्थूलखातफलम् ३७५० ।
सूचीफलं स्थूलं वा ३७५० ।

इति खातव्यवहारः समाप्तः ।

अत्रोपपत्तिः । यत्र खाते तलविल्तारदैर्घ्यमयां मुखविस्तारदैर्घ्यमानेऽल्पे तत्र तलदैर्घ्य-
विल्ताराभ्यां स्वस्वाभिमुखधरातलयोः समानान्तरभूतलकणेनका चतुर्सुजाधारिका सूची,
तत्पाश्वेष्टु द्वे त्रिभुजरूपे खातक्षेत्रे तथा चैकं तलचतुर्सुजाधारं समखातक्षेत्रमिति क्षेत्रचतुष्ट-
यमुपपत्तयते तत्र सर्वेषां घनफलानां योगो हि वास्तवखातस्य घनफलं भवतीति स्थितिः ।

तत्र तावत्कलप्यते मुखविस्तृतिः = वि

“ “ तलविल्तुतिः = वि

“ “ मुखदैर्घ्यम् = दै

“ “ तलदैर्घ्यम् = दै

$$\text{ततश्चतुर्सुजाधारसूच्या घनफलम्} = \frac{(वि-वि') (दै-दै') वे}{३}$$

$$\text{तथा तलक्षेत्राधारसमखातफलम्} = \frac{(वि-वि') दै'}{२}, \frac{(दै-दै') वि'}{२} \text{ वे}$$

$$\text{सर्वेषां योगो वास्तवखातस्य घनफलम्}$$

$$= \frac{(वि-वि') (दै-दै') वे}{३} + \frac{(वि-वि') दै'}{२} + \frac{(दै-दै') वि'}{२} + वि' दै' वे$$

$$= \frac{\text{वे}}{६} \left\{ २(वि-वि') (दै-दै') + ३(वि-वि') दै' + ३(दै-दै') वि' + ६ वि' दै' \right\}$$

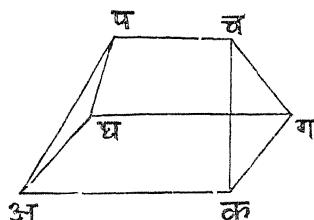
$$= \frac{\text{वे}}{६} (२ वि. दै' + २ वि' दै' + वि'. दै + वि. दै')$$

$$= \frac{\text{वे}}{६} (मुफ + तफ + वि. दै' + वि' दै' + वि'. दै + वि. दै')$$

$$= \frac{\text{वे}}{६} \left\{ मुफ + तफ + दै (वि + वि') + दै' (वि + वि') \right\}$$

$$= \frac{\text{वे}}{६} \left\{ मुफ + तफ + (वि + वि') (दै + दै') \right\}$$

$$= \frac{\text{वे}}{६} (मुफ + तफ + तद्युतिजक्षेत्रफल) \text{ उपपन्नं सर्वम् ।}$$



अथवा, कल्पयते अकगच आयतक्षेत्रं तथा तज्जिन्नभूतले चका चप सर रेखा या किल अक, गध अनयोः प्रत्येकेन सह समानान्तरिताऽस्ति । तदा अकगचपव घन-क्षेत्रस्य फलानयनार्थं तत्र तावत्कल्पयते—

अक, वा गच = भावारक्षेत्रस्य दैर्घ्यम् = अ

कग, वा अघ = , विस्तृतिः = क

चप = दैर्घ्यसमानान्तरा रेखा = र

वेधः = वे

ततः च, प विन्दुभ्यामाधारधरात्लोपरि लम्बरूपत्रोद्योर्भूतलयोर्विधानेन पार्श्वं तुल्यफलकं चतुर्सुजाधारं सूचोद्वयं तथा मध्ये समतलमस्तकक्षेत्रं चोत्पद्यते तत्र सर्वेषां फलानां योगो हि वास्तवाभीष्टक्षेत्रस्य फलं स्थादित्यतः—

$$\text{क. वे (अ-रे)} \\ \text{सूचीद्वयस्य लम्} = \frac{3}{3}$$

$$\text{समतलमस्तकक्षेत्रफलम्} = \frac{\text{क. वे. रे}}{2}$$

द्वयोर्योगेन—

$$\text{अकगचपव क्षेत्रस्यफलम्} = \frac{\text{क. वे (अ-रे)}}{3} + \frac{\text{क. वे. रे}}{2} \\ = \frac{\text{क. वे (२ अ+रे)}}{6}$$

युतेन—“दैर्घ्यतुल्यान्तरा रेखा द्विप्लदैर्घ्ययुता हता ।

बेधविस्तृतिवातेन पड़भक्ता स्थाद्वनं फल” मिति पद्ममुपपद्यते ।

अथ प्रकृतिरूपे खाते तलदैर्घ्यं रखां सुखदैर्घ्यं रखायाः समानान्तरां कल्पयित्वा यथोक्त्या क्षेत्रविन्यासेन तादृशं क्षेत्रद्वयसुत्पद्यते । तयोः फलैक्यं वास्तवखातस्य फलं स्थादित्यतः—

$$\text{प्रथमक्षेत्रस्यफलम्} = \frac{\text{वे. वि (२ दै+दै')}}{6}$$

$$\text{द्वितीयक्षेत्रस्य फलम्} = \frac{\text{वे. वि' (२ दै'+दै)}}{6}$$

द्वयोर्योगेन—

$$\text{वा फ} = \frac{\text{वे}}{6} \left\{ \text{वि (२ दै+दै')} + \text{वि' (२ दै'+दै)} \right\} \\ = \frac{\text{वे}}{6} (२ \text{ वि. दै} + \text{वि. दै'} + २ \text{ वि' दै'} + \text{वि'. दै})$$

$$\begin{aligned}
 &= \frac{\nu}{6} (\text{वि.दै} + \text{वि'.दै} + \text{वि.दै} + \text{वि'.दै} + \text{वि.दै} + \text{वि'.दै}) \\
 &= \frac{\nu}{6} \left\{ \text{वि.दै} + \text{वि'.दै} + (\text{वि} + \text{वि'}) (\text{दै} + \text{दै'}) \right\} \\
 &= \frac{\nu}{6} (\text{सुफ} + \text{तफ} + \text{तद्युतिजकल}) \text{ उपपन्नम्} .
 \end{aligned}$$

सूच्या घनकलसाधने तु अकग सूच्या अल
वेद्यस्य न विभागं कृत्वा जार्त प्रथमखण्डमानम् =
 $\frac{\nu}{n}$, द्विखं = $\frac{2 \nu}{n}$ एवं सर्वत्र । एवमेव सर्वपां-
खण्डतक्षेत्राणां हृष्ट्यविस्तृती प्रसाध्य क्रमेण क्षेत्र-
फलानि—

$$\text{प्रक्षेफ} = \frac{\text{सुफ}}{n^2}, \quad \text{द्विखेफ} = \frac{\text{सुफ } 4}{n^3} \text{ एवमि-}$$

त्यादि । ततो $\frac{\nu}{n}$ अत्र वेदे क्रमेण घनकलानि—

$$\text{प्रथफ} = \frac{\text{सुफ} \cdot \nu}{n^3}, \quad \frac{\text{सुफ} \cdot 4 \nu}{n^3} = \text{द्विफ},$$

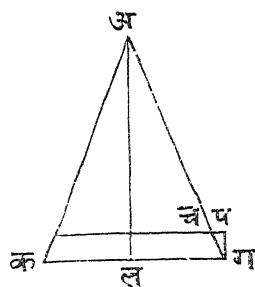
$$\begin{aligned}
 \text{एवं सर्वषां घनकलमानीय योगः} &= \frac{\text{सुफ} \cdot \nu}{n^3} (1 + 4 + 9 + \dots + n^2) \\
 &= \frac{\text{सुफ} \cdot \nu}{n^3} \cdot \frac{(2n+1)(n+1)n}{6} \\
 &= \frac{\text{सुफ} \cdot \nu}{n^3} \cdot \frac{2n^3 + 3n^2 + n}{6} \\
 &= \text{सुफ} \cdot \nu \left(\frac{1}{3} + \frac{1}{2n} + \frac{1}{6n^2} \right) \dots (1)
 \end{aligned}$$

अत्र न मान्यथा यथा वर्धते तथा तथा गचप क्षेत्रमपचीयते तथा (1) समी
करणागते फलं वास्तवसूचीघनफलासन्नं भवति । एवं परमाधिकेऽनन्तसमे न माने
फलमानमपि वास्तवसूचीघनफलमेव स्यात्तेनात्र

$$\frac{1}{2n} + \frac{1}{6n^2} = 0$$

$$\therefore \text{सुधफ} = \frac{\text{सुफ} \cdot \nu}{3} * \text{उपपन्नं सर्वमाचार्योक्तम्} .$$

इति लीलावतीवासनायां खातब्यवहारः समाप्तः ।



* अस्योपपत्तिस्तु क्षेत्रमित्यापि भवतीति गणितज्ञैः स्वयं विविच्य बोध्यं ग्रन्थवि
स्तरभयाचात्र प्रतिपादिता ।

चितौ करणसूत्रं सार्थवृत्तम् ।

उच्छ्रयेण गुणितं चिते: किल क्षेत्रसभभवफलं वनं भवेत् ।

इष्टिकाश्रनहते वने चितेरिष्टिकापरिमितश्च लभ्यते ॥ ३ ॥

इष्टिकोच्छ्रयहृदुच्छ्रितिश्चिते: स्युः स्तराश्च द्वृषदां चितेरपि ।

उदाहरणम् ।

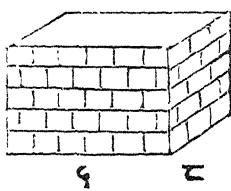
अप्रादशांगुलं दैर्घ्यं विस्तारो द्वादशाङ्कुलः ।

उच्छ्रितिस्थ्यंगुला यस्यामिष्टिकास्ताश्चितौ किल ॥ १ ॥

यद्विस्तृतिः पञ्चकरापृहस्तं दैर्घ्यंश्च यस्यां त्रिकरोच्छ्रितिश्च ।

तस्यां चितौ किं फलमिष्टिकानां सङ्घयाच कावृहि कति स्तराश्च ॥ २ ॥

न्यासः इष्टिकाचितिः ।



३ इष्टिका ।



इति चितिव्यवहारः ।

अथ चितिव्यवहारः ।

अत्रोपपत्तिः । अत्र चिते: क्षेत्रफलार्थं तस्या दैर्घ्यविस्तृत्योर्धार्तं कृत्वा तद्वेदेन तस्याऽच्छ्रयमितेन गुणितं तदा तस्या वनफलं भवतीति स्पष्टमेव गणितविदाम् । एवमेवैकस्या इष्टिकाया वनफलमानीय तेन यद्यग्रेकेष्टिका लभ्यते तदा चितेर्वेनकले कियन्त्य इत्यनुपातेन चिताविष्टिकामितिः स्यात्सर्वत्र समन्वयस्य स्थिरत्वकल्पनात् । एवमिष्टिकोच्छ्रयत्या यद्येका पंक्तिस्तदा चित्युच्छ्रयत्या किमित्यागता चिताविष्टिकापत्तिरित्युपपन्नं सर्वम् ।

इति लीलावतीवासनायां चितिव्यवहारः सम्पूर्णः ।

अथ क्रकच्यवहारे करणसूत्रं वृत्तम् ।

पिण्डयोगदलमप्रमूलयोर्दैर्घ्यसंगुणितमंगुलात्मकम् ॥ २ ॥

दारुदारणपथैः समाहतं पट्स्वरेषु विहृतं करात्मकम् ।

उदाहरणम् ।

मूले नखांगुलमितोऽथ नृपांगुलोऽत्रे

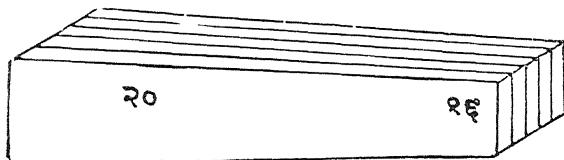
पिण्डः शतांगुलमितं किल यस्य दैर्घ्यम् ।

तदासदारणपथेषु चतुर्षु किं स्या-

द्वस्तात्मकं वद सखे गणितं द्रुतं मे ॥ १ ॥

न्यासः ।

पिण्डयोगदलं १८ दैर्घ्येन



१०० संगुणितम्
१८०० । दारुदा-
रणपथै (४) गु-
णितम् ७२०० ।

१००

षट्स्वरेषु ५७६ । विहृतं जातं करात्मकं गणितम् ३५ ।

अत्रोपपत्तिः । अत्र कस्यापि दारुदण्डस्याग्रमूलयोः पिण्डयोर्योगार्धसमसेव मध्यस्य पिण्डमानं भवति, तस्य दैर्घ्यस्य च वातुल्यमेव तत्कलं भवततीति क्षेत्रमित्या स्पष्टमेव । अथ कर्मकारो हि काष्ठविदारणावसरे सूत्रपातेन तदारणपत्थाने विधाय प्रतिचिह्नितमागण दारुपिण्डं विदारयतीति सम्प्रदायः कर्मकारणाम् । अतः पूर्वप्रकारागतं फलं दारुदारणपथैः समाहृतं सद्वास्तवं फलं भवति । अत्राङ्गुलात्मकफलस्य हृतात्मकविधानार्थं तदे ९७६ तन्मत्या भक्तं कृतमाचार्येण । प्रतिकरे चतुर्विश-त्यद्गुलकल्पनासत्वादिन्युपपन्नम् ।

ऋकचान्तरे करणसूत्रं सार्थवृत्तम् ।

छिद्यते तु यदि तिर्यगुक्तवत्

पिण्डविस्तृतिहतेः फलं तदा ॥ ३ ॥

इष्टिकाचितिद्वृष्टिचितिखातकाकच्यवहनौ खलु मूल्यम् ।

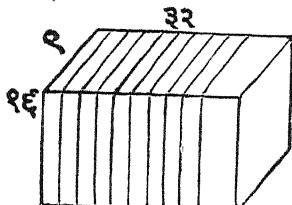
कर्मकारजनसम्प्रतिपत्था तन्मृदुत्वकठिनत्ववशेन ॥ ४ ॥

उदाहरणम् ।

यद्विस्तृतिर्दन्तमिताङ्गुलानि पिण्डस्तथा पोडश यत्र काष्ठे ।

छेदेषु तिर्यङ्गनवसु प्रचक्षव किं स्यात् फलं तत्र करात्मकं मे ॥ १ ॥

न्यासः ।



विस्तारः ३२ । १पृष्ठः १६ ।

पिण्डविस्तृतिहतिः ५१२ ।

मार्गं ६ श्ली ८६०८ । षट्-

स्वरेषु ५७६ विहृता जातं

फलं हस्ताः ८ ।

इति ऋकचव्यवहारः ।

अत्रोपपत्तिस्तु यत्राग्रमूलयोः पिण्डमाने समाने तत्र पिण्डविस्तृतिहतितुल्यमेव कलं भवततीति सुगमैव । विदारण मूल्यं तु पदार्थस्य मृदुत्वकठिनत्ववशेनज्ञायत इति युक्तियुक्तमेवाचार्योक्तम् ।

इति लीलावतीवासनायां ऋकचव्यवहारः समाप्तः ।

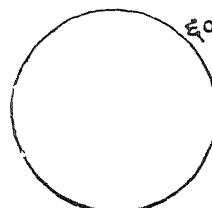
अथ राशिव्यवहारे करणसूत्रं चृत्तम् ।
 अनगुणु दशमांशोऽगुणप्रथकादशांशः
 परिधिनवमभागः शूकधान्येषु वेघः ।
 भवति परिधिप्रष्ठे वर्गिते वेघनिष्ठे
 घनगणितकराः स्युर्मांगधास्ताश्च खार्यः ॥ १ ॥

उदाहरणम् ।

समभुवि किल राशिर्यः स्थितः स्थूलधान्यः
 परिधिपरिभितः स्याद्वस्तषष्टियदीया ।
 प्रवद् गणक खार्यः किं मिताः सन्ति तस्मि-
 न्नथ पृथगगुणधान्यैः शूकधान्यैश्च शीघ्रम् ॥ १ ॥

अथ स्थूलधान्यराशिमानाववोधनाय ।

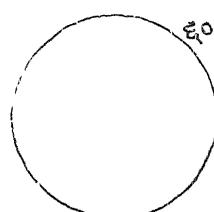
न्यासः ।



परिधिः ६० । वेघः ६ । परिधेः ।
 पष्ठांशः १० । वर्गितः १०० । वेघ-
 ह निष्ठः । लब्ध्याः खार्यः ६०० ।

अथागुणधान्यराशिमानानयनाय ।

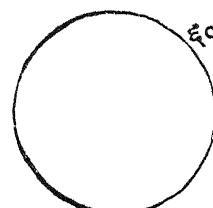
न्यासः ।



परिधिः ६० । वेघः $\frac{6}{6}$ । जातं
 फलम् ५४५ $\frac{1}{2}$ ।

अथ शूकधान्यराशिमानानयनाय ।

न्यासः ।



परिधिः । ६० । वेघः $\frac{6}{6}$ । जाताः
 खार्यः ६६६ $\frac{2}{3}$ ।

अत्रोपपत्तिः । अत्रानुग्रन्थादौ परिधिदशमांशादिको विवेच भवतीत्यत्र प्रत्यक्षोपलक्षितरेव वासना । ततः स्थूलरिद्यानयनविलोमेन—

$$\text{व्यासः} = \frac{7\text{प}}{2\text{२}} = \frac{\text{प}}{3} \text{स्वलग्नतात्, ततः क्षेत्रफलम्} = \frac{\text{व्याप}}{4} = \frac{\text{प}}{3} \cdot \frac{\text{प}}{4} = \frac{\text{प}^2}{12}$$

ततः क्षेत्रफलऋणशः सूचयाकारधान्यराशेः फलं भवत्यतः—

$$\text{सूचयाक} = \frac{\text{प}^2}{12} = \frac{\text{प}^2}{36} = \left(\frac{\text{प}}{6}\right)^2 \text{उपपत्तम् ।}$$

अथ भित्यन्तर्वद्याकोणसंलग्नराशिप्रमाणानयने

करणसूत्रं वृत्तम् ।

द्विवेदसत्रिभागैकनिध्नात् तु परिशेः फलम् ।
भित्यन्तर्वद्याकोणस्थराशेः स्वगुणभाजितम् ॥ २ ॥

उदाहरणम् ।

परिधिर्भित्तिलग्नस्य राशोख्तिशत्करः किल ।

अन्तःकोणस्थितस्यापि तिथितुल्यकरः सञ्चे ॥ १ ॥

बहिष्कोणस्थितस्यापि पञ्चद्वनवसम्मितः ।

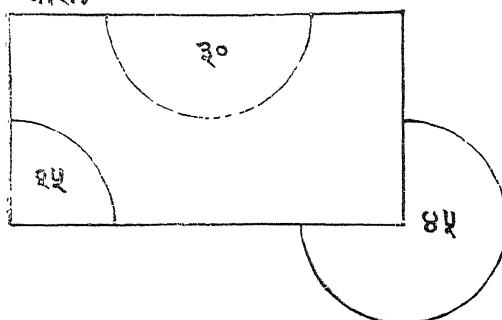
तेषामाचक्षव मेक्षिप्रं घनहस्तान् पृथक् पृथक् ॥ २ ॥

अत्रापि स्थूलादिधान्यानां राशिमानावबोधनाय स्पष्टं क्षेत्रत्रयम्
तत्रादावनगुणान्यराशिमानावबोधकं क्षेत्रम् ।

न्यासः ।

अत्राद्यस्य परिधि- (३०) द्विनिध्नः ६० ।

न्यासः



अन्य १५ श्रुतुर्धनः

६०। अपरः ४५। सत्रि-

भागैक $\frac{1}{3}$ निधनः ६० ।

एषां वेदः ६ । एभ्यः

फलंतुल्यमेतावत्य एव

खार्यः ६०० । एतत्स्व-

स्वगुणेन भक्तं जातं पृ-

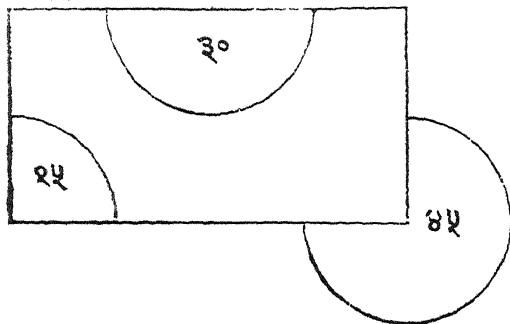
थक् पृथक् फलम् ३०० ।

६५० । ४५० ।

अथागुणधान्यराशिमानानयनाय ।

न्यासः ।

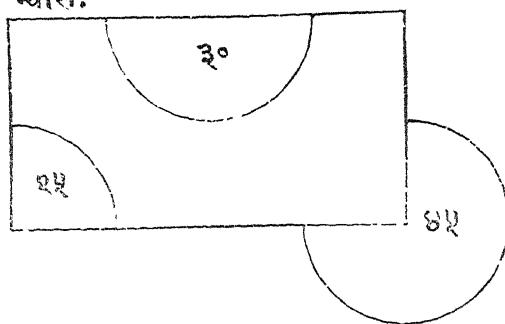
न्यासः



पूर्ववत् क्षेत्रत्रयस्य स्वगुणगुणितपरिधिः ६० ।
वेधः $\frac{१}{२}$ । फलानि २७२ $\frac{१}{२}$ ।
१३६ $\frac{१}{२}$ ।
४०६ $\frac{१}{२}$ ।

न्यासः ।

न्यासः



अत्रापि पूर्ववत् क्षेत्रत्रयस्य
स्वगुणगुणितः
परिधिः ६० ।
वेधः $\frac{१}{२}$ ।
फलानि
३३३ $\frac{१}{२}$ । १६६ $\frac{१}{२}$ ।
५०० ।

इति राशिव्यवहारः समाप्तः ।

अत्रोपपत्तिः । अत्र भित्तिलग्नधान्यराशेः परिधिर्वास्तवपरिधेरवर्धसमः, कोणगस्य तु चतुर्थोशसमस्तथा वाह्यकोणलग्नस्य पादोनसमो भवतीति प्रत्यक्षमेव । अतो भित्यादिलग्नपरिधिर्विद्यादिगुणो वास्तवः परिधिः स्याच्चतः पूर्वप्रकारेण यत्फलं तत्त्वादिभक्तं वास्तवं भवतीति किंविचित्रमत उपपत्तम् ।

इति लोलावती वासनायां राशिव्यवहारः ।

अथ छायाव्यवहारे करणसूत्रं वृत्तम् ।

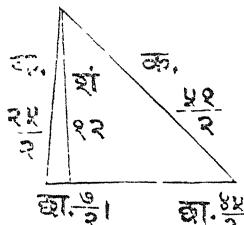
छाययोः कर्णयोरन्तरे ये तयोर्वर्गविश्लेषभक्ता रसाद्रीष्ववः ।

सैकलबधेः पदधनं तु कर्णान्तरं भान्तरेणोनयुक्तं दले स्तः प्रमे ॥ १ ॥

उदाहरणम् ।

नन्दचन्द्रैमितं छाययोरन्तरं कर्णयोरन्तरं विश्वतुल्यं ययोः ।
ते प्रभे वक्ति यो युक्तिमान् वेत्यसौ वैक्षमयक्तयुक्तं हि मन्येऽखिलम् ॥१॥

न्यासः

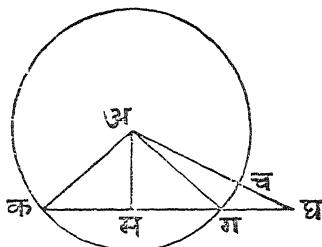


७ । ५५ । तन्कृत्योर्योगपद्मित्यादिना जातौ कर्णौ । $\frac{३५}{५}$ । $\frac{५१}{५}$ ।

छायान्तरम् १६ । कर्णान्तरम् १३ । अनयो-
वर्गान्तरेण १६२ भक्तो रसादीषवः ५७६ ।
लघ्यम् ३ । सैक्षस्यास्य ४ मूलम् २ । अनेन
गुणितं कर्णान्तरं २६ द्विष्ठं भान्तरेण १६
उनयुतम् ७ । ४५ । तद्धेयं लघ्ये छाये

७ । ५५ । अन्योर्योगपद्मित्यादिना जातौ कर्णौ । $\frac{३५}{५}$ । $\frac{५१}{५}$ ।

अत्रोपपत्तिः कल्पयतेऽन्न कम = लछा,
वम = वृछा, अक = लक, अव = वृक्ष,
गध = छायान्तरम् = छाअं, कघ = छाया-
योगः = छायो, घच = कर्णान्तरम् = कअं
तथा कर्णयोगः = कयो ।



अथ वर्गान्तरस्य योगान्तरवात्समत्वात् भुजवर्गान्तरस्यावाधावर्गान्तरसमत्वात्
चात्र कअं कयो = छाअं-छाओ.

$$\therefore \text{कयो} = \frac{\text{छाअं-छायो}}{\text{कअं}} \quad \text{अतो लक} = \frac{\text{छाअं छायो}-\text{कअं}^2}{2 \text{ कअं}}$$

$$\text{एवमेव संक्षमगणितेन लछा} = \frac{\text{छायो}-\text{छाअं}}{2}.$$

$$\text{अत्र लक}^2 - \text{लछा}^2 = १४४.$$

$$\therefore ११४ = \frac{\text{छाअं}^2 \cdot \text{छायो}^2 - २ \cdot \text{छाअं छायो} \cdot \text{कअं}^2 + \text{कअं}^4}{4 \text{ कअं}^2}$$

$$-\frac{\text{छायो}^2 - २ \cdot \text{छायो} \cdot \text{छाअं} + \text{छाअं}^2}{4}$$

$$= \frac{\text{छायो}^2 (\text{छाअं}^2 - \text{कअं}^2) - \text{कअं}^2 (\text{छाअं}^2 - \text{कअं}^2)}{4 \text{ कअं}^2}$$

$$= \frac{(\text{छाअं}^2 - \text{कअं}^2) (\text{छायो}^2 - \text{कअं}^2)}{4 \text{ कअं}^2}$$

$$\therefore \text{छायो}^2 = \frac{५७६}{४८} \text{ कभ}^2 - \text{छाअ}^2 + \text{कअ}^2.$$

$$= \text{कअ}^2 \left(\frac{५७६}{४८} - \text{कअ}^2 + १ \right)$$

मूलग्रहणेत—

$$\therefore \text{छायो} = \text{कअ} \sqrt{\frac{५७६}{४८} - \text{कअ}^2} + १$$

ततः संक्रमेण छाये भवत अत उपपन्नं सर्वम् ।

अत्रैव छायायुतिकर्णयुता विज्ञाय छाया ज्ञानार्थं मदीयपद्यावतारः—

‘छाययोः कर्णयोर्युती स्तस्तयोर्वर्गविश्लेषभक्ता रसाद्रीपवः ।

लब्धहीनेन्दुतो यथपद्धनं तु कर्णक्यकं तेन हीनान्विते भायुती तद्वले रतः प्रभेः॥

अत्रोपपत्तिस्तु पूर्वोपपत्तिवलेनैव सुगमा ।

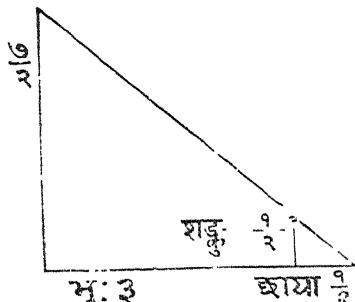
छायान्तरे करणसूत्रं वृत्तार्थम् ।

शङ्कुः प्रदीपतलशङ्कुतलान्तरघश्चछाया भवेद्विनरदीपशिखौच्चयभक्तः ।

उदाहरणम् ।

शङ्कुप्रदीपान्तरभूत्तिहस्ता दीपोच्चितिः सार्वकरत्रया चेत् ।

शङ्कुोस्तदाऽर्काङ्गुलसाम्मतस्य तस्य प्रभा स्यात् कियती वदाशु ॥१॥
न्यासः ।



शङ्कुः $\frac{३}{५}$ । प्रदीपशङ्कुतलान्तरम् । ३
अनयोर्धार्तः $\frac{३}{५}$ । विनरदीपशिखौ
च्चयेन ३ भक्तो लब्धानि छाया-
ङ्गलानि १२ ।

अत्रोपपत्तिः अत्र शङ्कुनदीपौच्चयकोटौ यदि दीपतलशङ्कुतलान्तरसमं भुजमानं
लभ्यते तदा शङ्कु केत्यागता छायैवेत्युपपन्नं सर्वम् ।

* अत्रोदाहरणं यथा—

वाणनेत्रैर्मिता छाययोः संयुतिः कर्णयोः संयुतिः पञ्चलोकैः समा ।

ते प्रमेव वक्ति यो युक्तिमान् वेत्यसौ व्यक्तमव्यक्तयुक्तं हि मन्येऽखिलम् ।

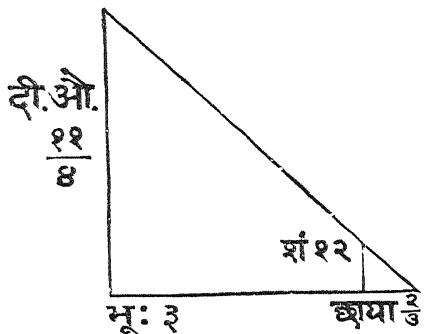
न्यासः छायायुतिः २५ । कर्णयुतिः ३५ यथोक्त्या करणेन लब्धे छाये १६।९

अथ दीपोच्छ्रुत्यानयनाय करणसूत्रं वृत्तार्थम् ।
छायाहृते तु नरदीपतलान्तरधने
शङ्कौ भवेत्वरगुते खलु दीपकौच्चयम् ॥ २ ॥

उदाहरणम् ।

प्रदीपशङ्कवन्तरभूमिहस्ता छायाःङ्गलै पोडशभिः समा चेत् ।
दीपोच्छ्रुतिः स्यात् कियती वदाशु प्रदीपशङ्कवन्तरमुच्यतां मे ॥ १ ॥

त्यासः ।



शङ्कुः १२ । छायाङ्गु-
लानि १६ । शङ्कुप्रदीपा-
न्तरहस्ताः ३ । लघ्वं दीप-
कौच्चयं हस्ताः $\frac{1}{2}$ ।

अत्रोपपत्तिस्तु पूर्वोक्तवैपरीत्येनाति सुगमा ।

प्रदीपशङ्कवन्तरभूमानानयनाय करणसूत्रं वृत्तार्थम् ।
विशङ्कुदीपोच्छ्रुयसंगुणा भा शङ्कूहृष्टुता दीपनरान्तरं स्यात् ।

उदाहरणम् ।

पूर्वोक्त एव दीपोच्छ्रायः $\frac{1}{2}$ । शङ्कवङ्गुलानि १२ । छाया १६ ।
लघ्वाः शंकुप्रदीपान्तरहस्ताः ३ ।

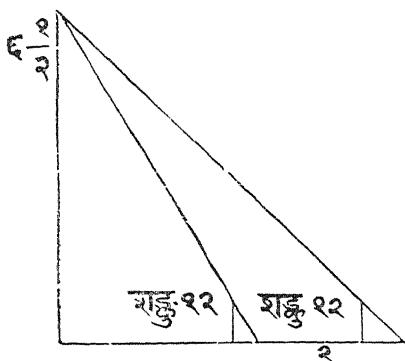
अत्रोपपत्तिरपि पूर्वप्रकारेणातिसरला किमत्र प्रतिपादनेन ।

छायाप्रदीपान्तरदीपौच्चयानयनाय करणसूत्रं सार्थवृत्तम् ।
छायाग्रयोरन्तरसंगुणा भा छायाग्रमाणान्तरहृष्टवेद्धः ॥ ३ ॥
भूशंकुघातः प्रभया विभक्तः प्रजायते दीपशिखौच्चयमेवम् ।
त्रैराशिकेनैव यदेतदुक्तं व्याप्तं स्वभैर्द्दरिणेव विश्वम् ॥ ४ ॥

उदाहरणम् ।

शङ्कोभाईक्षिताङ्गुलस्य सुमते दृष्टा किलाप्राङ्गुला
छायाग्राभिमुखे करद्यमिते न्यस्तस्य देशो पुनः ।
तस्यैवार्कमिताङ्गुला यदि तदा छायाप्रदीपान्तरं
दीपौच्चयं च कियद्वद व्यवहृतिं छायाभिधां वेत्सि चेत् ॥६॥

न्यासः ।



अत्र छायाग्रयोरन्तरम्-
डगुलात्मकम् ५२ । छाये च द ।
१२ । अनयोराद्या द । इयमनेन
५२ गुणिता ४६६ । छायाप्रमा-
णान्तरेण ४ भक्ता लब्धं भूमा-
नम् १०४ । इदं प्रथमच्छाया
प्रदीपतलयोरन्तरमित्यर्थः । एवं
द्वितीयच्छायाग्रान्तरभूमानम्:

भूः १३५ । छा १२ । भूः १३५ । छा १२

१५६ । भूशंकुघातः प्रभया विभक्त इति जातमुभयतोऽपि दीपौच्चयं स-
मेव हस्ताः ६१२ ।

एवमित्यत्र छायाव्यवहारे त्रैराशिककल्पनयाऽन्यनं वर्तते । तद्य-
था । प्रथमच्छायातो द द्वितीयच्छाया १२ यावताऽधिका तावता छाया-
व्यवहेन यदि छायाग्रान्तरतुल्या भूर्लभ्यते तदा छायया किमिति एवं
पृथक् पृथक् छायाप्रदीपतलान्तरप्रमाणं लभ्यते । ततो द्वितीयं त्रैराशिकम्
यदि छायातुल्ये भुजे शंकुः कोटिस्तदा भूतुल्ये भुजे किमिति लब्धं दीप-
कौच्यमुभयतोऽपि तुल्यमेव । एवं पञ्चराशिकादिकमखिलं त्रैराशिक-
कल्पनयैव सिद्धम् । यथा भगवता श्रीनारायणेन जननमरणकलेशापहा-
रिणा निखिलजगजननैकवीजेन सकलभुवनभावतगिरिसिंसुरनरसा-
सुरादिभिः स्वमेदैरिदं जगद्वयासं तथेदमखिलं गणितजातं त्रैराशिकेन
व्याप्तम् । यदेवं तद्वयुभिः मिक्याशङ्क्याह ।

यत्किञ्चिद्गुणभागहारविधिना वीजेऽत्र वा गण्यते

तत् त्रैराशिकमेव तिमलधियामेवावगम्यं विदाम् !

एतद्वयुधाऽस्मदादिजडीधीवृद्धि वुद्ध्या वुध-

स्तद्वयेदान् सुगमान् विद्याय रचिते प्राज्ञैः प्रकीर्णादिकम् ॥ ५ ॥

इति श्रीभास्कराचार्यविरचितायां लीलावन्यां छायाधिकारः समाप्तः ।

अत्रोपपत्तिः । अत्र कल्पयते गव = प्रछा, पच, = द्विछा । तथा धच = छायाग्रान्तरम् = अं । कच = भूमि: = या

अत्र अक्षय नगव त्रिभुजयोः सजात्यत्वा—
दक्षुपातेन—

$$\text{कव} = \frac{\text{गध}, \text{अक}}{\text{गत}} = \text{कच} - \text{धच} = \text{या} - \text{अं}$$

परन्तु अकच, सपच त्रिभुजयोः

साजात्यतः—

$$\text{कच} = \frac{\text{पच} \times \text{अक}}{\text{पम}} = \text{या} \therefore \frac{\text{अक}}{\text{पम}} = \frac{\text{या}}{\text{पच}}$$

$$\therefore \frac{\text{गध} \cdot \text{या}}{\text{पच}} = \text{या}-\text{अं} \approx \frac{\text{प्रछा} \cdot \text{या}}{\text{द्विछा}}$$

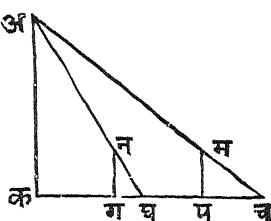
$$\therefore \text{द्विछा} (\text{या}-\text{अं}) = \text{प्रछा} \cdot \text{या}$$

$$\text{द्विछा} \cdot \text{या} - \text{द्विछा} \cdot \text{अं} = \text{प्रछा} \cdot \text{या}$$

$$\therefore \text{या} (\text{द्विछा}-\text{प्रछा}) = \text{द्विछा} \cdot \text{अं}$$

$$\therefore \text{या} = \frac{\text{द्विछा} \cdot \text{अं}}{\text{द्विछा}-\text{प्रछा}} \text{ उपपत्तम् ।}$$

अथ वा, म स्थानात् अघ समान्तरां रेखां विद्यय क्षेत्रमितेः षष्ठाध्यायेनोपपत्ति-
रतोव सरला किमत्राद्यक्तकल्पनयेति सुधीभिर्विभावयम् ।



अथ कुट्टके करणसुत्रं वृत्तपञ्चकम् ।

भाज्यो हारः क्षेपकश्चापवर्त्यः केनाप्यादौ सम्भवे कुट्टकार्थम् ।

येन चित्त्वा भाज्यहारौ न तेन क्षेपश्चैतद्दुष्टमुद्दिष्टमेव ॥ १ ॥

परस्परं भाजितयोर्यथोर्यः शेषस्तयोः स्यादपवर्त्तनं सः ।

तेनापवर्त्तेन विभाजितौ यौ तौ भाज्यहारौ द्वृढ़संक्षकौ स्तः ॥ २ ॥

मिथो भजेत् तौ द्वृढभाज्यहारौ यावद्विभाज्ये भवतीह रूपम् ।

फलान्यथोऽधस्तद्यो निवेश्यः क्षेपस्ततः शून्यमुपान्तिमेन ॥ ३ ॥

स्वोर्ध्वे हतेऽन्त्येन युते तदन्त्यं त्यजेन्मुहुः स्यादिति राशियुग्मम् ।

ऊन्वें विभाज्येन दूदेन तष्टः फलं गुणः स्यादधरो हरेण ॥ ४ ॥

एवं तदैवात्र यदा समास्ताः स्युरुल्ब्धयद्वेद्विषमास्तदानीम् ।

यदागतौ लविधगुणौ विशेषध्यौ स्वतक्षणाच्छेषमितौ तु तौ स्तः ॥५॥

उदाहरणम् ।

एकविंशतियुतं शतद्वयं यद्गुणं गणक पथ्यपष्टियुक् ।

पञ्चवर्जितशतद्वयोद्भृतं शुद्धिमेति गुणकं वदाशु तम् ॥ ५ ॥

न्यासः । भाज्यः २२१ । हारः १६५ । क्षेपः ६५ ।

अत्र परस्परं भाजितयोर्भाज्य २२१ भाजकयोः १६५ शेषं १३ । अनेन भाज्यहारक्षेपा अपवर्त्तिता जातो भाज्यः १७ । हारः १५ । क्षेपः ५ । अनयाद्वृद्धभाज्यहारयाः परस्परं भक्तयोर्लेघ्यान्यघोऽश्वस्तदधः क्षेपस्तदधः शून्यं निवेश्यमिति जाता वस्त्री तु ५ । उपान्तिमेन स्वोधर्वं हते

इत्यादि करणेन जातं राशिद्वयम् १५ एतौ द्वृढभाज्यहाराभ्यां १५ तष्ठौ जातौ लघियगुणौ ६५ इत्याहतस्वस्वहरेण युक्ते इति वद्यमाणविधिनैताविष्टगुणितस्वतक्षणयुक्तौ वा लघियगुणौ २३ । २० । द्विकेनेष्टेन वा ४०।३५ । इत्यादि ।

अत्रोपपत्तिः । द्वौ राशी वहवो राशयो वा यैर्येष्वर्ङ्गे निःशेपा भवन्ति तत्र योऽङ्गः सर्वाधिकः स एव तयोर्द्वयो राशयोस्तेषां बहुनां राशीनां वा महत्तमापवर्तनं स्यादिति ।

तज्ज्ञाते कथं भवतीति तत्र तावदुच्यते—

कल्प्यते अ, क अनयोर्महत्तमापवर्तनविचारे अ यदि क तोऽधिकस्तदा क अनेन अ विभज्य लघियः त, शेषं ग कल्पितम् । पुनः ग अनेन क विभज्य लघियः थ शेषं घ । अत्रापि घ अनेन ग विभज्य लघियः द, गेषं यदि शून्यसमं भवेत्तदा घ अनेन अ, क निःशेषो भवेत्ताम् ।

अथाऽत्र अ = क त + ग

तथा च क = ग थ + घ

एव ग = घ. द + ०

अत्र ग संख्या घ अनेन निःशेपा भवति, तेन घ अनेन क अपि निःशेषं स्यात् । परन्तु क, ग अनयोः पृथक् घ अनेन निःशेपभजनात् घ अनेन अ अपि निःशेषं च स्यादेव । अतो घ संख्या अ, क अनयोर्महत्तमापवर्तनं भविष्यति । न चेत् तदा कल्प्यते तयोर्महत्तमापवर्तनं च ।

∴ अ = प च

तथा क = फ च

अत्र प, फ लघियो ।

∴ प. च = फ च. त + ग

तथा फ च = ग थ + घ

अत्र स्वरूपयोरवलोकनेन हप्तं दरीदृश्यते यत् किल च अनेन ग निःशेषं स्या

$$\begin{aligned}
 &= २\text{ह} + \frac{३\text{ह} + \text{क्षे}}{४} = २\text{ह} + \text{श्वे} \\
 \therefore \quad \text{श्वे} &= \frac{३\text{ह} + \text{क्षे}}{४} \\
 \therefore \quad \text{ह} &= \frac{४\text{श्वे} - \text{क्षे}}{३} \\
 &= \text{श्वे} + \frac{\text{श्वे} - \text{क्षे}}{३} = \text{श्वे} + \text{चि} \\
 \therefore \quad \text{चि} &= \frac{\text{श्वे} - \text{क्षे}}{३}
 \end{aligned}$$

अत्रैव यदि चि = ०

तदा यावत्तावत्कालकादिवशेन—

$$\begin{aligned}
 \text{या} &= \text{नी} + \text{पी} = \frac{६३ \text{ नी} - \text{क्षे}}{३७} \\
 \text{का} &= \text{या} + \text{नी} = \frac{१०० \text{ पी} + \text{क्षे}}{६३} \\
 \text{नी} &= \text{पी} + \text{लो} = \frac{३७ \text{ पी} + \text{क्षे}}{२६} \\
 \text{पी} &= २\text{लो} + \text{ह} = \frac{२६ \text{ लो} - \text{क्षे}}{११} \\
 \text{लो} &= २\text{ह} + \text{श्वे} = \frac{११ \text{ ह} + \text{क्षे}}{४} \\
 \text{ह} &= \text{श्वे} + \text{चि} = \frac{४ \text{ श्वे} - \text{क्षे}}{३} \\
 \text{श्वे} &= \text{क्षे} = \frac{३ \text{ चि} + \text{क्षे}}{१} \\
 \text{चि} &= ०
 \end{aligned}$$

पुतेनोपपत्रं स्वोर्ध्वं हतेऽन्त्येन युते तदन्त्यमित्यादि ।

अत्र यावत्तावत्कालकमाने हरभाज्याभ्यां तष्ट्यित्वा लब्धिगुणकयोमाने भवत इति वहीदर्शनेनैव हृष्टम् । तथा चाहैव यत्र समा बही तत्र धनक्षेपेऽन्यथा ऋणे क्षेपे गुणलब्धी यावत्तावत्कालकमाने सिद्धे भवतः ।

अत्रैव कुट्कप्रश्नानुसारेण—

$$\text{हा. ल} = \text{भा. गु} + \text{क्षे} \dots \dots (1)$$

$$\text{इ. भा. हृत} = \text{इ. भा. हा} \dots \dots (2)$$

(२) समीकरणे (१) समीकरणं विशेष्यते यदा—
हा (ह . भा-ल) = भा (हा-गु)-क्षे

अत्र यदि ह = :

तदा हा (भा-ल) = भा (हा-गु)-क्षे
भा (हा-गु)-क्षे
भा-ल = $\frac{\text{भा}(\text{हा-गु})-\text{क्षे}}{\text{हा}}$

अत्र यदि हा-गु = गु, भा-ल = ल

तदा “यदागतौ लब्धिगुणौ विशेष्यौ स्वतक्षणाच्छेषमितौ तु तौ स्त”
इत्युपचते ।

कुट्टकान्तरे करणसूत्रं वृत्तम् ।

भवति कुट्टविधेयुतिभाज्ययोः समपवर्त्तियोरपि वा गुणः ।

भवति यो युतिभाज्यकयोः पुनः स च भवेदपवर्त्तनसंगुणः ॥ ६ ॥

उदाहरणम् ।

शतं हतं येन युतं नवत्या विवर्जितं वा विहृतं चिषष्ट्या ।

निरप्रकं स्याद्वद मे गुणं तं स्पष्टं पटीयान् यदि कुट्टकेऽसि ॥ १ ॥

न्यासः भाज्यः १०० । हारः ६३ । क्षेपः ६० ।

जाता पूर्ववल्लविधि क्षेपाणां वल्लो,	१० १०	{	उपान्तिमेन स्वोर्ध्वे हतेऽन्त्येन युत इत्यादिकरणेन यातं राशिद्वयम् ।
			२५३० । जातौ पूर्ववल्लविधिगुणौ ३० ।
			१८ । अथ वा भाज्यक्षेपौ दशभिरपवर्त्त्य भाज्यः १० । क्षेपः ६ । परस्परभजनाल्लविधानि फलानि क्षेपं शून्यं चाधोऽधो निवेश्य जाता—

वल्ली जातो गुणः स एव १८ । गुणधनभाज्ये क्षेप४० युते हर-६३ भक्ते लब्धिश्च ३० । अथ वा हारक्षेपौ ६३ । ४० नवभिरपवर्त्तितौ जातौ हारक्षेपौ ७।१० । अत्र लब्धिः १४ {	० ० ०	{	पूर्ववल्लविधो गुणः ४५ । अत्र लब्धिर्न ग्राह्या यतो लब्धयो विषमा जाताः । अतो गुणः ४५ स्वतक्षणादस्मा ६३ द्विरोधितो
			२ । क्षेपहारापवर्त्तन ६ गुणितो जातः स एव गुणः १८ । भाज्यभाजक्षेपेभ्यो लब्धिश्च ३० । अथवा भाज्यक्षेपौ पुनर्हारक्षेपौ चापवर्त्तितौ
			७ । क्षेपः १ ।

अत्र पूर्वव-
ज्ञाता वसी
हरेण युक्ते इत्यादिनाऽथवा गुणलब्धी ६१ । १३० ।

अत्रोपपत्तिः । अत्रापि कुट्टकप्रश्नोत्तया—

हा.ल = भा.गु+क्षे

अत्र यदि भा = हा.भा तथा क्षे = हा.क्षे¹

तदा हा.ल = हा.भा + हा.गु + हा.क्षे¹

$$\therefore \text{ल} = \frac{\text{हा}(\text{भा} + \text{गु} + \text{क्षे}^1)}{\text{हा}}$$

अत्र हृदांकसिद्धान्तेन हा, हा परस्परं हृदौ भवतः । अन्यथा मिथो हृदानं भाज्यहारक्षेपाणां हा अनेन पुनरपवर्तनप्रसङ्गः स्यादित्यतः भा.गु+क्षे¹ हृदमवश्यमेव होरेण निःशेषं भज्यते तस्तत्र लब्धिर्यदि ल तदा—

$$\text{ल} = \frac{\text{हा}(\text{भा} + \text{गु} + \text{क्षे}^1)}{\text{हा}}$$

$$= \text{हा.ल}^1$$

एवं यदि हा = हा.हा, क्षे = हा.क्षे¹

$$\text{तदा ल} = \frac{\text{भा.गु} + \text{हा.क्षे}^1}{\text{हा.हा}^1}$$

$$= \frac{\text{भा.गु}}{\text{हा}^1} + \frac{\text{हा.क्षे}^1}{\text{हा}^1}$$

अत्रापि भा, हा अनयोः परस्परं दृढत्वात् गु अवश्यमेव हा अनेन निःशेषं स्यात्कथमन्यथा भिन्नाभिन्नांकयोर्योगान्तरमभिन्नसंख्यासमं भवत्यतः—

यदि गु = हा.गु¹

$$\text{तदा ल} = \frac{\text{भा.गु} + \text{हा.क्षे}^1}{\text{हा}^1} \text{ एतेनोपपत्तनं सर्वम् ।}$$

कुट्टकान्तरे करणसूत्रं चृत्तार्थम् ।

क्षेपजे तक्षणाच्छुद्दे गुणाती स्तो वियोगजे ।

अत्र पूर्वोदाहरणे नवतिक्षेपजौ लब्धिगुणौ जातौ ३० । १८ । एतौ स्वतक्षणाभ्यामाभ्यां १०० । ६३ । शोधितौ ये शेषके तन्मितौ लब्धिगुणौ नवतिशाखिते ज्ञातव्यौ ७० । ४५ । एतयोरपि स्वतक्षणक्षप इति वा १७० । १०८ । अथवा २७० । १७२ ।

द्वितीयोदाहरणम् ।

यद्गुणा गणक विद्यन्विता वर्जिता च दशभिः षडुच्चरैः ।

स्यात् त्रयोदशहृता निरग्रका तं गुणं कथय मे पृथक् पृथक् ॥ १ ॥

न्यासः । भाज्यः ६० हारः १३ । क्षेपः १६ ।

प्राणवज्जाता वल्ली, ५
वल्ली ९
वल्ली १६ } प्राणवज्जाते गुणासी २ । = । अत्रापि ल-
वययो विषमा अतो गुणासी स्वतक्षणाभ्यां
६० । १३ । शोधिते जाते ११ । ५२ । एवं

षोडशक्षेपे । एतावेव लब्धिगुणौ ५२ । ११ । स्वहराभ्यां शोधितौ जातौ
षोडशविशुद्धौ १ । = ।

अत्रोपपत्तिस्तु “यदा गतौ लब्धिगुणा” वित्याद्यपपत्त्या स्फुटैव ।

कुट्टकान्तरे करणसूत्रं सार्थवृत्तम् ।

गुणलब्ध्योः समं ग्राह्यं धीमता तक्षणे फलम् ॥ ७ ॥

हरतषे धनक्षेपे गुणलब्ध्यो तु पूर्ववत् ।

दोपतक्षणलाभादया लब्धिः शुद्धौ तु वर्जिता ॥ = ॥

उदाहरणम् ।

येन संगुणिताः पञ्च त्रयोर्विशतिसंयुताः ।

वर्जिता वा त्रिभिर्भक्ता निरग्राः स्युः स को गुणः ॥ १ ॥

न्यासः । भाज्यः ५ । हारः ३ । क्षेपः २३ ।

अत्र वल्ली, १३ } पूर्ववज्जातं राशिद्वयम् ५२ । एतौ भाज्य-
हाराभ्यां तष्ठौ । अत्राधोराशौ २३ त्रिभिस्तष्ठे

सप्त लभ्यन्ते ऊर्ध्वराशौ ४६ पञ्चभिस्तष्ठे नव लभ्यन्ते तत्र नवन ग्राह्याः ।

गुणलब्ध्योः समं ग्राह्यं धीमता तक्षणे फलमिति । अतः सप्तैव ग्राह्याः ।

एवं जाते गुणासी २ । ११ क्षेपजे तक्षणाच्छुद्धे इति त्रयोर्विशतिशुद्धौ
जाता विपरीतशोधनादवशिष्टा लब्धिः ६ । शुद्धौ जाते १ । ६ ।

इष्टाहतस्वस्वहरेण युक्ते ते वा भवेतां बहुधा गुणासी । धनर्णयो-
रन्तरमेव योग इति द्विगुणितौ स्वस्वहारौ क्षेप्यौ यथा धनलब्धिः स्या-
दिति कृते जाते गुणासी ७ । ४ । एवं सर्वत्र । अथवा हरतषे धन-
क्षेपे इति—

न्यासः । भाज्यः ५ । हारः ३ । क्षेपः २ ।

पूर्ववज्जाते गुणासी २ । ५ । एते स्वहराभ्यां विशोधिते शुद्धे जाते
१ । १ । एषा लब्धिः १ । क्षेपतक्षणलाभेन ७ हीना जाता वियोगजा

लब्धिः ६ । क्षेपतक्षणलाभाद्या लाव्यरिति क्षेपतक्षणलाभेन ७ युक्ता
लब्धिः कार्या जातौ क्षेपजौ, लब्धिगुणौ ११ । २ । शुद्धौ तु वर्जितेति
जाते शुद्धिजे १ । ६ । अत्र शुद्धो न भवति तस्माद्विपरीतशोधनेन ऋण-
लब्धिः ६ । गुणः ६ । धनलब्ध्यर्थं द्विगुणस्वहारक्षेपः क्षित्से सति जाते ७।४

अत्रोपपत्तिः । अत्रैव प्रागुक् (१) (२) समीकरणयोरन्तरेण—

हा (ल-इ-भा)=भा (गु-इ-हा)+क्षे

अत्र यदि ल-इ-भा = ल, गु = गु-इ हा

तदा हा ल = भा गु + क्षे

$$\therefore \text{ले} = \frac{\text{भा-गु} + \text{क्षे}}{\text{हा}}$$

एतेन गुणलब्ध्योः समं ग्राह्यं धीमता तक्षणे फलमित्युपपद्यते ।

पुनः कुट्टकक्रियया—

हा ल = भा-गु + क्षे

अत्र यदि क्षे' = क्षे-हा-ल कल्प्यते

तदा हा-ल = भा गु + क्षे-हा-ल

$$\therefore \text{ल} + \text{ल} = \frac{\text{भा-गु} + \text{क्षे}}{\text{हा}}$$

एतेन हरतष्टे धनक्षेपे' इत्याद्युपपद्यते ।

कुट्टकान्तरे करणसूत्रं वृत्तम् ।
क्षेपाभावोऽथवा यत्र क्षेपः शुद्धेद्वरोद्धृतः ।
ज्ञेयः शून्यं गुणस्तत्र क्षेपो हारहृतः फलम् ॥ ६ ॥

उदाहरणम् ।

येन पञ्चगुणिताः स्वसंयुताः पञ्चषष्ठिस(हेताश्च तेऽथ वा ।

स्युख्योदशहृता निरत्रकास्तं गुणं गणक कीर्त्यागु मे ॥ १ ॥

न्यासः । भाज्यः ५ । हारः १३ । क्षेपः ०

ज्ञेयः शून्यं गुणस्तत्र क्षेपो हारहृतः फलमिति । क्षेपाभावे गुणासी० । ० इष्टाहृत इति अथवा १३ । ५ । वा २६ । १० ।

न्यासः । भाज्यः ५ । हारः १३ । क्षेपः ६५ ।

क्षेपः शुद्धेद्वरोद्धृतः । ज्ञेयः शून्यं गुणस्तत्र क्षेपो हारहृतः फलमिति जाते गुणासी० । ५ । वा १३ । १० । अथवा २६ । ६५ । इत्यादि ।

अत्रोपपत्तिः । अत्र यदि हा. ल = भा गु ± ०

तदा कुट्टकप्रश्नानुसारेण—

जाता बल्ली

ल
ः
ल
ः
ः
ः
क्षे
०

परन्त्वत्र क्षे = ०, अतो यथोक्त्या जातौ लब्धिगृणौ

ल = ०

गु = ०

एवमेव यत्र हरतष्टे धनक्षेपे शेषम् = ०, तत्रापि

यथोक्त्या लब्धिगृणौ ल = ० परमिह “क्षेपतक्षणलाभाद्वा लब्धिः” रित्या-

दिना लब्धिः = ल

एतेनोपपन्नं सर्वमाचार्योक्तम् ।

अथ सर्वत्र कुट्टके गुणलब्ध्योरनेकधादर्शनार्थं करणसूत्रं
वृत्ताधीम् ।

इष्टाहतस्वस्वहरेण युक्ते ते वा भवेतां बहुधा गुणात्मी ॥

अस्योदाहरणानि दर्शितानि पूर्वमिति ।

अत्रोपपत्तिः । अत्र प्रागुक्तः (१) (२) समोकरणयोर्योगेन—

हा (ल + इ.भा) = भा (गु + इ हा) + क्षे

अत्र यदि ल = ल + इ भा, गु = गु + इ हा

तदा ह.ल = भा गु + क्षे

$$\therefore \text{ल} = \frac{\text{भा गु} + \text{क्षे}}{\text{हा}}$$

एतेनोपपन्नं सर्वम् ।

अथ स्थिरकुट्टके करणसूत्रं वृत्तम् ।

क्षपे तु रूपे यदि वा विशुद्धे स्थातां क्रमाद्ये गुणकारलब्धी ।

अभीप्सितक्षेपविशुद्धिनिघ्न्यौ स्वहारतष्टे भवतस्तयोस्ते ॥ १० ॥

प्रथमोदाहरणे द्विभाज्यहारयो रूपक्षेपयोन्यासः । भाज्यः १७ ।

हारः १५ । क्षेपः १ । अत्र गुणात्मी ७ । ८ । एते त्विष्टक्षेपेण पञ्चकेन

गुणिते स्वहारतटे च जाते ५ । ६ । अथवा रूपशुद्धौ गुणासी ७ । ८ ।
तक्षणाच्छुद्धे जाते गुणासी ९ । १० । एते पञ्चगुणे स्वहारतटे च जाते
१० । ११ । एवं पष्ठिविशुद्धौ । एवं सर्वत्र । अस्य ग्रहगणिते उपयोग-
स्तदर्थं किञ्चिदुच्यते ।

कल्प्याऽथ शुद्धिर्विकलावशेषं पष्ठिश्च भाज्यः कुदिनानि हारः ।

तज्जं फलं स्युर्विकला गुणस्तु लिपाग्रमस्माच्च कला लवाग्रम् ॥ ११ ॥
एवं तदूर्वच्च तथाऽधिमासावमाग्रकाभ्यां दिवसा रवीन्द्रोः ॥ १२ ॥

ग्रहस्य विकलावशेषेण ग्रहाहर्गणयोरानयनम् । तद्यथा । तत्र
षष्ठिर्भाज्यः । कुदिनानि हारः । विकलावशेषं शुद्धिरिति प्रकल्प्य साध्ये
गुणासी तत्र लघ्विर्विकलाः स्युः । गुणस्तु कलावशेषम् ।

एवं कलावशेषं शुद्धिस्तत्र षष्ठिर्भाज्यः । कुदिनानि हारः । लघ्विः
कला गुणो भागशेषम् ।

भागशेषं शुद्धिः । विशद्ग्राज्यः । कुदिनानि हारः । फलं भागा गुणो
राशिशेषम् ।

एवं राशिशेषं शुद्धिः । द्वादश भाज्यः । कुदिनानि हारः । फलं
गतराशयः । गुणो भगणशेषम् ।

कल्पभगणा भाज्यः । कुदिनानि हारः । भगणशेषं शुद्धिः । फलं
गतभगणाः । गुणोऽहर्गणः स्यादिति ।

अस्योदाहरणानि चिप्रशनाध्याये ।

एवं कल्पाधिमासा भाज्यः । रविदिनानि हारः । अधिमासशेषं
शुद्धिः । फलं गताधिमासा गुणो गतरविदिवसाः ।

एवं युगावमानि भाज्यः । चान्द्रदिवसा हारः । अवमशेषं शुद्धिः ।
फलं गतावमानि । गुणो गतचान्द्रदिवसा इति ।

अत्रोपपत्तिः । अत्रापि कुट्टकप्रश्नोक्त्या—

हा.ल = भा.गु ± क्षे

पक्षी क्षे अनेन भक्तौ—

$$\frac{\text{हा}}{\text{क्षे}} \text{ } \frac{\text{ल}}{\text{क्षे}} = \frac{\text{भा}}{\text{क्षे}} \cdot \frac{\text{गु}}{\text{क्षे}} \pm 1$$

अत्र हारभाज्यक्षेपाः परस्परं ददा अतोऽत्र ल, गु क्षेपेण क्षे अनेन निःशेषौ
भवतस्तेन—

यदि $\frac{\text{ल}}{\text{क्षे}} = ,$ ल तथा $\frac{\text{गु}}{\text{क्षे}} = \text{गु}$

$$\therefore \text{हा क्षे.ल} = \text{भा क्षे गु} + \text{क्षे}$$

$$\text{वा हा ल} = \text{भा.गु} + \text{१}$$

$$\therefore \text{ल} = \frac{\text{भा.गु} + \text{१}}{\text{हा}}$$

अन्नापि कुट्टकोक्त्या लाभधगुणौ लं, गु क्षेपण क्षे मितेन गुणितौ तदा वास्तवौ लघिधगुणौ भवतस्तेनोपपन्नम् ।

संश्लिष्टकुट्टके करणसूत्रं वृत्तम् ।

एको हरश्वेद्गुणकौ विभिन्नौ तदा गुणैक्यं परिकल्प्य भाज्यम् ।
अग्रैक्यमग्रं कृत उक्तवद्यः संश्लिष्टसंज्ञः स्फुटकुट्टकोऽसौ ॥ १३ ॥

उदाहरणम् ।

कः पञ्चनिमो विहृतस्त्रिपञ्च्या सप्तावशेषोऽथ स एव राशिः ।
दशाहतः स्याद्विहृतस्त्रिपञ्च्या चतुर्दशाश्रो बद राशिमेनम् ॥ १ ॥
अत्र गुणैक्यं भाज्यः । अप्रैक्यं शुद्धिः ।
न्यासः । भाज्यः १५ । हारः ६३ । क्षेपः २१ ।
पूर्ववज्ञातो गुणः ७ । फलम् २ । एतौ स्वतक्षणाभ्यां शोधितौ
जातौ विशेषगजौ लिङ्घिगणौ ३ । १४ ।

इति लीलावत्यां कुदृक्ष
अन्नोपपत्तिः । अन्नापि कुदृक्षप्रदानसारेण—

∴ प्रलःहा = प्रगुया-प्रश्ने

द्विलःहा = द्विगुया-द्विशे

द्वयोर्योगेन —

हा (प्रल + द्विल) = (प्रगु + द्विगु) या- (प्रशे + द्विशे)

$$\therefore \text{प्रल} + \text{द्विल} = \frac{(\text{प्रगु} + \text{द्विगु}) \text{ या} - (\text{प्रशे} + \text{द्विशे})}{\text{हा}}$$

अत्र यदि भाज्यः = प्रगु + द्विगु, क्षेपः = प्रशे + द्विशे

तदा कुट्टकविधिनायो हि गुणकः स पूर्व यावत्तावन्मानं स्यात्तेनोपपन्नमाचार्योक्तम् ।

परन्त्वत्रैव (१) (२) समीकरणभ्यां—

$$\text{या} = \frac{\text{प्रल.हा} + \text{प्रशे}}{\text{प्रगु}}$$

$$\text{या} = \frac{\text{द्विल.हा} + \text{द्विशे}}{\text{द्विगु}}$$

$$\therefore \frac{\text{प्रल.हा} + \text{प्रशे}}{\text{प्रगु}} = \frac{\text{द्विल.हा} + \text{द्विशे}}{\text{द्विगु}}$$

समच्छेदीकृत्य छेदगमेन—

$$\text{प्रल.हा.द्विगु} + \text{प्रशे.द्विगु} = \text{द्विल.प्रगु हा} + \text{द्विशे.प्रगु}$$

समशोधनादिना—

$$\text{प्रल. द्विगु} \parallel \text{द्विल.प्रगु} = \frac{\text{द्विशे.प्रगु} \parallel \text{प्रशे.द्विगु}}{\text{हा}}$$

पूरेन मिथो गुणगुणितयोः शेषयोरन्तरं हारभर्त्त यदि निःशेषं स्यातदा प्रश्नोऽ-
खिलो भवत्यन्यथा खिल इति धीरैसुहुविवेचनीयम् ।

इति लीलावतीवासनार्थां कुट्टकाध्यायः समाप्तः ॥

अथ गणितपाशो निर्दिष्टाङ्कौः संख्याया विभेदे
करणसूत्रं वृत्तम् ।

स्थानान्तमेकादिच्याङ्कघातः संख्याविभेदा नियतैः स्युरङ्कौः ।

भक्तोऽङ्कमित्याङ्कसमासनिधनः स्थानेषु युक्तो मितिसंयुतिः स्यात् ॥१॥

अब्रोहेशकः ।

द्विकाटकाभ्यां त्रिनवाष्टकैर्वा निरन्तरं द्व्यादिनवावसानैः ।

संख्याविभेदाः कति सम्भवन्ति तत्संख्यकैक्यानि पृथग्वदाशु ॥२॥

स्थासः । २ । ८ । अत्र स्थाने २ । स्थानान्तमेकादिच्याङ्कौ १ । २ ।

घातः २ । एवं जातो संख्याभेदौ २ । अथ स एव घातोऽङ्कसमास १०
निधनः २० । अङ्कमित्यानया २ भक्तः १० । स्थानद्वये युक्तो जातं
संख्यैक्यम् । ११० ।

द्वितीयोदाहरणे ।

स्थासः । ३ । ६ । ८ । अत्रैकादिच्याङ्काः १ । २ । ३ । घातः ६
एतावन्तः संख्याभेदाः । घातः ६ अङ्कसमासा २० हतः १२० । अङ्कमित्या
भक्तः ४० । स्थानत्रये युक्तो जातं संख्यैक्यम् ४४४० ।

तृतीयोदाहरणे

स्थासः । २ । ३ । ४ । ५ । ६ । ७ । ८ । ९ । एवमत्र संख्याभेदाश्च-
त्वारिंशत्सहस्राणि शतत्रयं विंशतिश्च ४०३२० । संख्यैक्यश्च चतुर्विंश-

तिनिखर्वाणि त्रिषष्टिपचानि नवनवतिकोट्यः नवनवतिलक्षाः पञ्चसप्त-
तिसहस्राणि शतत्रयं षष्ठिश्च २४६३८८७५३६० ।

उदाहरणम् ।

पाशाङ्गुशाहिडमरुककपालशूलैः
खट्टवाङ्गशक्तिशरचापयुतैर्भवन्ति ।
अन्योऽन्यहस्तकलितैः कति मूर्तिभेदाः
शम्भोर्हरेरिव गदारिसिरोजशङ्खैः ॥ २ ॥

न्यासः । स्थानानि १० । जाता मूर्तिभेदा ३६२८८०० । एवं हरेश्च २४ ।

अत्रोपपत्तिः । अत्राङ्गानां पाशो रचना विशेषोऽङ्गपाशः । अर्थादेतदुक्तं भवति
यदङ्गार्णवेषु भिन्नान् करिष्यानङ्गान् संगृह्येकादिषु परिमितेषु स्थानेषु यदि तेषामेवा-
ङ्गानां स्थानपरिवर्तनेन निवेशः क्रियते तदा तत्स्थापनप्रकाराः क्रियन्तो भवन्त्येतद्वि-
धायकप्रकारस्यैवाङ्गाशेति संज्ञा कृताऽचार्येण ।

यथाऽत्र अ, क, ग, घ, च, प इत्यादयो न मिता अङ्गाः सन्ति तथा च १ समानि
स्थानानि । अत्र न मितेष्वेषु र समान् भिन्नान् भिन्नानङ्गान् गृहीत्वा प्रत्येकस्मिन्
स्थाने स्थानपरिवर्तनेन यदि स्थाप्यते तदा स्थापनप्रकाराः क्रियन्तीत्यस्य
जिज्ञासां तत्र तावदुच्यते ।

अथ यदि प्रथमस्थाने अ निवेश्यते तदाऽवशेषेषु न-१ षष्ठु कोऽप्यङ्गो द्वितीय-
स्थाने निवेशयितुं शक्यते । अतः स्थानद्वये निवेशनप्रकारा न-१ मिता भवन्ति ।

तद्यथा अक, अग, अघ, अच, अप.....(१)

एवं यदि क, ग, घ, च, प इत्यादयो वर्णाः प्रत्येकं प्रथमस्थाने स्थाप्यते तदा
प्रागुक्त्युक्त्यैव निवेशन प्रकारा न-१ मिता एव भवन्त्यतः ।

कअ, कग, कघ, कच, कप.... (२)

गअ, दक, कघ, गच, गप (३)

घअ, घक, घघ, घच, घप (४)

....

....

अप, पक, पग, पघ, पच....

अत्र, सर्वेषां (१) (२) (३) (न)

भेदानां योगेन वास्तवा स्थानद्वयभवा भेदा भवन्त्यतः—

स्थानद्वये भेदाः = न (न-१)

अथानन्तरकथितभेषु न(न-१) षष्ठु प्रथमं कोष्येको भेदो यदि प्रथमं स्थानद्वये
निवेश्यते तदाऽवशिष्येषु न-२ मिताङ्गेषु कोऽप्यङ्गस्तुतीयस्थाने स्थापयितुं युज्यतेऽत-
स्तविनिवेशन प्रकारा न-२ मिता भवन्ति । एवं सर्वभेदग्रहणेन तन्मिता एव भेदा

न (न-१) एतत् स्थानपर्यन्तं जायन्तेऽतः सर्वभेदानां योगकरणे न स्थानत्रयभवा
भेदाः = न (न-१) (न-३)

एवमुपरोक्तभेदेषु न (न-१) (न-२) एषु प्रथमं कोऽप्येषो भेदो यदि प्रथम-
स्थानत्रये स्थाप्यते तदा शेषेषु न-३, मिताङ्गेषु कोऽप्यद्विक्षुर्थस्थाने निवेशयितुं
शक्यतेऽतोऽत्रापि तत्स्थापत्प्रकारा न-३, मिता भवन्ति । एवमुक्त्युक्त्यैव सर्वभेद-
ग्रहणेन तन्मिता भेदप्रकारा न (न-१) (न-२) एतत्स्थानावध्यःस्युस्तेनावापि
सर्वपां भेदानां योगकरणे चतुर्थस्थानीया भेदाः = न (न-१) (न-२) (न-३) ।
एवमग्रेऽप्यवेगम् ।

एवमन्यैवदिशा र स्थानभवाभेदाः—

= न (न-१) (न-२) न (न-२+१) ……(१) यद्यत्र न=२, तदा
न, स्थानीयाभेदाः - १ - २ - ३ - ४ - ५ - ६ ……न% एतेनोपपन्ने पृथीधर्माचार्योक्तम् ।

अथोपरोक्तप्रकारेण अ, क, ग, घ इत्यादिभिरङ्गुय य न स्थानभवाभेदाः संजायन्ते
तत्र प्रत्येकस्मिन् भेदे न मितान्प्रेवाङ्गानि स्थानपरिवर्तनेन वर्तन्ते । तत्रैकस्मिन् भेदे
स्थानक्रमेण यदि अ, क, ग, घ इत्यादीनां योगो विधीयते तदा सर्वाधिका न स्थान
संख्या १० न-१, मिता एव ततः परं पदान्तावधि १० अस्यैकोनघाता भवन्ति ।

अथ प्रथमं यदि अ अस्य सर्वाधिकं स्थानं स्वीकृत्य भेदा आनीयन्ते तदाऽध्यो
लिखिता भेदा उत्पद्यन्ते ।

तद्यथा १० न-२ अ + १० न-२ क + १० न-३ ग + न

१० न-१ अ + १० न-२ ग + १० न-३ क + + न

....

....

अत्र भेदस्वरूपदर्शनेन स्पष्टमवगम्यते यत् अ अस्य सर्वाधिकस्थानकल्पनेन
तेन सह भेदसाधनेन च १० न-१ अ इयं संख्या सर्वभेदे | न-१ एतमित्वा
भवति । एवं क अस्य सर्वाधिकस्थानं प्रकल्प्य तेन सह यदि भेदाः साध्यन्ते तदा
प्रोक्त्युक्त्यैव १० न-१ क इगमपि सर्वभेदे | न-१ एतन्मित्वैव । एवमेव
१० न-१ . ग, १० न-१ . घ इत्यादयोऽपि प्रत्येकं | न-१ एतन्मिता भवन्तीति
स्फुटमेव गणितविदाम् । भेदेषु तेषां तेपामेवाङ्गानां स्थानपरिवर्तनेन समावेशात् ।
अन्यैवदिशा १० न-२ . अ, १० न-२ . ग इत्यादीनामङ्गानां मध्ये प्रत्येकं | न-१
एतत्समप्रेवोपलभ्यते ।

* अत्र संक्षेपार्थ १ २-३-४…… न इति | न अनेन संकेतेन योत्यते ।

एवमेव वृत्तीयपंक्तिगतानामङ्कानां १० न-३ अ, १० न-३ क, इत्यादीनां
मध्येऽपि प्रत्येकमेतत् । न-१ समं जायते । पूर्वं स्थानान्तावधि चतुर्शादि-
पंक्तिगताः सर्वाः संख्या भवेयुः । सर्वेषां योगेन वास्तवभेदगतानामङ्कानां
संयुतिर्भवतीति धीमतामतिरोहितमेवातस्तत्र तावप्रथमं पंक्तिगतानामङ्कानां योगः =
| न-१ - १० न-१ (अ + क + ग + ... + न)

द्वितीयपंक्तिगतानामङ्कानां योगः = | न-१ - १० न-३ (अ + क + ग + ... + न)

एवं न पंक्तिगतानामङ्कानां योगः = | न-१ (अ + क + ग + ... + न)
सर्वेषां योगेन भेदगतानामङ्कानां योगः स्यात्तेन —

$$\text{योगः} = | \underset{n}{\text{न}} \underset{-1}{(अ + क + ग + \dots + न)} \\ \times (10 \underset{-1}{\text{न}} + 10 \underset{-2}{\text{न}} + \dots + 1) \\ = \frac{1}{n} (अ + क + ग + \dots + न) \cdot 11111\dots n, \text{ पर्यन्तम् ।}$$

अत्र | न = १ - २ - ३ - ४ - - - - - न = पूर्वांगतभेदः ।
न = स्थानसंख्या

$$\therefore \text{योगः} = \frac{\text{पूर्वांगतभेद}}{\text{स्थानसंख्या}} (\text{अ} + \text{क} + \text{ग} + \dots + \text{न}) \cdot 11111\dots n$$

अतउपपन्नं सर्वं भास्करोक्तम् ।

विशेषे करणसूत्रं वृत्तम् ।

यावत्स्थानेषु तुल्याङ्कास्तद्भेदैस्तु पृथक्कृतैः ।
प्राग्भेदा विहृता भेदात्संख्यैवयश्च पूर्ववत् ॥ १ ॥

अत्रोद्देशकः ।

द्विद्वयेकभूपरिमितैः कति संख्यकाः स्यु-

स्तासां युतिश्च गणकाशु मम प्रचद्व ।

अम्भोधिकुम्भिसरभूतशरैस्तथाङ्कौ-

श्रेदङ्कपाशविघ्युक्तिविशारदोऽसि ॥ १ ॥

न्यासः २ । २ । १ । १ । अत्र प्राग्भद्भेदाः २४ । यावत्स्थानेषु
तुल्याङ्कां इति । अथैवं प्रथमं तावत्स्थानद्वये तुल्यौ । प्राग्भत् स्थान-
द्वयाज्ञातौ भेदौ २ । पुनरन्यत्रापि स्थानद्वये तुल्यौ । तत्राप्येवं भेदौ २ ।
भेदाभ्यां प्राग्भेदाः २४ भक्ता जाता भेदाः ६ । तद्यथा २२११ । २१२१ ।
२११२ । १२१२ । १२२१ । ११२२ । पूर्ववत्संख्यैवयश्च ६६६६ ।

न्यासः । ४ । = । ५ । ५ । ५ । अत्रापि पूर्ववद्भेदाः १२० । स्था-
नत्रयोत्थभेदै द र्भक्ता जाताः २० । तथाथ—

४ द ५ ५ ५ ५ । द ४ ५ ५ ५ ५ । ५ ४ द ५ ५ ५ ।
५ ८ ४ ५ ५ ५ । ५ ५ ४ ८ ८ ५ । ५ ५ ८ ४ ५ ।
५ ५ ५ ४ ८ । ५ ५ ५ ८ ४ । ४ ५ ८ ५ ५ ।
४ ५ ५ ८ ८ ५ । ४ ५ ५ ५ ८ । ८ ५ ८ ५ ५ ।
८ ५ ५ ४ ८ ५ । = ५ ५ ५ ४ । ५ ४ ८ ५ ८ ।
५ ८ ८ ५ ४ ५ । ५ ५ ४ ८ ५ ८ । ५ ५ ८ ५ ४ ।
५ ४ ८ ५ ५ ८ । ५ ८ ५ ५ ४ । एवं विशति ।

अथ संख्यैव्यञ्ज ११४०६८ ।

अत्रोपपत्तिः । कल्प्यन्ते न मिता वर्णाः, यत्र य मिताः अ वर्णाः, र मिताः क
वर्णाः ल मिताः ग वर्णास्तथाऽन्ये चासद्वशा वर्णाः सन्ति ।

अथात्र न मितैवर्णेभेदज्ञाने तु प्रथमं न मितेषु वर्णेषु य स्थानीयभेदाः पूर्वप्रकारे-
णानीय प्रथमसंज्ञा कल्पिता । तथा च न-य मितेषु वर्णेषु प्रागुक्तीत्या र स्थानीया
ये भेदास्ते द्वितीयभेदाः कल्पिताः । तथैव च न-य-र मितेषु वर्णपूक्तीत्या ल स्था-
नभवा भेदा स्तृतीयसंज्ञकाः कल्पिताः । एवमन्ते न-य-र-ल एमिसद्वशैवर्णः सर्व-
स्थानीया ये भेदास्ते चतुर्थसंज्ञका भवन्ति ।

$$\text{अतः प्रथमभेदाः} = \frac{\text{न}}{\text{य . } \underset{\text{य-न}}{\text{न-य}}}$$

$$\text{,, द्वितीयभेदाः} = \frac{\text{य-न}}{\text{र . } \underset{\text{न-य-र}}{\text{न-य-र}}}$$

$$\text{,, तृतीयभेदाः} = \frac{\text{न-य-र}}{\text{ल . } \underset{\text{न-य-र-ल}}{\text{न-य-र-ल}}}$$

$$\text{एवं चतुर्थभेदाः} = \underset{\text{न-य-र-ल}}{\text{न-य-र-ल}}$$

अत्र सर्वषासुपरोक्तभेदचतुष्टयानां घातेन वास्तवा अभीष्टा भेदा भवन्ति तेन-

$$\text{वास्तवभेदाः} = \frac{\text{न}}{\text{य . } \underset{\text{न-य}}{\text{न-य}}} \frac{\text{य-न}}{\text{र . } \underset{\text{न-य-र}}{\text{न-य-र}}} \\ \frac{\text{न-य-र}}{\text{ल . } \underset{\text{न-य-र-ल}}{\text{न-य-र-ल}}}$$

अत्र गुणहरयोस्तुल्यत्वान्नाशे कृते जाता वास्तवा भेदाः

= $\frac{\text{न}}{\text{य} \cdot \text{र} \cdot \text{ल}}$ अन्नापि भेदक्यानयनं पूर्ववदेव कर्तव्यम् । तेनोपपन्नं सर्वं
सुस्फुटं भास्करोक्तम् ।

अथ वोपपत्तिः । अन्नापि अ, क, ग इत्यादि न वर्णा यत्र य समाः अ वर्णाः, र समाः क, वर्णास्तथा ल समा ग वर्णाः सन्ति । अत्र यदि वास्तवभेदमानम् = भे, तदा भेदेषु प्रत्येकस्मिन् भेदे य मिताः अ, र मिताः क, तथा ल मिता ग वर्णा वर्तन्तेऽतोत्रैकस्मिन् भेदे केवलं अ, वर्णानां स्थानपरिवर्तनेन । य मिता भेदाः ससु-त्पद्यन्ते । अतो वास्तवभेदे जाता भेदाः = भे । य । अन्नाप्येकस्मिन्नेव भेदे यदि क, वर्णानां स्थानपरिवर्तनेन भेदा आनीयन्ते तस्मिन् । र मिता भेदा भवन्ति तेन सर्वभेदाः = भे । य । र एवमत्राप्येकस्मिन्नेव भेदे केवलं ग, वर्णानां स्थानपरि-वर्तनेन । ल मिता भेदाः संजायन्ते अतः सर्वे भेदाः = भे । य । र । ल एवम-ग्रेष्टपि बोध्यम् ।

अता वास्तवभेदाः = भे

सर्वभेद
= $\frac{\text{सर्वभेद}}{\text{य} \cdot \text{र} \cdot \text{ल}}$
= $\frac{\text{न}}{\text{य} \cdot \text{र} \cdot \text{ल}}$

एतेनोपपन्नं सर्वमाचार्योक्तम् ।

अनियताङ्कौरतुल्यैश्च विभेदे करणसूत्रं वृत्तार्थम् ।
स्थानान्तमेकापचितान्तिमाङ्कघातोऽसमाङ्कौश्च मितिप्रभेदाः ।

उदाहरणम् ।

स्थानषट्कस्थितैरंकैरन्योन्यं खेन वर्जितैः ।

कति संख्याविभेदाः स्युर्यदि वेत्सि निगद्यताम् ॥ १ ॥

अत्रान्तिमाङ्को नवं ४ । अत्रान्त्याङ्को यावत्स्थानमेकापचितेन न्यासः ।
४ । ८ । ७ । ६ । ५ । ४ । एषां धाते जाताः संख्याभेदाः ६०४८० ।

अत्रोपपत्तिस्तु प्रथमसूत्रोपपत्त्या सुगमा ।

अःयत्करणसूत्रं वृत्तद्वयम् ।

निरेकमंकैक्यभिदं निरेकस्थानान्तमेकापचितं विभक्तम् ॥ ३ ॥

रूपादिभिस्तन्निहतेः समाः स्युः संख्याविभेदा नियतेऽङ्कयोगे ।

नवान्वितस्थानकसंख्यकाया ऊनेऽङ्कयोगे कथितं तु वेद्यम् ॥ ४ ॥

संक्षिप्तमुक्तं पृथुताभयेन नान्तोऽस्ति यस्माङ्गणितार्णवस्य ।

उदाहरणम् ।

पञ्चस्थानस्थितैरङ्गेयद्ययोगल्लयोदश ॥

कति भेदा भवेत्संख्या यदि वेत्सि निगद्यताम् ॥ २ ॥

अत्राद्वैत्यम् १३ निरेकम् १२ । एतन्निरेकस्थानान्तमेकापचितमे-
कादिभिश्च भक्तं जातम् १३ १२ १३ १२ । एवां ग्रातसमा जाताः संख्या-
भेदाः ॥ ४६५ ॥

इति श्रीलीलावत्यामङ्कुपाशः ।

अत्रोपपत्तिः । अत्राभीष्टस्थानस्थितानां तेपासेवाक्षारान् भेदाः कियन्तो भवन्ति येषां प्रति भेदे स्थानीयाङ्क्योगो निश्चिह्नसमो भवेदित्येतदर्थं तत्र तावदाचार्यको-दाहरणे कल्प्यते योगः = यो = १३,

अथैकस्मिन् स्थाने रूप एव । स्थानद्वये तु प्रतिभेदानां विच्यासेन स्थानद्वयो-
ङ्गवा भेदाः—

यदि स्था = ३, तदा तत्रादौ तावस्थानद्योज्ज्वानां भेदानां पृथक् विच्छासेन—

अत्र स्वरूपदर्शनेन स्फुरं यत्

$$\text{प्रथमभेदाः} = 11$$

$$\text{द्वितीयभेदाः} = 10$$

$$\text{तृतीयभेदाः} = 9$$

$$\text{चतुर्थभेदाः} = 8$$

$$\text{पञ्चमभेदाः} = 7$$

$$\text{षष्ठभेदाः} = 6$$

$$\text{सप्तमभेदाः} = 5$$

$$\text{अष्टमभेदाः} = 4$$

$$\text{नवमभेदाः} = 3$$

$$\text{दशमभेदाः} = 2$$

$$\text{एकादशभेदाः} = 1$$

तथाचैकादिषु भेदेषु प्रतिभेदगतस्थानीयाङ्क योगः क्रमे १२, ११, १०, ९, ८,
७, ६, ५, ४, ३, २, तेनान्त्रैकादिभेदेषु प्रतिभेदे १, २, ३, ४, ५, ६, ७,
८, ९, १०, ११, क्रमेणसंयोजयते तदा स्थानन्त्रयोद्भवाभेदा ११ अस्य संकलित-
समा भवन्ति येषां प्रतिभेदीयस्थानाङ्कयोगोऽभीष्टयोगसमः स्थान-
त्रयभेदाः $= \frac{11 \times 12}{2} = \frac{(यो-३)(यो-१)}{१-२}$

यदि च स्था=४, तदा यथोक्त्या पृथक्भेदानां विन्यासेन १० अस्य संकलित-
क्यसमा भेदाः समा गच्छन्ति । तेन चतुः स्थानीया भेदाः $= \frac{10-11-12}{1-2-3}$
 $= \frac{(यो-३)(यो-२)(यो-१)}{१-२-३}$

एतेनावसीयते यत् स्थानद्वये रूपोनयोगसमभेदाः, स्थानन्त्रये तु द्यूनयोगस्य संक-
लितसमास्तथा स्थानचतुष्के च त्रयूनयोगस्य संकलितैक्यसमा एवं स्थानपञ्चके तु
चतुरुनयोगस्य संकलितैक्यैक्यतुलयाः भेदा भवन्ति । एतमधेऽपि बोध्यम् ।

तेनात्र यदि स्थानसंख्या = स्था,

$$\text{तदा स्थानीयाभेदाः} = \frac{(यो-१)(यो-२)\dots(यो+१-स्था)}{१-२-३\dots(स्था-१)}$$

यथाऽचार्योक्तोदाहरणे स्थानसंख्या=५, योगः=१३,

$$\therefore \text{पञ्चस्थानीयाभेदाः} = \frac{(13-1)(13-2)\dots(13+1-9)}{1-2-3\dots(9-1)}$$

$$= \frac{12 \times 11 \times 10 \times 9}{1-2-3-4}$$

$$= 819$$

अथेतत् प्रतीत्यर्थं पृथक् भेदानां विन्यासेन—

	अत्र वास्तवभेदाः	=	९
११११९	" "	=	२०
१११२८	" "	=	२०
१११३३	" "	=	२०
१११४६	" "	=	२०
१११५९	" "	=	१०
११२३३	" "	=	६०
११३३६	" "	=	३०
२२२२६	" "	=	६
२२२२४	" "	=	२०
२२२६१	" "	=	२०
२२४४१	" "	=	३०
२२५६१	" "	=	६०
२२११७	" "	=	३०
२११४९	" "	=	६०
३३३३२	" "	=	१०
३३३३१	" "	=	६
३३४३१	" "	=	६०
३४४११	" "	=	३०
			४९६

अतः सर्वभेदयोगः = ४९६

एतेनोपपन्नं “निरेकमद्वैक्यमिदं निरेकस्थानान्तमेकापचितं विभक्तम् । रूपादि-
भिस्तन्निहतेः समाः स्युः संख्याविभेदा नियतेऽङ्गयोगे” इति ।

परन्त्वत्रैव साधितभेदेषु दश तथा दशतोऽधिका कापि संख्या मा भूदित्येतदर्थं
“नवान्वितस्थानकसंख्याकाया ऊनेऽङ्गयोगे कथितं तु वेद्य” मित्याचार्योक्तं युक्तियुक्त-
मिति धीमद्विरवगन्तव्यम् ।

अथवा कापि क संख्या कतिविधैः प्रकारैर्विनिर्मायत इति जिज्ञासायां तत्र
तावत्कल्प्यते समीकरणम्—

$$y^n + y^{n+1} + y^{n+2} + \dots$$

$$+ (y^n + y^{n+1} y^{n+2} + \dots)^2$$

$$+ (y^n + y^{n+1} + y^{n+2} + \dots)^3 - \dots \text{ इत्या}$$

यत्रैकैकसमीकरणे यक्षे इयं संख्या समागच्छति यत्र च न संख्यातः स्वल्पा नहि कापि संख्या भवेत् ।

तेनात्र यदि $y^n + y^{n+1} + y^{n+2} + \dots = r$
 तदा पूर्वसमीकरण स्वरूपम्—
 $r + r^2 + r^3 + \dots$ इत्याः

अत्र बीजगणितक्रिया—

$$\begin{aligned} \frac{y^n}{1-y} &= \frac{y^n + y^{n+1} + y^{n+2} + \dots}{1 - (y^n + y^{n+1} + y^{n+2} + \dots)} \\ &= \frac{y^n}{1 - y} \\ &= 1 - \frac{y^n}{1 - y} \\ &= \frac{1 - y^n}{1 - y} \end{aligned}$$

अतः प्रागक्तसमीकरणम्—

$$r + r^2 + r^3 + \dots = \frac{y^n}{1-y} + \frac{y^{2n}}{(1-y)^2} + \frac{y^{3n}}{(1-y)^3} + \dots + \frac{y^{mn}}{(1-y)^m}$$

अतोऽत्र म संख्यकपदमानम् = य मन् . (१ - य) - म

अथात्र य मन (२-य) -म् अस्मिन् य क अस्य ये गुणकाङ्क्षास्तावन्त एव भेदा भवन्ति यत्र प्रत्येकस्मिन् भेदे स्थानीयाङ्क्षयोगः क समो भवेत् ।

परन्त बीजगणितेन—

$$y^k = y^{\text{मन}} \times y^{\text{क-मन}}$$

अस्तोऽत्र य मन् (१-य) -म् अस्मिन् य अस्य क वातस्तावद्द्विरेव प्रकारे-
भवति यावद्दिः (१-य) -म् अस्मिन् य क-मन् हयं संख्या सञ्जायतेऽतो
(१-य) -म् अस्मिन् य क-मन् अस्य ये गुणकाङ्क्षास्तपूर्वाभीष्टेदा भवन्ति— ते-

नात्र द्वियुक्तपदसिद्धान्तेन (१-य) — म अस्मिन् य क-मन अस्य गुणकाङ्क्षा: ।

$$= \frac{m(+1)(m+2)\dots(m+k-mn-1)}{|k-mn|}$$

अत्रैव यदि क संख्या न विभक्ता तत्र पूर्णा लिखिः = ल, इति प्रकल्प्य तथा
म संख्या १, २, ३, ४, ल, इत्यादिभिरुत्थाप्यते

तदा क्रमणैकादिस्थानीयभेदाः—

$$\frac{1 \cdot 2 \cdot 3 \dots (k-n)}{|k-n|}, \frac{2 \cdot 3 \cdot 4 \dots (k-2n+1)}{|k-2n|},$$

$$\frac{3 \cdot 4 \cdot 5 \dots (k-3n+2)}{|k-3n|}, \frac{4 \cdot 5 \dots (k-4n+3)}{|k-4n|} \dots \dots$$

इत्यादि भवन्ति । सर्वपां योगोऽभीष्टस्थानीया भेदा जायन्ते यत्र प्रतिभेदे
स्थानीयाङ्कयोगः क समस्तथा च न तो नहि कापि संख्या न्यूना स्यादिति ।

$$\text{अतोऽभीष्टस्थानीयभेदाः} = \frac{1 \cdot 2 \cdot 3 \dots (k-n)}{|n-k|}$$

$$+ \frac{2 \cdot 3 \cdot 4 \dots (k-2n+1)}{|k-2n|}$$

$$+ \frac{3 \cdot 4 \cdot 5 \dots (k-3n+2)}{|k-3n|} + \dots \dots$$

$$= 1 + (k-2n+1)$$

$$+ \frac{(k-3n+2)(k-3n+1)}{1 \cdot 2}$$

$$+ \frac{(k-4n+3)(k-4n+2)(k-4n+1)}{1 \cdot 2 \cdot 3}$$

+ इत्या.

अत्र स्वरूपदर्शनेन हपषमवसीयते यदत्र प्रथमपदेनैकसंख्योत्पत्तभेदो द्वितीयपदेन
संख्याद्योत्पत्तभेदस्तथा तृतीयपदेन संख्यात्रयोत्पत्तभेद एवमेवाग्रेऽपि चतुर्थादिपदेनश्चतुरा-
दिसंख्योङ्कवाः भेदाः प्रकटीभवन्तीति स्फुर्तमेव गणितविदाम् ।

अथोपरोङ्कभेदेषु यदि न मानं रूपसमं कल्पयते तदा—

$$\text{पूर्वोङ्कभेदाः} = 1 + (k-1) + \frac{(k-1)(k-2)}{1 \cdot 2}$$

$$+ \frac{(k-1)(k-2)(k-3)}{1 \cdot 2 \cdot 3} + \dots \dots$$

$$+ \frac{(क-१) (क-२) (क-३) \dots (क-स्था + १)}{१. २. ३. ४ \dots (स्था - १)}$$

अत्रैव केवलेष्टस्थानोऽद्वा भेदाः

$$= \frac{(क-१) (क-२) (क-३) \dots (क-स्था + १)}{\text{स्था} - १}$$

एतेनोपपञ्चमाचार्योक्तम् ।

इह किल भेदे प्रत्येकस्थानीयसंख्या दशतो न्युनेन भवितव्यम् । परन्तु यत्र नवान्वितस्थानसंख्यातोऽङ्गयोगोऽधिकः स्थात्तत्र भेदे स्थानीयसंख्याया दश तथा दशतोऽधिकसम्भावनया ह्याचार्योक्तभेदेषु तावन्तो भेदा अपनेया यत्र स्थानोयसंख्या दश वा दशतोऽधिका भवेयुः । परमिह कियन्तो भेदाः यत्र स्थानीयसंख्या दश तथा दशतोऽधिकाः सन्तीति तत्र तावन्न ज्ञायतेऽस्तज्ज्ञानार्थमुपायः—

अथाङ्गयोगे नवविशोध्य शेषसमयुतौ यथोक्त्या स्थानीया भेदाः साध्यात्ते ख संज्ञकाः कलिपताः । अत्रैकस्मिन् भेदे प्रत्येकैकस्मिनेव स्थाने यदि नव योज्यन्ते तदा स्थानतुल्या भेदा भवन्ति यत्र प्रत्येकस्मिन् भेदे ह्येकस्थाने स्थानीयसंख्या दश वा दशतोऽधिका स्युरतस्तादशाः सर्वे भेदाः = स्था. ख ।

एतन्मिता एव भेदा भास्करीयभेदेषु विशोधनेन वाहतवाभेदा भवन्ति ।

परन्तु ख भेदेषु यत्र स्थानीयसंख्या दश तथा दशतोऽधिकाः स्युस्तदा तत्र नवसंयोगेन स्थानद्वये स्थानीयसंख्या दश तथा दशतोऽधिका भवेयुरतो ख मितभेदेतावतो भेदान् यत्र स्थानद्वये स्थानीयसंख्या दश वा तदशतोऽधिकाः स्युर्विशोध्य शेषं भास्करीयभेदेष्वपनेयम् । परमिहापि ते भेदास्तावन्न ज्ञायते यत्र स्थानद्वये स्थानीयसंख्या दश वा दशतोऽधिकाः सन्ति अतस्तदानयनार्थमुपायः—

अत्र पूर्वयोगे द्विगुणनवविशोध्य शेषसमये योगे भास्करीयप्रकारेण ये भेदात्ते ख, संज्ञकाः । अत्रापि प्रत्येकस्मिन् भेदे द्वयोर्द्वयोः स्थानयोर्द्व य संयोगेनैकस्मिन् भेदे

भेदाः = $\frac{\text{स्था} (\text{स्था} - १)}{१. २}$ यत्र स्थानद्वये स्थानीयसंख्या दश तथा दशतोऽधिका वर्तन्ते ।

अतस्तावन्तः सर्वभेदाः = $\frac{\text{स्था} (\text{स्था} - १)}{१. २}$ ख, एतान् पूर्वभेदेषु स्था ख एषु

विशोध्य शेषं भास्करीयभेदेषु विशोधनीयम् ।

परन्तु ख, अत्रापि यदि भेदे स्थानीयसंख्या दश वा दशतोऽधिका भवन्ति तदा तत्र स्थानद्वये नव संयोगेन स्थानन्त्रये स्थानीयसंख्या दश तथा दशतोऽधिका भवेयुरतस्तादशाः सर्वभेदा अपनेयास्तज्ज्ञानार्थमुपायः—

इह किल पूर्वयोगे त्रिगुणनवविशोध्य शेषसमयोगवशेन यथोक्त्या स्थानीया

भेदाः: साध्यास्ते तु ख_२ संज्ञकाः । अत्रापि प्रति भेदे तिस्रुषु तिस्रुषु स्थानेषु नवसं-
योगेनैकस्मिन् भेदे भेदाः—

$= \frac{\text{स्था} (\text{स्था}-1) (\text{स्था}-2)}{1. 2. 3}$ यत्र स्थानत्रये स्थानीयसंख्या दश तथा दशतो-
अधिका वर्तन्ते ।

अतस्तादशः सर्वे भेदाः = $\frac{\text{स्था} (\text{स्था-१}) (\text{स्था-२})}{१ २ ३}$ ख॒ । एतन्मितान् भे-

दान् प्रागुक्तमेदेषु विशोध्य शोर्यं भास्करीयमेदेषु शोधनीयम् । एवमग्रेऽपि वोध्यम् ।
तथाकृते जातं वास्तवभेदमानम् = भास्करीयभेद-स्थान-

$$+ \frac{\text{स्था} (\text{स्था}-1) \cdot \text{ख}_1}{2} \\ - \frac{\text{स्था} (\text{स्था}-1) (\text{स्था}-2) \cdot \text{ख}_2}{3} \\ + \frac{\text{स्था} (\text{स्था}-2) (\text{स्था}-3) (\text{स्था}-4) \cdot \text{ख}_3}{4}$$

एतेच-

नवान्वितस्थानकसंख्याकातोऽधिकेऽङ्गयोगे कथयामि युक्तिम् ।

या भास्कराचार्यवरैहि भेदज्ञानाय नोक्ता पृथुताभयेन ॥

निरेकमङ्गै क्यमिदं निरेकेत्याद्युक्तरीत्या प्रथमं विभेदाः ।

साध्यास्ततोऽभीष्ट्युतौ विशेष्यास्तावन्नव प्राज्ञवरैर्हि यावत् ॥

नवाल्पशेषं हि ततः क्रमेण तत्त्वात् आस्करीतितो ये ।

स्थानीयभेदाः प्रथमादिसंज्ञा स्तेचात्र भेदानयने प्रकर्षप्याः ॥

एकाद्येकोत्तरा अङ्का इत्यादि प्रोक्तरीतिः ।

स्थानतुल्यपदे भेदानेकादित्थानजान् सुधीः ॥

आनयेत्क्रमतस्तैस्तु प्रथमादिकसंज्ञकाः ।

भेदा विनिहिताः कार्या स्तैरुनसहिताः किल ॥

प्रथमादिक्रमेणैव पूर्वभेदाः सदा बुध ।

वास्तवं भेदमानं स्यादित्यूचुरधुनातन्

मदुक्तमुपपद्यते ।

ज्ञात मदुकमुपपद्यते ॥

* उदाहरणम् । सप्तस्थानस्थितैरङ्गैर्यद्ययोगोऽविवसागरा: ।

कृति संख्या विभेदाः स्युर्यदि वेत्सि निगद्यताम् ।

न्यासः । अत्राहैक्यन् । ४४ । स्थानसंख्या ७ । ततो निरेकमहैक्यमिद मित्या-

अथ वोपपत्तिः ।

अत्रापि कल्प्यते समीकरणस्वरूपम्—

($y + y^2 + y^3 + \dots + y^6$) स्था अत्र y^k अस्य ये गुणकाङ्क्षास्त पैकैद्वयादिभवा भेदा भवन्ति यत्र भेदे स्थानीयाङ्कयोगः क समो भवेत् ।

अथ च स्थानतुल्यस्थाने दश विन्यस्य प्रत्येकपूर्वभेदानां विशेषतेन तावन्तप्त भवन्ति यत्र भवन्ति यत्र प्रत्येकस्मिन् भेदे स्थानीयसंस्था १०स्था-क समा भवति ।

अतोऽत्र ($y + y^2 + y^3 + \dots + y^6$) स्था अस्मिन् y^k अस्य य १० स्था-क अस्य वा ये गुणकाङ्क्षास्तप्तवाभीष्टभेदा भवन्तीति प्रागुक्त्युक्त्या स्पष्टमेव गणितचिदाम् ।

$$\begin{aligned} \text{अतः } & (y + y^2 + y^3 + \dots + y^6) \text{ स्था} \\ = \text{स्था } & (y + y^2 + \dots + y^6) \text{ स्था} \\ & = y \left(\frac{y^6 - 1}{y - 1} \right) \text{ स्था} \end{aligned}$$

$$= y (y^6 - 1)^{-1} \text{ स्था } (y - 1)^{-1} \text{ स्था}$$

परन्तु *द्वियुक्त्यपदसिद्धान्तेन—

$$(y^6 - 1) \text{ स्था} = y^6 \text{ स्था} - \text{स्था}.y^6 (स्था - 1)$$

दिना जाताः पूर्वभेदाः ३६५७८७२४ । अङ्क्षयुतौ ४४ नव ९ विशेष्य ३५ प्रथमशेषम् ३५ । द्वितीयशेषम् २६ । तृतीयशेषम् १७ एवं चतुर्थशेषम् । ८ । एम्भः शेषभ्यो यथोक्त्या प्रथमादि भेदाः क्रमेण प्रथमभेदाः १३४४९०४ । द्वितीयभेदाः १७७१ । तृतीयभेदाः ८००८ । चतुर्थभेदाः ७ ।

अथ स्थान ७ समपदे एकावेकेत्तरा अङ्कां इत्यादिना एकस्थानीयभेदाः ७ । द्विः स्थानीयभेदाः २१ । त्रिस्थानीयभेदाः ३५ । एवं चतुः स्थानीयभेदाः ३५

अथ ७, २१, ३५, ३५ एम्भेदैः प्रथमादि भेदाः क्रमेण गुणितास्तदा जाता प्रथमादिभेदाः । ९४१४३२८ । ३७१९९ । २८०२८० । २४५ ।

अथ च द्वितीय ३७१९९ चतुर्थ २४५ योयोगेन ३७४३६ अनेन पूर्वभेदः ३६-५७८७२४ सहितः ३६६१६१६० तथा प्रथम ९४१४३२८ तृतीय २८०२८० योयोगेन ९६९४६०८ अनेन ३६६१६१६० अर्थं रहितः २६१२१५५२ इदमेव वास्तवभेदमानम् ।

* द्वियुक्त्यपदसिद्धान्तज्ञानार्थं मणिर्मितचापीय त्रिकोणगणितं द्रष्टव्यम् ।

$$+ \frac{\text{स्था} (\text{स्था}-1)}{| 3 |} . \text{य}^6 (\text{स्था}-2)$$

$$- \frac{\text{स्था} (\text{स्था}-1) (\text{स्था}-2)}{| 3 |} . \text{य}^6 (\text{स्था}-3)$$

+इत्या

$$\text{एवं } (\text{य}-1)^{-\text{स्था}} = \text{य}^{-\text{स्था}} + \text{स्था.य}^{-(\text{स्था}+1)}$$

$$+ \frac{\text{स्था} (\text{स्था}+1)}{| 2 |} \text{य}^{-(\text{स्था}+2)}$$

+इत्या.

$$\therefore \text{य}^{\text{स्था}} (\text{य}^{-1})^{\text{स्था}} . (\text{य}-1)^{-\text{स्था}}$$

$$= \text{य}^{\text{स्था}} \left\{ \text{य}^{\text{स्था}} - \text{स्था.य}^{\text{स्था}-1} \right\}$$

$$+ \frac{\text{स्था} (\text{स्था}-1)}{| 2 |} . \text{य}^6 (\text{स्था}-2) \dots \dots \dots \}$$

$$\times \left\{ \text{य}^{-\text{स्था}} + \text{स्था.य}^{-(\text{स्था}+1)} \right\}$$

$$+ \frac{\text{स्था} (\text{स्था}+1)}{| 2 |} . \text{य}^{-(\text{स्था}+2)} + \dots \dots \}$$

$$= \text{य}^{10} \text{स्था} \left\{ \text{य}^{-\text{स्था}} + \text{स्था.य}^{-(\text{स्था}+1)} \right\}$$

$$+ \frac{\text{स्था} (\text{स्था}+1)}{| 2 |} . \text{य}^{-(\text{स्था}+2)} + \dots \dots \}$$

$$-\text{स्था.य}^{10} \text{स्था} - 9 \left\{ \text{य}^{-\text{स्था}} + \text{स्था.य}^{-(\text{स्था}+2)} \right\}$$

$$+ \dots \dots \dots \}$$

$$+ \frac{\text{स्था} (\text{स्था}-1)}{| 2 |} . \text{य}^{10} \text{स्था} - 16$$

$$\left\{ \text{य}^{-\text{स्था}} + \text{स्था.य}^{-(\text{स्था}+1)} + \dots \dots \dots \right\}$$

+

अत्र समीकरणे य—(स्था + म) अस्य गुणाकाङ्क्षाः

$$= \frac{\text{स्था} (\text{स्था} + 1) (\text{स्था} + 2) \dots (\text{स्था} + \text{म}-1)}{\mid \text{म}} \text{ इति}$$

द्वियुक्तपदसिद्धान्तेन स्पष्टमवगम्यतेऽत्र कल्प्यते—

$$10 \text{ स्था} - (\text{स्था} + \text{म}) = 9 \text{ स्था} - \text{म} = 10 \text{ स्था} - \text{क}, \text{म} = \text{क} - \text{स्था}$$

$$10 \text{ स्था} - 1 - (\text{स्था} + \text{म}) = 9 \text{ स्था} - 1 - \text{म} = 10 \text{ स्था} - \text{क}, \text{म} = \text{क} - \text{स्था} - 1$$

एवमयेऽपि भवति ।

अत्र प्रथमेन म मानमानीय य—(स्था + म) अस्य गुणाकाङ्क्षेष्टथाप्य

$$\text{जाता भेदाः} = \frac{\text{स्था} (\text{स्था} + 1) (\text{स्था} + 2) \dots (\text{क}-1)}{\mid \text{क} - \text{स्था}}$$

$$= \frac{(\text{क}-1) (\text{क}-2) (\text{क}-3) \dots \text{स्था}}{\mid \text{क} - \text{स्था}}$$

$$= \frac{(\text{क}-1)}{1} \cdot \frac{\text{क}-2}{2} \cdot \frac{\text{क}-3}{3} \dots \frac{\text{क} - (\text{स्था}-1)}{\text{स्था}-1}$$

एतेनोपपन्नं भास्करोक्तम् ।

अत्रैव यदि द्वितीयेन म मानेनोत्थाप्यते तदा—

$$x = \frac{(\text{क}-1)-1}{1} \cdot \frac{(\text{क}-1)-2}{2} \dots \frac{\text{स्था}}{\mid \text{क} - \text{स्था}}$$

$$= \frac{(\text{क}-1)-1}{1} \cdot \frac{(\text{क}-1)-2}{2} \dots \frac{(\text{क}-1) - (\text{स्था}-1)}{\text{स्था}-1}$$

एवमेव—

$$x_1 = \frac{(\text{क}-1\text{c})-1}{1} \cdot \frac{(\text{क}-1\text{c})-2}{2} \dots \frac{(\text{क}-1\text{c}) - (\text{स्था}-1)}{\text{स्था}-1}$$

इत्यादि भवति ।

$$\text{अतः सर्वाणि } x, x_1, \text{ इत्यादि मानान्यानीय स्था, } \frac{\text{स्था} (\text{स्था}-1)}{2} \dots$$

क्रमेण संगुण्य पूर्वभेदेषु विहीनयुतेन वास्तवं पूर्वागतं भेदमानं भवतीति धीमद्विरच-
गन्तव्यम् ।

एतेन—दशादनस्थानसंख्यागमङ्कैक्यं प्रतिशोधयेत् ।

यत्तयोरलपकं शेषमङ्कैक्यं तत्प्रकल्पयेत् ॥

ततः पूर्वप्रकारेण भेदाः साध्या बुधैः सदा ।

पूर्वागतसमास्ते तु प्रभवन्ति हि विद्वराः ॥

द्वृत्युपपन्नं भवति । अस्योदाहरणार्थं परिशिष्टप्रकरणं द्रष्टव्यम् ।

अत्रैव यदि सून्येनापि भेदः साध्यते तदा पूर्वांगते षु भेदेषु प्रत्येकस्मिन् भेदेष्वेक-
द्वित्र्यादिधातसमा भेदा जायन्तेऽतः पूर्वभेदा एकद्वित्र्यादिधाताणास्तेषां योग-
स्तदैकद्वित्र्यादिस्थानोद्भवा भेदास्ते पूर्वोत्तशुष्ठेभेदैः सहितास्तदा वास्तवं भेदमानं
भवतीत्यतः—

रूपोनितस्थानसुरूक्कहासस्थानेष्वभीष्ठारूपयुतौ तु ये ते ।

यथार्थभेदाः क्रमतो हत्ताः स्वस्वस्थानजन्दृक्षयनलादिधातैः ॥

तेषां युतिः प्राग्भवगुद्भेदैर्युता भवेद्वास्तवभेदमानम् ।

शून्यैकसंख्यादिभवे तथोक्तं श्रीभास्करैर्नां गुरुदोपतोऽन्न ॥

इति श्रीमत्सुधाकरद्विवेच्युक्तमप्युपपन्नं भवति ।

अत्रैव प्रागुक्तसमीकरणेष्वेकद्वित्र्यादिस्थानभवा भेदाः

$$= \frac{1.2.3 \dots (क-न)}{\underline{| \text{क-न} |}} + \frac{2.3.4 \dots (क-२n+1)}{\underline{| \text{क-२n} |}}$$

$$+ \frac{3.4.5 \dots (क-३n+2)}{\underline{| \text{क-३n} |}}$$

+ इत्या ।

अत्र यदि क = १, न = २, तदा पञ्चस्थानस्थितानां भेदानां योगकरणेनैक-
द्वित्र्यादिपञ्चस्थानोद्भवा भेदा भवति तेन

$$\text{भेदाः} = १ + ८ + \frac{6.7}{1.2} + \frac{4.5.6}{1.2.3} + \frac{2.3.4.5}{2.3.4}$$

$$= १ + ८ + २१ + २० + ५ = ५५$$

अथैषां प्रतीत्यर्थं अधोलिखितभेदानां विन्यासेन—

एकस्थानीयभेदः = १

स्थानद्वये तु—

९ + २, ८ + ३, ७ + ४, ६ + ९ प्रत्येकस्मिन् द्वौद्वौ भेदौ = ८

स्थानत्रये तु—

७ + २ + ३, ९ + ३ + ३, ३ + ४ + ४ प्रत्येकस्मिन् त्रयस्त्रयोभेदाः = ९

६ + ३ + ३, ५ + ४ + ३, प्रत्येकस्मिन् पट्पटभेदाः = १२

चतुःस्थाने तु—

२ + २ + ३ + ४ अत्र द्वादशभेदाः = १२

२ + ३ + ३ + ३, २ + २ + ३ + ९ प्रत्येकस्मिन् चत्वारो भेदाः = ८

पञ्चस्थाने तु—

२ + २ + ३ + २ + ६ अत्र पञ्चभेदाः = ६

सर्वेषां पृथक् भेदानां योगकरणेन वास्तवा भेदाः = ९६

एवमत्र वहो विशेषाः समुपपद्यन्ते ते च ग्रन्थविस्तरभयावात्र प्रतिपादिता अस्माभिः ।

अत्रैव “संक्षिप्तसुकर्तं पृथुताभयेन नान्तोऽस्ति यस्मात् गणितार्णवस्ये”ति ग्रन्थ-कारोक्ति रथतीव सुन्दरीति धीमद्भिः स्फुटमवगम्यते ।

इति लीलावतीवासनायामङ्कपाशः समाप्तः ।

न गुणो न हरो न कृतिर्न घनः
पृष्ठस्तथापि दुष्टानाम् ।
गर्वितगणकबहूनां
स्यात्पातोऽवश्यमङ्कपाशोऽस्मिन् ॥ १ ॥
येषां सुजातिगुणवर्गविभूषिताङ्गी
शुद्धाऽखिलव्यवहृतिः खलु कण्ठसक्ता ।
लीलावतीह सरसोक्तिसुदाहरन्ती
तेषां सदैव सुखसम्पदुपैति वृद्धिम् ॥ २ ॥

इति श्रीभास्कराचार्यविरचिते सिद्धान्तशिरोमणौ
लीलावतीसंज्ञः पादूयध्यायः सम्पूर्णः ॥
लीलावत्यां वृत्तसंख्या २६६ ।

परिशिष्ट प्रकरणम्

नत्वा वागीश्वरों देवीं प्रणमज्जनसूक्तिदाम् ।
शिवं च वरदं वच्चिम परिशिष्टं विदां मुदे ॥

तत्रादौ तावद्गुणकर्म ।

गुणयितुं योग्यो गुण्यः; येन गुण्यते स च गुणक स्तथा गुणनान्विषयनाङ्को हि गुणनफलमिति चोच्यते ।

(१) यथा गुण्यः = ३७८४९, गुणकः = ७२८४

$$\begin{array}{r}
 37849 \\
 \underline{-} 7284 \\
 \hline
 191380 \\
 - 302760 \\
 \hline
 79610 \\
 \hline
 264915 \\
 \hline
 275662960 = \text{गुणनफलम्} .
 \end{array}$$

यत्र गुण्ये गुणके द्वयोवांडन्ते शून्यानि वर्तन्ते तत्र तावत्प्रथमं शून्यं हित्वा यथा-
क्त्या गुणनफलं विधाय तत्रान्ते तावन्ति शून्यानि निवेशनीयानि ।

(२) यथा ९४८००० = गुण्यः, ३४३ = गुणकः ।

$$\begin{array}{r}
 948 \\
 \underline{-} 343 \\
 \hline
 1644 \\
 - 2192 \\
 \hline
 1644 \\
 \hline
 187964000 = \text{गुणनफलम्} .
 \end{array}$$

(३) ३७००८ = गुण्यः

$$\begin{array}{r}
 4203 = \text{गुणक} \\
 \hline
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 111024 \\
 - 74016 \\
 \hline
 146032 \\
 \hline
 1999484624 = \text{गुणनफलम्} .
 \end{array}$$

(४)

$80300 = \text{गुण्यः}$

$8370 = \text{गुणकः}$

2821

1209

1612

$17911000 = \text{गुणनफलम्}.$

कतिपयेषु प्राचीनपुस्तकेषु निम्नलिखितो गुणनप्रकारोऽपि समुपलभ्यते ।

गुणगुणकयोः स्थानसंख्यामिताभ्यां भुजकोटिभ्यां यदायतक्षेत्रमुत्पद्यते तत्र फलतुल्यानि वर्गकोष्ठकानि विरचय्य प्रत्येकस्मिन् कोष्ठे कर्णरेखा योजनीयाः । ततो भुजेष्टि केष्टकमेण गुण्याङ्कान् तथा केष्टुपरि गुणकाङ्कांश्च विन्यस्य प्रत्येकेन गुणकांकेन गुण्याङ्कं संगुण्य गुणनफलस्यैकस्थानीयाङ्कं स्वस्वकेष्टमडये कर्णं रेखातो दक्षिणपाइवें तद्वस्तलब्धधाहुँ तु तद्वामभागे स्थापयेत् । एवमः ते द्वयोद्वयोः कर्णयो-रन्तर्गतानां तिर्यक् स्थितानामङ्कानां योगे हि गुणनफलं स्थादिति ।

यथा गुण्यः = २३४६

गुणकः = ७३२

	२	३	४	६
१	९	२	२	३
७	६	९	८	५
३	०	०	१	१
२	६	८	२	५
	०	०	०	०
	६	९	४	०

अतोऽत्र गुणनफलम् = १७१६६४०

गुणनेऽन्यो विशेषः ।

यदि काचित्संख्या ५, ५३, ५३ इत्यादिभिर्गुण्यते तदा तत्र प्रथमं तत्संख्यान्ते क्रमेण ०, ००, ००० इत्यादीन् निवेश्य २, ४, ८ इत्यादिभिर्विभक्तास्तदा वास्तवं गुणनफलं भवतीति ।

(१) यथा गुण्यः १७२, गुणकः ६

अत्र $1720 \div 2 = 860 = \text{गुणनफलम्}.$

(२) गुण्यः १७२, गुणकः १६

$1720 = 10\text{गुणितम्}$

$860 = 5 \quad "$

योगेन $2610 = 15 \text{ गुणितम्}.$

(३) गुण्यः ३८, गुणकः २५

$3800 \div 4 = 950 = \text{गुणनफलम्}$

(४) गुण्यः ३८, गुणकः ३६

$$8) \underline{3600}$$

$$190 = 29 \text{ गुणितम्}$$

$$380 = 10 \text{ "}$$

$$\text{योगेन } 1330 = 35 \text{ गुणितम् ।}$$

(५) गुण्यः ३८, गुणकः ७६

$$3800 = 100 \text{ गुणितम् ।}$$

$$190 = 29 \text{ "}$$

$$\text{अन्तरेण } 2860 = 76 \text{ गुणितम् ।}$$

(६) गुण्यः ८९, गुणकः १२६

$$\text{अत्रापि } 8900 \div 8 = 11125 = \text{गुणनफलम्}$$

(७) गुण्यः ८९, गुणकः १७९

$$8) \underline{8900}$$

$$11125 = 125 \text{ गुणितम्}$$

$$8) \underline{8900}$$

$$2225 = 29 \text{ "}$$

$$690 = 10 \text{ "}$$

$$2) \underline{890}$$

$$445 = 9 \text{ "}$$

$$\text{योगेन } 14689 = 179 \text{ गुणितम् । एवमन्यत्रापि ज्ञेयम्}$$

यदि च ९, ९९, ९९९, ९९९९.....इत्यादिभिः काचित्संख्या गुण्यते तदा प्रथमं तत्रान्ते नवसंख्यासमानि शून्यानि निवेश्याभीष्टसंख्या विशेष्यता तदा गुणनफलं भवतीति ।

यथा गुण्यः ३४९, गुणकांकः ९९

$$\text{अत्र } 34900 - 349 = 34551 = \text{गुणनफलम् ।}$$

इति गुणनविधिः ।

अथाभ्यासार्थं कानिचिदुदाहरणानि प्रदर्शयन्ते ।

अधोलिखिताङ्कानां गुणनफलं किम् ?

$$(1) 307660 \times 100$$

$$(4) 8733056 \times 1000082$$

$$(2) 917694321 \times 178693$$

$$(5) 86025 \times 8007$$

$$(3) 9876607 \times 31821$$

$$(6) 123456 \times 700809$$

$$(7) 8463 \times 3484$$

$$(10) 370304 \times 6070370$$

(८) १०४०७ × ६०६०

(११) ३७०० × ८०९०२५०००

(९) ७८४६९ × ८००७६

(१२) ४८०३९ × ८९०७४

(१३) ८२३९ × ९९४४६८२

अथ भागहारः ।

भक्तुं योग्यो भाज्यस्तथा येन भज्यते स च भाजकः । भज (सेवायां) धातोः “कर्मणि घञ्” करणेन भज्यतेति भागस्तं हरतीति भागहारः । तथा च यद्गुणो भाजको भाज्ये शुद्ध्यति तत्फलं लघिधर्वा कथ्यते ।

यथा भाज्यः = १२, भाजकः = ४ अत्र त्रिगुणभाजको भाज्ये घटते तेनात्र लघिधः = ३ ।

यत्र भागहरणे भाज्यो हारेण निःशेषो भवति स पूर्णो भाज्यस्तथा यत्र न निःशेषः सचापूर्ण इति कथ्यते ।

यथोपरोक्तोदाहरणे १२, पूर्णभाज्य श्रुतुर्भिः निशेषभजनात् ।

अथ भागहरणे साधारणो नियमः ।

भाज्यभाजकौ दक्षिणवामकमेण एत्यां विन्यस्य भाज्यस्याद्वारे भाजकस्याद्वारे न हते या लघिधस्तां भाज्यतो दक्षिणभागे निवेश्य तथा भाजकाङ्क्षान् संगुण्य भाज्ये विशेष्य शेषं तदधो निवेश्यान्ते भाज्यस्थाग्निमाङ्गो धार्यः । इदं भाज्यं प्रकल्प्य यथोक्त्या क्रिया कार्या । एवं तावत्कर्म कार्यं यावज्ञाज्यस्थान्तिमाङ्गलाभः स्यात् ।

यथा भाज्यः ८८९०९, भाजकः २४

२४) ८८९०९ (३७०४

७२

१६९

१६८

१०९

६६

३

अत्र लघिधः ३७०४, शेषम् ३, अत्र यो भाज्यः स चापूर्ण इति कथ्यते । कर्तोऽत्र हारलब्ध्योर्धातिः शेषयुतो भाज्यराशेः समो भवतीति मनसि ध्येयम् ।

अथ खण्डभागहारः ।

अत्र भाजकस्य यथासम्बन्धे खण्डकं विधाय प्रत्येकेन खण्डकेन स्वस्व वभाज्यो भक्त स्तदाऽन्ते यो हि भाज्यः सैवात्र लघिधः स्यात् ।

(१) यथा भाज्यः १९७९२, भाजकः ४८

अत्र भाजकः = $6 \times 4 \times 2 = 6 \times 6$

६.८) १९७९२

६) १९७४

३२९ = लघिधः ।

(२) भाज्यः १३४ भाजकः २४ = ३ × २×४

$$\therefore 4) \underline{133}$$

$$3) \underline{233} \dots 2$$

$$2) \underline{77} \dots 2$$

$$30.01$$

$$\text{अन्त लिखिः} = 30, \text{शेषम्} = 2 + 2 \times 4 + 1 \times 4 \times 3 = 22$$

सर्वत्र तु—

वास्तवशेषमानम् = प्रशे + द्विशे. प्रहा + तृशे. प्रहा. द्विहा + ...

अन्त्रोपपत्तिः । कल्प्यते भाज्यः = अ, भाजकः = क ।

वा खण्डात्मको भाजकः = ग × घ × च

अन्त्र ग = प्रथमहारः = प्रहा

घ = द्वितीयहारः = द्विहा

च = तृतीयहारः = तृहा

इत्यादि—

अन्त्र पथम् भाज्यो ग भक्तो लिखिः = प्रल, शेषम् = प्रशे ।

तेन अ = प्रल . प्रहा + प्रशे ।

तथा प्रथमलिखिद्वितीयहारेण भक्ता लिखिः = द्विल, शेषम् = द्विशे । तेन प्रल = द्विहा. द्विल + द्विशे ।

पुनरन्नापि द्वितीयलिखिद्वितीयहारभक्तालिखिः = तृल, शेषम् = तृशे । एवम् शेष्यवधेयम् ।

अतः द्विल = तृहा. तृल + तृशे ।

एभिस्त्वापनेन—

अ = तृल प्रहा. द्विहा तृहा + तृशे प्रहा द्विहा + द्विशे. प्रहा + प्रशे

+ इत्या-

अन्त्र स्वरूपदर्शनेन स्पष्टमवगम्यते यत् अ यदि क वा प्रहा. द्विहा. तृहा

अनेन विभक्त्यते तदा लिखिः = तृल तदा वास्तवशेषम् = प्रशे + द्विशे. प्रहा + तृशे. प्रहा द्विहा + इत्या०

एतेन—

स्थोनहरसंख्याकहराणामादितः क्रमात् ।

निहितिश्च तथा गुण्यं स्वस्तवशेषं ततो युतिः ॥

वास्तवं शेषमानं स्थात्पाटीगणितरीतितः ।

अनेन प्रकारेण वास्तवं शेषमानमानीय राशिज्ञाने मदीयः प्रकारः ।

इष्टं हराणां घातेन गुणितं शेषसंयुतम् ।
राशिमानं सुखेनैव जायते व्यक्तरीतिः ॥

उदाहरणम् ।

को राशिः सप्तभक्तः सन् पञ्चाग्रः षट् विभाजितम् ।
पलं हि चतुरग्रः स्थात्तकलं गुणभाजितम् ।
शेषौ द्वौ तत्फलं वेदभक्तं त्रीण्यग्रकाणि वै ।
तं राशि सत्वरं ब्रूहि व्यक्तोक्त्या कुशलोऽसि चेत् ॥
न्यासः । प्रथमहरः ७, प्रथमशेषम् ९, द्वितीयहरः ६, द्वितीयशेषम् ४, तृतीय-
शेषम् २, तृतीयहरः ३ चतुर्थहरः ४ शेषम् ३ ।

अन्न रूपोनहरसंख्याकहराणामित्यादिना—

$$\begin{aligned} \text{वास्तवशेषमानम्} &= ९ + ७ \times ४ + ७ \times ६ \times २ + ७ \times ६ \times ३ \times ३ \\ &= ९ + १८ + ८४ + ३७८ \\ &= ४९९ \end{aligned}$$

अत्रेषम् १ हराणां ७, ६, ३, ४ एषां घातेन १०४ अनेन गुणितं १०४ शेषेण
४९६ अनेन युतं १९९ जातो राशिः १९९ । द्विकेनेषेन वा १९०३ एवमनेकधा ।

अथ वर्गमूलम् ।

येषामङ्कानां वात्तवमङ्कात्मकं मूलं लभ्यते ते वर्गङ्का अतोऽन्येऽवर्गङ्का इति ।
यथा १, ४, ९, १६ इत्यादयो वर्गङ्काः कथयन्ते । एवं द्वित्रिपञ्चादयस्त्व-
वर्गङ्काः ।
तत्र तावद्वर्गङ्कानां मूलानयने तावद्वर्गङ्कान् पंक्तयां विन्यस्यैकादिस्थानकमेण
विषमस्थानीयाङ्कोपरि (.) चिह्नं कार्यम् । तत्र यावन्तो बिन्दवो भवन्ति तावत्य
एव मूलङ्कसंख्या भवन्तीति ।

(१) यथा १९६२५ अस्य मूलानयनाय—

१९६२५ (१२५

१
२२) ९६

४४

२४५) १२२५
१२२५
००

अतोऽत्र मूलमानम् = ११९ ।

(၃) ခုခွဲရန် ၂၀၁၄

8

४०९) ४०१६

三

४१८८) ३३६०४

३६०४

2

अतो मूलम् = २०९८

(၃၀) မြန်မာနိုင်ငံရွှေ့ချေးဆေး (၅၄၂၀၄)

25

१०६) ७२६

三

১৯২৮) ১০৬৯

१०२४

११३६०४) ४९४४२६

୪୬୪୪୯୬

○ ○ ○

अन्ताऽपि मूलम् = ९६८०४

अधोलिखिताङ्कानां मूलानि कानीति ।

(୧) ୪୯୩୭୨୮୫

(२) ८२२६४९००

(୩) ୩୯୦୧୧୭୬୦

(४) २९५०६६२४०००

(६) १९२४२९८५८३६०११०५२१

(୯) ୨୩୬୨୪୪୯୮୯

(७) २१२२४४४९ अ ५६०७

অংশ মনস্তান্তরম ।

अत्रापि “समविवादक वच” हिति भास्करोऽक्षया समाचारं वद्य

अथ घनमूलानयनम् ।

अत्रापि “समत्रिवातश्च घन” इति भास्करोक्त्या समानां त्रयाणां ‘राशीनां’ घातस्तस्तस्य घनशब्देनोच्यते । तस्य मूलं वातवं घनमूलं मिति ।

तदानयनर्थं घनं पक्त्यां विन्यस्यैकाद्यारभ्य स्थानद्वयान्तरिताङ्कोपरि विन्दुनिवेष्यः । यत्संख्याकविन्दवो भवत्ति तावत्य एव धन्मलेऽमर्मख्या जायन्त इति ।

अथान्त्याङ्के यस्य घनं शब्दति तं विशेष्य श्रेपमध्यस्थापयेत् । सा संख्यात्

दक्षिणपाइर्वे विन्यसेत् । ततस्तस्या वर्गे ३०० अनेन संगुण्य भाजकस्थाने विन्यस्य तेनाधःस्थापिताङ्कान् विभजेत् । लब्धाङ्कं मूलस्थाने विन्यसेत् । लब्धाङ्काच्चमूलयो वर्तिस्त्रशद्गुणो भाजकाधो निवेशः । लब्धाङ्कवर्गस्ततोऽप्यधः स्थाप्यः । सर्वयोगो लब्धाङ्कगुणो पूर्वभाज्ये विशेषयः । एवं सुहस्तावत्कर्म कार्यं यावन्मूललाभः स्यादिति ।

(१) यथा ३३०७६१६१ पृष्ठां घनमूलानयनविचारे तत्र यथोक्त्या करणेन—

३३०७६१६१ (३२१

२७

$$३^2 \times 300 = 27000$$

$$3 \times 30 \times 2 = 180$$

$$2^2 = 4$$

$$2808$$

$$3^2 \times 300 = 307200$$

$$3^2 \times 30 \times 1 = 960$$

$$1^2 = 1$$

$$308161$$

$$\text{अतोऽन्न जातं मूलमान्} = 321$$

(२)

८४३९०८६२५ (९४६

७२९

$$9^2 \times 300 = 243000$$

$$114900$$

$$1 \times 30 \times 8 = 1080$$

$$4^2 = 16$$

$$29396$$

$$14^2 \times 300 = 2650800$$

$$101284$$

$$14 \times 30 \times 6 = 14100$$

$$6^2 = 36$$

$$2664925$$

$$13328625$$

$$\text{अतोऽन्नपि घनमूलमानम्} = 146 ।$$

१५

अत्रोपपत्तिस्तु यद्यपि भास्करीयघनमूलानयनोपपत्त्यैव स्फुटा, तत्रापि बालावबो-
धार्थमिहोच्यते ।

कल्प्यते राशिः = (१० अ + क)^३ अस्य घनमूलमपेक्ष्यते । तत्र तावत्
१० अ + क अस्य घनकरणेन—

$$(10\text{अ} + \text{क})^3 = (10\text{अ})^3 + 100\text{अ}^2\cdot\text{क} + 10\text{अ}\cdot\text{क}^2 + \text{क}^3 \\ = (10\text{अ})^3 + (300\text{अ}^2 + 30\text{अ}\cdot\text{क}^2)\text{क}$$

अतो वैपरीत्येन घनमूलमानं भविष्यतीत्युपपत्त्यनं यथोक्तम् ।

अथाभ्यासार्थं कठिचनावो लिखिताः प्रश्ना येषां घनमूलमपेक्षितमस्ति ।

(१) ११७६४९	उ ४९
(२) ७०४९६९	उ ८२
(३) १६७२८४१६१	उ ९६१
(४) ७३११८२१८७७२९	उ १९०९
(५) १०५८२३५६७	उ ४७३
(६) २११३६६२२७७९१	उ ६०३१
(७) १०९७०६४९०४८	उ २२२
(८) ९३१६२९८१९४१०३७	उ ४९३३
(९) १३७१७४३१०८३६२६१०२६०६३१	उ ११११११११११

अथ गुणनादीर्नां शोधनप्रकाशः ।

तत्रादौ तावद्गुणनफलस्य शोधनविधौ प्रथमं गुणस्य स्थानीयाङ्कानां तावनमु-
हुर्सुहुर्योगः कार्यो यावद्योगाङ्कै होक्स्थानीयाङ्कौ भवेत् । एवमेव गुणकगुणनफलयोरपि
कर्म कार्यम् । तत्र यदि गुण्याङ्कयोर्योगाङ्कयोर्धातो नवतष्ठे गुणनफलस्य योगाङ्केन
समस्तदा गुणनफलं वास्तवमेव स्यादिति ।

$$(१) \text{गुण्यः} = ३६५२४२$$

$$\text{गुणकः} = ४९९६७$$

$$\text{गुणनफलम्} = १६७८९०९९०१४$$

$$\text{अत्र गुणस्थानाङ्कानां योगपरम्परा} = ३ + ६ + ९ + २ + ४ + २$$

$$= २२, २ + २ = ४$$

अथमन्त्ययोगः ।

$$\text{तथा गुणकस्थानाङ्कानां योगपरम्परा} = ४ + ९ + ९ + ६ + ७$$

$$= ३१, ३ + १ = ४ ।$$

एवं गुणनफलस्थानाङ्कानां योगपरम्परा

$$= १ + ६ + ७ + ८ + ९ + ० + ७ + ९ + ० + १ + ४$$

$$= ५२, ५ + २ = ७$$

अथ गुणयुगकान्तिमयोगाङ्कयोर्धातः = $8 \times 4 = 16$ अस्मिन् नवतष्ठिते शेषम्
७ इदमेव गुणनकलस्यान्तिमयोगेन ७ अनेन समस्तो गुणनकलं समीचीनमिति ।

अथ भाज्यभाजकलन्धशेषाणां स्थानीयाङ्कानां योगपरम्परयाऽन्तिमो योगः पृथक् साध्यस्तत्र हरलब्धिसम्बन्धिनोरन्तिमयोगाङ्कयोर्धातो नवतष्ठः शेषसम्बन्धयन्तिमयोगाङ्केन सहितो यदि भाज्यसम्बन्धयन्तिमयोगेन समस्तदा लब्धिशेषौ समीचीनाविति ।

(२) भाज्यः = १२३४९६७८९०१

भाजकः = ४९६७८९

लब्धिः = २७०२७

शेषम् = ४२९९८

भाज्ययोगपरम्परा = १ + २ + ३ + ४ + ५ + ६ + ७ + ८ + ९ + ० + १

= ४६, ४ + ६ = १०, १ + ० = १

भाजकयोगपरम्परा = ४ + ९ + ६ + ७ + ८ + ९ = ३९, ३ + ९ = १२, १ + २ = ३

लब्धियोगपरम्परा = २ + ७ + ० + २ + ७ = १८, १ + ८ = ९

शेषयोगपरम्परा = ४ + २ + ६ + ९ + ८ = ३८, ३ + ८ = १०, १ + ० = १

हरलब्धियोर्धातो योगपरम्परयोर्धातः = $1 \times 3 = 27$, २ + ७ = ९

शेषसम्बन्धयोगेन १ अनेन युतः = ९ + १ = १०, १ + ० = १

अर्यं भाज्यसम्बन्धयोगेन १ अनेन समस्तेन लब्धिशेषौ समीचीनाविति ।

वर्गतन्मूलशेषाणामपि यथोक्त्या योगपरम्परयान्तिमयोगः कार्यस्तत्र मूलयोगाङ्कवर्गो नवतष्ठः शेषयोगेन सहितो यदि वर्गयोगाङ्केन समो भवेत्तदा वर्गमूलवर्गो समीचीनाविति ।

(३) वर्गः = २२०, ९१८०९४०४

वर्गमूलम् = ४६९२४६

शेषम् = ८८८

अत्र वर्गाङ्कयोगपरम्परा = २ + २ + ० + १ + ९ + १ + ८ + ० + ९ + ४ + ० + ४ = ४०, ४ + ० = ४ ।

वर्गमूलयोगपरम्परा = ४ + ६ + ९ + २ + ४ + ६ = ३१, ३ + १ = ४ ।

शेषयोगपरम्परा = ८ + ८ + ८ = २४, २ + ४ = ६ ।

वर्गमूलान्तिमयोगवर्गः = १६, अस्य योगपरम्परा = १ + ६ = ७ एतदन्ति-

योगे शेषान्तिमयोगेन सहिते जोतम् = ७ + ६ = १३ अस्य योगपरम्परा = १ + ३ = ४, एतदन्तिमयोगो वर्गान्तिमयोगेन ४ अनेन समस्तेन वर्गमूलवर्गो समीचीनाविति ।

एवमेव वर्गमूलान्तिमयोगघनस्यान्तिमयोगः शेषान्तिमयोगयुक्तो यदि ज्ञानान्ति-मयोगसमेव भवेत्तदा घनमूलघनात्रपि समीचीनाविति ।

(४) घनः = ७४६६५३६२६

घनमूलम् = ६०६

शेषम् = ९८२

अत्र घनयोगपरम्परा = ६ + ४ + ६ + १ + ४ + ३ + ६ + २ + ९ = ३८,

३ + ८ = ११, १ + १ = २ ।

घनमूलयोगपरम्परा = ९ + ८ + ७ = २४, १ + ६ = ७

शेषयोगपरम्परा = ९ + ८ + २ = १९, १ + ९ = १०, १ + ० = १

अत्र घनमूलान्तिमयोगधनः = १४३, अस्य योगपरम्परा = ४ + ३ + ३ = १०

६ + ० = ६, एतदितिमयोगः शेषान्तिमयोगेन १ अनेन सहितः = २ + १ = ३ अथ
घनान्तिमयोगेन २ अनेन समस्तेन घनमूलघनौ समीचीनाविति ।

अत्रोपपत्तिः । संख्यायाः स्थानीयाङ्कानां योगे नवहृते यच्छेषं तदेव नवभक्त-
संख्यायां शेषमिति प्रसिद्धं तावदशुणोत्तरसंख्यायाः—

$$10^t \times k + 10^{t-1} \times x + 10^{t-2} \times g + \dots + n$$

इति रूपान्तरेण

अतः स्थानाङ्कयोगपरम्परासु य एकस्थानीययोगाङ्कस्तदेव नवभक्तसंख्यायां
शेषमिति ज्ञापकात्तत्र तावत्कल्पयन्ते तथाविधानि शेषाणि = शे१, शे२, शे३.....।

अथ कल्पयते गुण्यः = ९ ल१ + शे१

गुणकः = ९ ल२ + शे०

गुणनफलम् = ९ ल३ + शे३

$$\therefore ९ ल३ + शे३ = (९ ल१ + शे१) (९ ल२ + शे०)$$

$$= ८१ ल१ ल२ + ९ ल१ शे० + ९ ल१ शे१ + शे१ शे०$$

अत्र नवतष्ठे गुणनफले—

शेषम् = शे३ = शे१ शे०

अत्र नवाधिके शे१ शे० अस्मिन् शेषार्थमन्तिमोयोग एक स्थानीयः साध्य
स्तेनोपपत्तो गुणनशोधनप्रकारः ।

एवं भाज्यः = ९ ल१ + शे१

भाजकः = ९ ल२ + शे०

लघिधः = ९ ल३ + शे३

शेषम् = ९ ल४ + शे४

ततो भागहारविधिना—

भाजक \times लघिध + शे = भाज्यः = ९ ल१ + शे१

$$= (९ ल२ + शे०) (९ ल३ + शे३) + ९ ल४ + शे४$$

$$= १\text{ ल}_२ \cdot \text{ल}_३ + १\text{ल}_३ \cdot \text{शे}_२ + १\text{ल}_२ \cdot \text{शे}_३ + \text{शे}_२ \cdot \text{शे}_३ \\ + १\text{ ल}_४ + \text{शे}_४$$

अत्रापि नवतष्ठे भाज्ये—

$$\text{शेषम्} = \text{शे}_१ = \text{शे}_२ \cdot \text{शे}_३ + \text{शे}_४ \text{ उपपञ्चं यथोक्तम् ।}$$

$$\text{एवमेव वर्गः} = १\text{ल}_१ + \text{शे}_१$$

$$\text{वर्गमूलम्} = १\text{ल}_२ + \text{शे}_२$$

$$\text{शेषम्} = १\text{ल}_३ + \text{शे}_३$$

अत्रापि वर्गकरणरीत्या—

$$\text{वर्गः} = १\text{ ल}_१ + \text{शे}_१$$

$$= (१\text{ल}_२ + \text{शे}_२)^३ + १\text{ ल}_३ + \text{शे}_३$$

$$= १८\text{ल}_२ \cdot \text{शे}_२ + \text{शे}_२^३ + १\text{ल}_३ + \text{शे}_३$$

वर्गं नवतष्ठे—

$$\text{शेषम्} = \text{शे}_१$$

$$= \text{शे}_२ + \text{शे}_३ \quad \text{उपपञ्चम् ।}$$

$$\text{एवं घनः} = १\text{ल}_१ + \text{शे}_१$$

$$\text{घनमूलम्} = १\text{ ल}_२ + \text{शे}_२$$

$$\text{शेषम्} = १\text{ल}_३ + \text{शे}_३$$

अत्रापि घनकरणे न—

$$१\text{ल}_१ + \text{शे}_१ = (१\text{ल}_२ + \text{शे}_२)^३ + १\text{ ल}_३ + \text{शे}_३$$

$$= ७२\text{ल}_२^३ + ८१ \cdot ३ \text{ल}_२ \cdot \text{शे}_२ + २७ \text{ ल}_२ \cdot \text{शे}_२^२ + \text{शे}_२^३ + १\text{ल}_३ + \text{शे}_३$$

घने नवतष्ठे—

$$\text{शेषम्} = \text{शे}_२ + \text{शे}_३ \quad \text{उपपञ्चं सर्वम् ।}$$

अथं गुणादादिशोधनप्रकारं आर्यभटीयमहासिद्धान्तमपहाय नहि सम्प्रत्युपलब्धेषु सिद्धान्तग्रन्थेषु पूरलभ्यते । नारायणोऽप्यसुमेवार्यभटीयप्रकारं गृहीत्वा स्वगणितकौ मुच्यामविकलमेव विलिखते । अत्रार्यभटवाक्यम् ।

गुण्यगुणकगुणनभुवां राशीनां स्वाङ्क्योगकः कार्यः ।

क स्थानान्तस्तद्वद्भाज्यच्छेदासिशेषकादीनाम् ॥

तद्गुण्यगुणकहतियुतितुलये गुणनोद्धवे स्फुर्तं गुणनम् ।

आसिच्छेदकघाते शेषयुने यो भवेद्दुः ॥

तेन समाने भाज्ये स्पष्टं लब्धं तथा शेषम् ।

वर्गेक्ये पद्युतिकृतिशेषैक्यसमे स्फुटौ स्वपदवर्गौ ॥

घनयोगसमे घनपद्योगवर्णैक्ये सशेषके तौ च ।

एवं गुणनादीनां शोधनिकेयं सुखोपायात् ॥

(महासिद्धान्ते कुट्टकाध्याये ६७—७१)

सम्प्रति प्रचलितस्कूलादिविभागेष्वयमेव प्रकारो निम्नलिखितरूपेण परिवृद्धयते ।
रेखायोग्यमिथुः संपाते कारणित्वा तत्र वामपाश्वेण गुणान्तिययोगस्तथा दक्षिण-
पाश्वेण गुणकान्तिमयोगश्च निवेशयः । एवं गुणनफलस्यान्तिमयोगस्तद्धो भागे संस्थापय-
तत्सम्मुख एवोऽर्धभागे गुण्यगुणकान्तिमयोगयोर्वातान्तिमयोगाङ्को निवेशनीयः । एव-
मुऽर्धाद्यस्थापितयोरङ्कयोः समत्वे गुणनफलं वास्तवं स्यादिति ।

यथा $106 \times 47 = 4742$

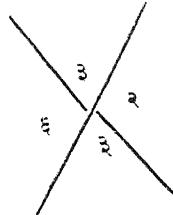
अत्र गुणान्तिमयोगः = ६

गुणकान्तिमयोगः = ३

गुणनफलान्तिमयोगः = ३

गुण्यगुणकान्तिमयोगवातान्तिमयोगः = ३

अतोऽत्र गुणनफलं समीचीनमिति ।



अब लघुतमापवर्त्यसाधनप्रकारः ।

यावन्तोऽङ्का ये येरकैनिःशेषा भवन्ति तावन्तस्तंषामङ्कानामपवर्त्याः स्युस्तत्र
सर्वालिपो योऽङ्कः स एव तेषां लघुतमापवर्त्यशब्देन कथयते नवीनैः ।

यथा १२, २४, ३६ एते ३, ४, ६ एवं लघुतमापवर्त्याऽत्र १२ सर्वेभ्योऽ-
ल्पस्तेनात्र १२ अर्थ ३, ४, ६ एवां लघुतमापवर्त्यः स्यादिति ।

अथ खलु येषामङ्कानां लघुतमापवर्त्यमयेक्षितमस्ति तानङ्कान् पञ्चां विन्यस्य
तेनाङ्केन विभजेत् येन तत्र स्थानद्वयाधिकहस्तानस्तिता अङ्का निःशेषा भवन्ति,
लघ्यस्तथातदन्येऽङ्काश्च पुनर्स्तदधः स्याप्याः । तत्रापि तावशेनकेनाप्यङ्केन भाज्या
येन द्वयधिकस्थानस्था अङ्का शिछन्ना भवेयुः । एवं सुहुस्तावत्कर्म कार्यं यावदविशि-
ष्टाङ्का मिथो द्वाद्य भवन्ति । तत्र सर्वेषामवशेषाङ्कानां वातोऽपवर्तनाङ्कवातेन गुणित-
स्तेषामङ्कानां लघुतमापवर्त्यमानं स्यादिति ।

(१) १२, १८, २०, १०६ एवां लघुतमापवर्त्यविचारे तत्र तावत्तेषां पञ्चां
विन्यासेन—

१) १२, १८, २०, १०६

२) ६, ९, १०, १०६

३) ३, ९, ९, १०६

४) १, ३, ६, ३६

१, ३, १, ७,

अतो लघुतमापवर्त्यः = $2 \times 2 \times 3 \times 9 \times 3 \times 7 = 1260$ ।

(२) १६, १६, २०, २८, ४८ एषां लघुतमापवर्त्यज्ञानार्थं त्वासः—

- १) १६, १६, २०, २८, ४८
- २) १६, ८, १०, १४, २१
- ३) १६, ४, ६, ७, २१
- ४) ३, ४, १, ७, २१
- ५) १, ४, १, ७, ७
- ६) १, ४, १, १, १

अतो जाते लघुतमापवर्त्यमानम् = $2 \times 2 \times 3 \times 6 \times 7 \times 4 = 1680$ ।

- (३) १) १६, १६, १८, २०, २४, २६, २७, ३०
- २) १६, ८, १०, १२, २६, २७, १६
- ३) १६, ४, ९, ६, ६, २६, २७, १६
- ४) ९, ४, ३, ६, २, २६, ९, ६
- ५) १, ४, ३, १, २, ६, ९, १
- ६) १, ४, १, १, २, ६, ३, १
- ७) १, २, १, १, १, ९, ३, १

अतोऽन्नापि लघुतमापवर्त्यमानम् =

$$= 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 9 \times 9 = 108000\text{।}$$

अथैतेपामभ्यासार्थं क्रितचन प्रश्ना लिख्यन्ते ।

अथोलिखितप्रश्नानां लघुतमापवर्त्यःक्र इति ।

(१) ६, १६, २७, ३६, ४६	उ १६९०
(२) २८, ३६, ६६, ७२, ९०	उ ७६६०
(३) २४, १०, ३२, ४६, २६	उ ७२००
(४) ९, १८, २४, ७२, १४४	उ १४४
(५) ९१, १८७, १९३, १६६	उ १७६७२
(६) २, ३, ४, ६, ७, ८, ९, १०	उ २६२०
(७) २७, ८७, २०३, २६१, १८९	उ १४८१
(८) १७, ९१, ११९, २१०	उ ३६७०
(९) ३३, ९६, ६०, ८०, ९०	उ ७९२०
(१०) २४, ३६, ६२, ६०, ९१, १०८, १२६, ३६६, ३१६	उ ६४२९
(११) २, ४, ६, ८, १०, १२, १४, १६	उ १६८०
(१२) ८, ९, १२, १८, ३०	उ ३६०
(१३) ९, ४, १८, ६	उ ३६

दरथ द्वयोराशयोर्वैश्वलत्योर्लघुमहत्तमयोर्धतेन समः स्यादिति ।

अत्रोपत्तिः । करुणेन राशी अ, क वयोर्लघुतमापवर्त्यः = लभ, महत्तमापवर्त्यम् = मभ ।

अतो लघुतमापवर्त्यनियनरीत्या—

$$\text{लभ} = \frac{\text{अ}}{\text{मभ}} \cdot \text{क} \cdot \text{मभ}$$

$$= \frac{\text{अ} \cdot \text{क}}{\text{मभ}}$$

$$\therefore \text{अ} \cdot \text{क} = \text{लभ} \cdot \text{मभ}$$

पुतेन—

महल्लघुतमौ राश्योर्यौ भवेतां तयोर्हतिः ।

राशिधातेन तुल्या स्यात्सदा गाणितिकोत्तम ॥

इति सम्यगुपपद्यते ।

अथैतत्सम्बन्धिनः कतिचन प्रशतः प्रदद्यते ।

तत्रादादुदाहरणम् ।

कोऽसौ लघुतमो राशिर्यश्च सूर्यविभाजितः ।

धृत्यास्त्रिंशिशदापतश्च शेषाणि नव तं वद ॥

न्यासः । भाजकाः १२, १८, ३०, शेषम् १ अत्र १२, १८, ३० एवां लघुतमापवर्त्यः १८० शेषेण १ अनेन सहितो जातोऽभीष्टराशिः १८९ ।

अन्यदुदाहरणम् ।

कश्च स्वल्पतमो राशिस्त्रियुक्तः सन् विशुद्धतिः ।

शैले रुद्रैः शरैः पञ्चशभिस्तं वदासु मे ॥

अत्रापि यथोक्त्या जातो राशिः ११५२ ।

अन्यदुदाहरणम् ।

पडभक्तः पञ्चाग्रः पञ्चविभक्तो भवेचतुप्काग्रः ।

चनुरुद्धृतस्त्रिकाग्रो द्रवशस्त्रिसमुद्दृतः कः स्यात् ॥

अत्रापि ह्राः ६, ९, ४, ३ तथा क्रमेण शेषाणि ६, ४, ३, २ । हराणां लघुतमापवर्त्यः ६० रूपोनो जातो गशिः ६९ । अस्यैवानयनं स्वर्वाजे द्याचार्यं महदायासेन साधितमिति ।

अथ भिन्नप्रकीर्णम् ।

यथाऽभिन्नसंख्याया योगान्तरादिविधिः प्रदर्शितस्तथैव भिन्नसंख्याया अपि भवतीति ग्रन्थकारप्रकारतः स्फुटमेत्र गणितविदाम् ।

तत्र विशेषमाह ।

$$(1) 7 - \left[\frac{3}{7} + \left\{ \frac{2}{7} - \left(\frac{1}{7} - \frac{1}{7} \right) \right\} \right] \text{ अस्य संक्षेपस्त्रूपं किमिति ।}$$

$$\begin{aligned} \text{अत्र स्वरूपम्} &= 7 - \left[\frac{3}{7} + \left\{ \frac{2}{7} - \left(\frac{1}{7} - \frac{1}{7} \right) \right\} \right] \\ &= 7 - \left[\frac{3}{7} + \frac{2}{7} + \frac{1}{7} - \frac{1}{7} \right] \\ &= 7 - \frac{5}{7} \\ &= \frac{5}{7} = \text{संक्षेपस्त्रूपम् ।} \end{aligned}$$

$$(2) \frac{\frac{3}{7} - \frac{2}{7}}{\frac{5}{7} + \frac{2}{7}} \times \frac{2 \frac{1}{7}}{7} \div \frac{6}{1 \frac{2}{7} - 3 \frac{2}{7}} + 3 \frac{1}{7} - \frac{3}{3 - 1 \frac{1}{7} 0} \text{ अस्य संक्षेपरूपं किमिति ।}$$

$$\begin{aligned} \text{स्वरूपम्} &= \frac{\frac{3}{7} - \frac{2}{7}}{\frac{3}{7} + \frac{2}{7}} \times \frac{2 \frac{1}{7}}{7} \div \frac{6}{1 \frac{2}{7} - 3 \frac{2}{7}} + 3 \frac{1}{7} - \frac{3}{3 - 1 \frac{1}{7} 0} \\ &= \frac{\frac{1}{7}}{\frac{5}{7}} \times \frac{2 \frac{1}{7}}{7} \div \frac{6}{1 \frac{2}{7} - 3 \frac{2}{7}} + 3 \frac{1}{7} - \frac{3}{3 - 1 \frac{1}{7} 0} \times \frac{2 \frac{1}{7}}{7} \\ &= \frac{1}{5} \times \frac{2 \frac{1}{7}}{7} \div \frac{6}{1 \frac{2}{7} - 3 \frac{2}{7}} + \frac{6}{7} - \frac{3}{14} \\ &= \frac{1}{5} \times \frac{2 \frac{1}{7}}{7} \times \frac{1 \frac{2}{7}}{3 \frac{2}{7}} + \frac{6}{7} - \frac{3}{14} \\ &= \frac{1}{5} \times \frac{2 \frac{1}{7}}{7} \times \frac{9}{20} + \frac{6}{7} - \frac{3}{14} \\ &= \frac{6}{40} + \frac{6}{14} - \frac{3}{14} \\ &= \frac{3}{20} + \frac{3}{14} \\ &= \frac{5}{28} = 3 \text{ उत्तरम् ।} \end{aligned}$$

$$(3) \frac{\frac{3}{7} - 2 \frac{1}{7} \times \frac{1 \frac{2}{7} - \frac{1}{7}}{1 \frac{2}{7} - \frac{1}{7}}}{(\frac{3}{7} - 2 \frac{1}{7})(1 \frac{2}{7} - \frac{1}{7})} \text{ अस्य सरलस्त्रूपं किमिति ।}$$

$$\begin{aligned} \text{अत्र भाज्य स्वरूपम्} &= \frac{3}{7} - 2 \frac{1}{7} \times \frac{1 \frac{2}{7} - \frac{1}{7}}{1 \frac{2}{7} - \frac{1}{7}} \\ &= \frac{1}{7} - \frac{6}{7} \times \frac{1}{7} - \frac{1}{7} \\ &= \frac{1}{7} - \frac{2}{7} - \frac{1}{7} \\ &= \frac{1}{7} - \frac{1}{7} \\ &= \frac{0}{7} \end{aligned}$$

$$\text{अथ भाजकस्त्रूपम्} = (\frac{3}{7} - 2 \frac{1}{7})(1 \frac{2}{7} - \frac{1}{7})$$

$$\begin{aligned} &= (\frac{1}{7} - \frac{6}{7})(\frac{1}{7} - \frac{1}{7}) \\ &= \frac{1}{7} \times \frac{1}{7} \\ &= \frac{1}{49} \end{aligned}$$

$$\therefore \text{ संक्षेपस्त्रूपम्} = \frac{0}{49} \times \frac{1}{49} \\ = \frac{0 \times 1}{49 \times 49} \\ = \frac{0}{49} \text{ उत्तरम् ।}$$

$$(3) \frac{6}{6} + \frac{6}{6} - \frac{2}{2} \times 10 \frac{1}{3} - 6 \frac{6}{6} \text{ अस्य संकेपरूपं किम् ?}$$

$$\begin{aligned} \text{अन्त वास्तव स्वरूपम्} &= \frac{6}{6} + \frac{6}{6} - \frac{2}{2} \times 10 \frac{1}{3} - 6 \frac{6}{6} \\ &= \frac{6}{6} + \frac{6}{6} - \frac{2}{2} \times 10 \frac{1}{3} - 6 \frac{6}{6} \\ &= \frac{6}{6} + \frac{6}{6} \times \frac{1}{1} - 6 \frac{6}{6} \\ &= \frac{6}{6} - \frac{6}{6} + 6 \\ &= -6 + 6 = 2 \text{ उत्तरम्।} \end{aligned}$$

अथेदानीमभ्यासार्थं कानिचिदुदाहरणानि प्रदर्शयन्ते । अन्नाधोलिखितप्रश्नानां सरलस्वरूपं किमिति ?

$$(1) \frac{6}{6} - \frac{3}{3} + \frac{4}{4}$$

$$\frac{3}{3} + \frac{1+5}{2-2}$$

उ १३७५१४

$$(2) \frac{2}{2} - \frac{2}{2} \div \frac{1}{1} \frac{1}{1}$$

उ १

$$(3) \frac{\frac{2}{2}}{\frac{2}{2}} \times \frac{\frac{2}{2}}{\frac{2}{2}}$$

*

उ १६

$$(4) 3 + 3 \div \frac{3-3}{1+\frac{1}{1}+3+\frac{1}{1}} \text{ का } \frac{1}{1} \div 7 \times 3$$

उ १०८५१

$$(5) 2\frac{1}{2} \div \frac{1-\frac{1}{1}}{\frac{1}{1}-\frac{1}{1}} + (\frac{1}{1} + \frac{1}{1}) \div \frac{1}{1} + \frac{1}{1}$$

उ ३६८

अथ मिथ्रगुणनम् ।

$$(1) \text{अन्त—गुण्यः} = रु ५ आ १२ पा ४ \dagger$$

गुणकः = ७

$$\begin{array}{r} \text{रु} \quad 5 \quad \text{आ} \quad 12 \quad \text{पा} \quad 4 \\ \times \quad 7 \\ \hline \end{array}$$

$$\text{रु} 40 \quad \text{आ} 0 \quad 6 \quad \text{पा} 0 \quad 4 = \text{गुणनफलम् ।}$$

* यत्र मिथ्रभित्रप्रकरणे ययोर्भित्रयोर्मध्ये “का” वर्णो वरीवर्ति तत्र तथोः पूर्वा-परभित्रयोर्गुणनं बोध्यम् ।

† अन्त “पा” शब्देनाङ्गल देशाय “पाई” इति बोध्यः ।

त्रिभिः पाईभिः स्वकाकिणी भवतीति ध्येयम् ॥

(२) गुण्यः = रु १२ आ ८ पा ७
गुणकः = ४७३

अत्र	रु	आ	पा
१२		८	७
			१०
१२९		९	१०
			१०
१२९३		१०	४
			४
६०१४		९	४ = ४०० गुणनफलम् ।
८८७		८	१० = ७० "
३७		९	९ = ३ "

सर्वेषां योगेन—

रु ९९२९ आ ११ पा ११ = गुणनफलम् ।

भागहारः ।

(१) भाज्य = रु १३८ आ ३ पा ३
भाजकः = २९

	रु०	आ०	पा०
२९) १३८		३	३ (रु० ४
	११६		
	२२		
	१६		
२९) ३७९ (आ० १२			
	२९		
	६६		
	५८		
	७		
	१२		
२९) ८७ (पा० ३			
	८७		

अतो लघिः = रु ४ आ १२ पा ३ ।

(२) भाज्यः = रु २५६ आ ६१ पा ६

भाजकः = ५९

अज्ञापि रु आ पा

५९) २८६ ६१ १ (रु ४

२३६

५०

६६

५६) ६१ (आ १३

५६

२२१

६७७

४४

६३

५६) ५२९ (पा ८५७

अतोऽत्र लघिः = रु ४ आ १३ पा ८५७

अथेदानीं दशमलवप्रकरणमाह ।

यथा प्राचीनैर्गण्यकैः पष्टयवयवात्सके ग्रहादीनां गतिः साधिता तथैव पाश्चात्यै-
गणितनिषुणैर्गणितलाघवाय दशमलवावये गणितक्रिया प्रदर्शितेति । अर्थोदेत-
दुक्तं भवति यत्र भिन्नाङ्कभाजके केवलं दशानां वाताङ्क एव वरीयत्ति ततु दशमलव-
भिन्न शब्देनोच्यते नवीनैः ।

यथा—३३, १५३, ३३५३, ११३३३४ एतानि दशमलवभिन्नानि कथयन्ते ।

परन्तु गणितसौकर्यय दशमलवभिन्ने दशानां वा वातसंख्या तत्संख्यासमानि
स्थानानि भाज्ये लोकादिस्थानक्रमेण विगणन्य तत्रोधर्वभागे विन्दुः क्रियते स च
दशमलवविन्दुः कथयते ।

यथोपरोक्तोदाहरणेषु ३, ५५, १५३, ११३४ दस्यादि संकेतेन लिख्यते ।

यत्र च भाज्याङ्कस्थानसंख्यातो दशानां वातसंख्याधिका तत्र भाज्याङ्कवासमभागे
तदधिकस्थानसंख्यामितानि शून्यानि निवेश्य यथोक्त्या दशमलवविन्दुः कार्यः ।

३, ५, ७
१०० १००० १०००० इत्यादौ

०३, ००५, ०००८ एवं संकेतेन लिख्यते ।

दशमलवविन्दुतो वासमभागस्थिता अङ्का अभिन्नास्तथा दक्षिणपाश्वस्थान्त्र
भिन्नाङ्का भवन्ति । तत्र भिन्नाङ्के दशमलवस्थानगणनात्वभिन्नाङ्कस्थानगणनातो

विपरीता स्थात् । अयोद्भिन्नाङ्कके हेकस्थानतो दशादिस्थानानि क्रमेण वामभाग-स्थितानि भवन्ति परं च भिन्नाङ्कके च तदशादिस्थानानि तु तदक्षिणपार्श्वगतान्येव वर्तन्ते ।

परन्तु परिभाषया—

$$\begin{aligned}
 125\cdot 896789 &= \frac{125896789}{1000000} \\
 &= \frac{100000000}{1000000} + \frac{20000000}{1000000} \\
 &+ \frac{9000000}{1000000} + \frac{400000}{1000000} + \frac{90000}{1000000} \\
 &+ \frac{6000}{1000000} + \frac{700}{1000000} + \frac{60}{1000000} \\
 &+ \frac{9}{1000000} \\
 &= 100 + 20 + 9 + \frac{4}{10} + \frac{9}{100} + \frac{6}{1000} \\
 &\quad + \frac{6}{10000} + \frac{7}{100000} + \frac{6}{1000000}
 \end{aligned}$$

एतेन यथोक्तं स्फुटमवसीयते ।

सर्वे ह्यङ्का दशमलवे परिणाम्यन्ते तथा च दशमलवभिन्ने भाज्यस्थाने दक्षिण-पाश्वे यथेप्सितानां शून्यानां निवेशोनापि तन्मौलयं न हीयत इति स्फुटं गणितविदाम् ।

अथ यथा साधारणानामङ्कानां योगान्तरादिविधिः प्रदर्शितस्तथैवाग्रापि भवतो-त्यतस्तत्र तावत्—

संकलनम् ।

अत्र किल सर्वे अङ्कास्तथाऽधोऽधः स्थाप्या यथा सर्वेषां दशमलवबिन्दुवो होकपं-क्तयां भवेयुस्तथाकृते साधारणाङ्कयोगवद्योगकरणेन वास्तवं योगमानं भवतीति ।

(१) यथा १२·३४७, १३९·८७९४, २०४३८, ६४·३३४०२ एवां

योगविचारे तु—

$$\begin{array}{r}
 12\cdot 347 \\
 139\cdot 8794 \\
 2\cdot 438 \\
 64\cdot 33402 \\
 \hline
 \text{योगः} = 204\cdot 99842
 \end{array}$$

(२) ७२०३०९, ७००६, ७८९६ एषां योगे तु

७२०३०९

७००६

७८९६

योगः = ८००१९४६

(३) ३९००७, ०००८, ३१०३०२२ एषां योगकरणे

३९००७

०००८

३१०३०२२

७००३१००

अतोऽन्न योगः = ७००३१ ।

(४) २६३८६४०७, ७००, ३२०७२६९, ००९०३, ३०४,

एतेषां योगकरणे तु

२६३८६४०७

७००००००००

३२०७२६९

००९०३

३०४
१००००००००००

योगः = १००० इति । एवं सर्वत्रैव बोध्यम् ।

व्यवकलनम् ।

अत्रापि सर्वपामङ्गानां दशमलवबिन्दूनेकपंक्तावधोऽधो विन्यस्य यथोक्त्या वियोगकरणेनान्तरमानं भवतीति ।

यथा (१) ३०६८७, १६०२९ अन्योरन्तरकरणे तु

१६०२९

३०६८७

१२०७०३

अतोऽन्तरमानम् = १२०७०३ उपपञ्चम् ।

(२) १०००३८९

३००००९२३४

१९९०७०३३४

अतोऽन्नान्तरम् = १९९०७०३३४ उत्तरम् ।

$$(3) \quad \begin{array}{r} \cdot 012 \\ - 0001234 \\ \hline \cdot 0118766 = \text{अन्तरमानम्} \end{array}$$

$$(4) \quad \begin{array}{r} \cdot 1375 \\ - 30009 \\ \hline 200630 \end{array}$$

अतोऽन्तरमानम् = २००६३ उत्तरम् ।

$$(5) \quad \begin{array}{r} \cdot 31709 \\ - 34501875 \\ \hline 34208170 \end{array}$$

∴ अन्तरमानम् = ३४२०८१७ उत्तरम् ।

अथ गुणनविधिः ।

अत्रापि साधारणगुणनरीत्या गुणयगुणकाभ्यां गुणनफलं विधाय तत्र गुणयगुणक-योद्देशमलवस्थानसंख्ययोर्गमितानि स्थानानि वास्त्रमेषग विगणयत् यथोक्त्या दश-मलवबिन्दुः कार्यस्तदेव वास्तवं गुणनफलं भवतीति ।

यथा (१) ४०२३७, ७९ अन्तर्गुणनफले किम् ।

$$\begin{array}{r} \text{न्यासः} \quad \text{गुण्यः} = 40237 \\ \text{गुणकः} = 79 \\ \hline \begin{array}{r} 34132 \\ 29691 \\ \hline 348723 \end{array} \end{array}$$

अतोऽन्तर्गुणनफलम् = ३४८७२३ । उत्तरम् ।

$$(2) \quad \begin{array}{r} \text{गुण्यः} = 12971 \\ \text{गुणकः} = 364 \\ \hline \begin{array}{r} 10264 \\ 19426 \\ 7513 \\ \hline 1394840 \end{array} \end{array}$$

अतोऽन्तर्गुणनफलम् = १०९३९८४४ उत्तरम् ।

$$(3) \quad \begin{array}{r} \text{गुण्यः} = 13129 \\ \text{गुणकः} = 32 \\ \hline \begin{array}{r} 26650 \\ 39979 \\ \hline 426400 \end{array} \end{array}$$

अतोऽन्तर्गुणनफलम् = ४२६४० उत्तरम् ।

$$(४) \quad \begin{array}{r} \text{गुण्यः} = ०३७५ \\ \text{गुणकः} = ०६४ \\ \hline ६५०० \\ २२९० \\ \hline २४००० \end{array}$$

अतोऽन्न गुणनफलम् = ०२४ उत्तरम् ।

$$(५) \quad \begin{array}{r} \text{गुण्यः} = १०१२००९ \\ \text{गुणकः} = -१२००९ \\ \hline ९६००२९ \\ २२४०१० \\ \hline ११२००९ \\ \hline १३४४६२००२९ \end{array}$$

अतोऽन्न गुणनफलम् = ०१३४४६२००२

$$(६) ११, १.१, ११ एषां गुणनफलं किमिति ?$$

$$\begin{array}{r} \text{अन्नापि} \quad ११ \\ \hline ११ \\ \hline १२१ \\ \hline ११ \\ \hline १२१ \end{array}$$

अन्न गुणनफलम् = १०३३१ ।

$$(७) \text{अन्न } (६.२५)^२ - (०.५)^३ \text{ मूल्यं किमिति}$$

$$\begin{array}{r} ६.२५ \\ ६.२५ \\ \hline ३१२५ \\ १२५० \\ ३७५० \\ \hline ३९०६२५ \end{array}$$

$$\therefore (६.२५)^२ = ३९०६२५$$

$$\text{एवं } (०.५)^३ = .२५$$

$$\therefore (०.५) (-२५) = -१२५$$

$$३९०६२५$$

$$\therefore (६.२५)^२ - (०.५)^३ = \frac{-१२५}{३८०९३७५}$$

अत उत्तरम् = ३८०९३७५ ।

एवमन्यान्यपुदाहरणानि सुधीभिः स्वयमेव बोद्धयानीति किमत्र लेखबाहुल्येन ।

अथ भागहारः ।

यदि भाज्यगतदशमलवसंख्या भाजकगतदशमलवसंख्यातोऽधिका स्थान्तदा तत्र साधारणभागहारविधिना या लघिस्तत्रैकस्थानतो वामभागक्रमेण भाज्य-भाजकयोर्दशमलवसंख्यान्तरसमं स्थानं विगणय दशमलवबिन्दुः स्थाप्यः ।

(१) यथा भाज्यः = २१६०७३०७६८, भाजकः = ६४२६७ अन्न लघिः केति ।

यथोक्त्या करणे—

$$\begin{array}{r}
 64267) 2160730768 (31824 \\
 \underline{162771} \\
 \underline{633020} \\
 488313 \\
 \hline 4870077 \\
 434096 \\
 \hline 130216 \\
 108914 \\
 \hline 217028 \\
 \hline 217028
 \end{array}$$

अन्न भाजकगतदशमलवसंख्यातो भाज्यगतदशमलवसंख्या ४ अधिका, तेनान्न लघिः = ३०९८२४ ।

(२) भाज्यः ३०२७३८३१, भाजकः ४९८३ अन्न लघिस्तपेक्षिताऽस्ति ।

$$\begin{array}{r}
 4983) 30273831 (0697 \\
 \underline{29803} \\
 \underline{24919} \\
 38881 \\
 \hline 38881
 \end{array}$$

अन्नापि लघिः = ००६९७

(३) भाज्यः १२०९६, भाजकः १००८ अन्न का लघिः ।

$$\begin{array}{r}
 100) 12096 (12 = लघिः । \\
 \underline{100} \\
 \underline{200} \\
 \underline{200} \\
 000
 \end{array}$$

(४) भाज्यः ७६ ११०४ भाजकः २ ३४ अन्नापि लघिधरपेक्ष्यते ।

२३४) ७६११०४ (३२०५६

$$\begin{array}{r}
 ७०२ \\
 \hline
 ६९९ \\
 ४६८ \\
 \hline
 १३१० \\
 ११७० \\
 \hline
 १४०४ \\
 \hline
 १४०४
 \end{array}$$

अन्नोऽन्न लघिधः = ३२०५६ ।

(५) भाज्यः = १०९३९८४४, भाजकः = १३६४ अन्नः का ?

२३४) ९३९८४४ (२९७१ = लघिधः ।

$$\begin{array}{r}
 ७२८ \\
 \hline
 २०७८ \\
 १८२० \\
 \hline
 २९८४ \\
 २९४८ \\
 \hline
 ३६४ \\
 \hline
 ३६४
 \end{array}$$

अन्नोऽन्नापि लघिधः = २९७१ ।

यत्र च भाजकगतदशमलवतो भाज्यगतदशमलवसंख्या स्वलपा भवेत्तत्र तु यथोक्त्या साधिते लघिधमाने ह्यन्ते तन्न्यूनसंख्यासमानि शून्यानि स्थापयेदेवं कृते वास्तवा लघिधः स्यादिति ।

(१) भाज्यः = १९९९४१४ भाजकः = १९७६२ अन्न का लघिधः ।

१९७६२) १९९९४१४ (३४७

$$\begin{array}{r}
 १७२८६ \\
 \hline
 २७०८१ \\
 २३०४८ \\
 \hline
 ४०३३४ \\
 \hline
 ४०३३४ \\
 \hline
 ००
 \end{array}$$

अत्र भाज्यगतदशमलवसंख्यातो भाजकगतदशमलवसंख्या द्विरधिका तेनात्र जाता वास्तवा लघिः = ३४७०० ।

परमेव तदैव स्याद्यादि भागहरणे शेषं न स्यात् । अन्यथा तूत्तरोत्तरशेषान्ते शून्यं निवेश्य भागहारेण तावद्विभाज्यं यावद्विः शेषं भवेद्यवेकैव लघिः समा गच्छेत् । तत्र च यथोक्तया दशमलविन्दुश्च कार्यः ।

(१) यथा भाज्यः = ५९२०७, भाजकः = १४०३ अत्र का लघिः ।

१४०३) ५९२०७ (४१०४४७६६६२४

५७२

२०७

१४३

६४०

५७२

६८०

५७२

१०८०

१००१

७९०

७१९

७९०

७१९

३६०

२८६

६४०

५७२

६८ इत्यादि ।

अत्र स्वरूपदर्शनेन सफुटं यत् किलोत्तरोत्तरशेषे शून्यं निवेश्य भाजकेन सुदृढिं भाजिते प्रथमलब्धाङ्कः ४, तथाऽन्ते च तत्सम एवोपलभ्यते तेनात्राप्रेऽपि भजनेन पुनः पुनः पूर्वाङ्क एव समागच्छत्यतोऽन्न लघिः = ४१०४४७६६२४

..... इत्यादि ।

(२) भाज्यः = ८०८०६, भाजकः = २५

२५) ८०८०६ (३२३९६

$$\begin{array}{r}
 75 \\
 - 60 \\
 \hline
 15 \\
 - 10 \\
 \hline
 5 \\
 - 5 \\
 \hline
 0 \\
 - 140 \\
 \hline
 125 \\
 - 125 \\
 \hline
 0 \\
 - 150 \\
 \hline
 150
 \end{array}$$

अतोऽन्न लिंगः = ३२३९६

अथवा भागहारे भाज्यहरयोर्भाज्यकस्य वा दशमलवयोनिरसनं यथा भवेत्तथा विधाय साधारणभागहारविधानेन लिंगं समानीय तत्र यथोक्त्या दशमविन्दुः कार्यः ।

(१) यथा भाज्यः = ०२५, भाजकः = ७

अन्न भाज्यहरयोर्दशमलवयोनिरासार्थं तौ १००० अनेन हंगुण्य जातौ भाज्य-२५ हारौ ५००० ।

ततो भागहारविधिना—

७०००) २९००० (०००३९७१

$$\begin{array}{r}
 21000 \\
 - 14000 \\
 \hline
 7000 \\
 - 63000 \\
 \hline
 7000 \\
 - 49000 \\
 \hline
 3000 \\
 - 21000 \\
 \hline
 9000 \\
 - 63000 \\
 \hline
 3000
 \end{array}$$

अतोऽन्न लिंगः = ०००३९७१.....इत्यादि

(२) भाज्यः = ३४६, भाजकः = ०८ ।

$$\therefore 346 \) 08$$

$$\begin{array}{r} 32 \\ - 26 \\ \hline 24 \\ - 20 \\ \hline 4 \\ - 4 \\ \hline 0 \end{array}$$

अतोऽन्न लघिः = ४३२.६ ।

(३) भाज्यः = ९९६८, भाजकः = २४ ।

$$\therefore 24 \) 9968$$

$$\begin{array}{r} 464 \\ - 928 \\ \hline 0000 \end{array}$$

अन्न लघिः = २४

(४) भाज्यः = ८४९४, भाजकः = ०२४

$$\therefore 24 \) 8494$$

$$\begin{array}{r} 72 \\ - 126 \\ \hline 120 \\ - 96 \\ \hline 24 \\ - 24 \\ \hline 0 \end{array}$$

अतोऽन्न जाता लघिः = ३५२.२९

(५) भाज्यः = ८९६७, भाजकः = १३

∴ १३) ८.९६७ (६६९ = लब्धिः ।

$$\begin{array}{r} ७८ \\ \hline ७६ \\ ६९ \\ \hline ११७ \\ ११७ \\ \hline \end{array}$$

(६) भाज्यः = ६३३००, भाजकः = १००२६

२९) ६३३०० (३९३२

$$\begin{array}{r} ९० \\ \hline १३३ \\ १३६ \\ \hline ८० \\ ७६ \\ \hline ९० \\ ९० \\ \hline \end{array}$$

अतोऽन्न लब्धिः = २९३२

(७) भाज्यः = १०७७०८९, भाजकः = ४०५३६

$$\begin{array}{r} ∴ ४०५३६) १०७७०८९ (०३७४ \\ १४२०६ \\ ३६० ३६ \\ ३३१ ४९ \\ \hline १८९४० \\ १८९४० \\ \hline \end{array}$$

अन्न जाता लब्धिः = ०३७४

(८) भाज्यः = ०००३७३८०२८, भाजकः = ००४९६

∴ ४७६) ३७३८०२८ (००४९६

$$\begin{array}{r}
 3732 \\
 \hline
 4060 \\
 3808 \\
 \hline
 2622 \\
 2380 \\
 \hline
 1428 \\
 1428 \\
 \hline
 0000
 \end{array}$$

जाता लिखः = ०००३८६३

एवं भागहरणे सर्वत्र क्रिया भवतीति सुधियोह्यं किमत्र ग्रन्थबाहुल्येनेति दिक् ।

अथेदार्नी दशमलवस्य वर्गघनादि साधने तु प्रथमं साधारणवर्गघनादिविधिना वर्गघनादीन् विधाय तत्र वर्गे ह्येकादिस्थानमारभ्य द्विघनदशलवसंख्यामितानि स्थानानि वामभागक्रमेण विशेष्य दशमलवविन्दुः कार्यः । घने तु त्रिघनदशमलवस्थानसंख्या बोध्या । एवमग्रेऽप्यवयेयम् ।

यथा—९३९८२ अस्य वर्गः, घनश्च क इति ।

प्रथमं वर्गकरणेन—

$$\begin{array}{r}
 93982 \\
 \hline
 93982 \\
 \hline
 187164 \\
 748666 \\
 467110 \\
 280746 \\
 142238 \\
 \hline
 8757910724
 \end{array}$$

अतो वर्गः = ८७५७९१०७२४

घनकरण—

८७५७६ ९०७२४

९३९८२

१७६१९१८१४४८

७००७०७२६७९२

६३७८७९५३६२०

२६२७२७७३१४२

७८८१८३१६९१६

८१९९६२८७६१३३२६८

अतोघनम् = ८१९९६२२८७६१३३२६८

एवं सर्वत्र क्रिया भवति किमत्र बाहुल्येन ।

वर्गमूलानयनम् ।

कस्या अपि दशमलवसंख्याया वर्गमूलानयनविचारे वर्गे दशमलवसंख्या समैव
भवितुं शुच्यते । अन्यथा विषमसंख्यायां सत्यां तत्र वर्गे तावदेकरूप्यनिवेशेन ताँ
समाँ विधाय साधारणमूलानयनरीत्या मूलमानमाननीय तत्र यथोक्तया वर्गाङ्कुगतदश-
मलवसंख्यार्धमिते स्थाने दशमलवबिन्दुविधेयस्तदा वास्तवं मूलमानं भवेत् ।

(१) यथा ४८१ ८९०३०४ अस्य वर्गमूलं किमिति ?

मूलानयनरीत्या—

४८९१८९०३०४ (२१९९२

४

४१) ८१

४१

४२९) ४०८९

३८६१

४३८६) २२८०३

२१९२६

४३९०२) ८६८०४

८७००४

अतो वर्गमूलमानम् = २१९९२ ।

(२) ००००४४८९ अस्य वर्गमूलमपेक्षितम् ।

यथोक्त्या न्यासेन—

$$\begin{array}{r}
 4489 \quad (67 \\
 \underline{-} \quad 36 \\
 127) \quad \underline{889} \\
 \underline{-} \quad 669 \\
 \underline{\underline{000}}
 \end{array}$$

अतोऽन्न वर्गमूलम् = .००६७ ।

(३) १८२२१७९९९ अन्न वर्गमूलं किमिति ?

अन्न वर्ग दशमलवस्थानसंख्या विषमा तेन तस्याः समत्वकरणाय वर्गोपरिशुन्यस्थापनेन—

$$\begin{array}{r}
 182217999 \quad (42687 \\
 \underline{-} \quad 16 \\
 82) \quad \underline{222} \\
 \underline{-} \quad 164 \\
 846) \quad \underline{9817} \\
 \underline{-} \quad 9056 \\
 8528) \quad \underline{74119} \\
 \underline{-} \quad 6224 \\
 85367) \quad \underline{597670} \\
 \underline{-} \quad 597569 \\
 \underline{\underline{1}} \dots\dots \text{शेषम् ।}
 \end{array}$$

∴ वर्गमूलमानम् = ४०२६८७

अथ प्रसङ्गतोऽवर्गाङ्कमूलानयनाय विचारः ।

यथा २, अस्य वर्गमूलानयनविचारे

$$\begin{array}{r}
 2(\quad (104182100 \\
 \underline{-} \quad 100 \\
 28) \quad \underline{100} \\
 \underline{-} \quad 96 \\
 281) \quad \underline{400} \\
 \underline{-} \quad 281 \\
 2828) \quad \underline{11100} \\
 \underline{-} \quad 11096 \\
 28282) \quad \underline{60400} \\
 \underline{-} \quad 56564
 \end{array}$$

२८२८४१) ३८३६००

२८२८४१

१००७९९०० . . . इत्यादि ।

आसन्नमूलम् = १०४१४२१ . . . इत्यादि ।

एवं सर्वत्रैव धीमतोऽन्यम् ।

अथावर्तदशमलवप्रकरणम् ।

यो हि भिन्नाङ्गो दशमलवरूपे परिणाम्यते तत्र यदि लिंगनिरवयवा न स्थादर्थात्पुनः पुनः स एवाङ्गः समागच्छति तदा तदावर्तदशमलवसंज्ञकं कथयते नवीनः ।

यथा $\frac{1}{4}$ अस्य मानं दशमलवरूपे परिणामनेन—

५५) १९० (०३४१

१६५२५०३००२७५२५०

. . . इत्थादि ।

∴ वास्तवभिन्नमानम् = ०३४१४२९४९४९ . . . इत्यादि ।

एवमेव

 $\frac{1}{2} = 0\overset{1}{6}\overset{6}{6}\overset{6}{6}\overset{6}{6}\overset{6}{6} \dots$ $\frac{9}{2} = 0\overset{1}{3}\overset{3}{3}\overset{3}{3}\overset{3}{3}\overset{3}{3}\overset{3}{3} \dots$ $\frac{7}{2} = 0\overset{1}{7}\overset{7}{7}\overset{7}{7}\overset{7}{7}\overset{7}{7} \dots$

अत्र सर्वपां भिन्नानां संक्षेपरूपेण मानशापकाय समानांकोपरि (.) चिह्नं कृत्वा लिख्यते ।

यथा $0\overset{1}{6}\overset{6}{6}\overset{6}{6}\overset{6}{6} \dots = 0\overset{1}{6}$ $0\overset{1}{3}\overset{3}{3}\overset{3}{3}\overset{3}{3} \dots = 0\overset{1}{3}$ $0\overset{1}{7}\overset{7}{7}\overset{7}{7}\overset{7}{7} \dots = 0\overset{1}{7}$ $0\overset{1}{4}\overset{9}{4}\overset{9}{4}\overset{9}{4} \dots = 0\overset{1}{4}\overset{9}{4}$

इत्थादि सर्वत्र बोध्यम् ।

अथावर्तदशमलवश्चेत् भिन्नांकत्वेनापेक्षयते तदाऽधोलिखितः प्रकारः समुपयुज्यते ।

(१) तथादि $\cdot\overset{1}{3} = 0\overset{1}{3}\overset{3}{3}\overset{3}{3} \dots$ $\therefore 10 \times \cdot\overset{1}{3} = 0\overset{1}{3}\overset{3}{3}\overset{3}{3} \dots$

अन्तरेण—

 $1 \times \cdot\overset{1}{3} = \overset{1}{3}$ $\therefore \cdot\overset{1}{3} = \frac{\overset{1}{3}}{1} = \overset{1}{3}$

$$(2) \quad \begin{aligned} 0.5 &= 0.9999 \dots \\ 10 \times 0.5 &= 9.9999 \dots \\ 1 \times 0.5 &= 0.5 \\ 0.5 &= \frac{5}{10} \end{aligned}$$

$$(3) \quad \begin{aligned} 0.2345^{\frac{1}{2}} &= 0.23454545 \dots \\ 100000 \times 0.2345^{\frac{1}{2}} &= 23450.45454545 \dots \\ 100 \times 0.2345^{\frac{1}{2}} &= 23.4545454545 \\ \therefore 9900 \times 0.2345^{\frac{1}{2}} &= 2345 - 23 \\ \therefore 0.2345^{\frac{1}{2}} &= \frac{2345 - 23}{9900} \end{aligned}$$

$$(4) \quad \begin{aligned} 3.6\dot{2} &= 3.62222 \\ 100 \times 3.6\dot{2} &= 362.22222 \\ 10 \times 3.62 &= 36.22222 \\ \therefore 10 \times 3.62 &= 36.2 - 3.6 \\ \therefore 3.6\dot{2} &= \frac{36.2 - 3.6}{10} \end{aligned}$$

एतेनावसीयते यद्यावर्तदशमलवे साधारणभिन्नांकत्वेनापेक्ष्यमाणे प्रथममावर्त-दशमलवे येऽङ्गाहृतन्निभित्संख्या बिन्दुरहिताङ्गसंख्यां विशोऽय भाज्यस्तथा बिन्दु-पलक्षितांकसंख्यासमान् नव गृहीत्वा तदुपर्यावर्तदशमलवर्विदुदशमलवर्विद्वैरन्तरा-लस्थानसंख्यासमानि शून्यानि निवेश्य भाजक इति च प्रकल्प्य यन्मातं स्थात्तदेवावर्तदशमलवस्य मानं भवतीति स्फुटं दीरीदृश्यते ।

$$\text{यथा } .30769\dot{2} = \frac{307692\dot{3}}{10000000} \\ \cdot \overset{3}{6} \overset{2}{9} = \frac{3}{10} \\ \cdot674842\dot{3} = \frac{6748423 - 6748}{599000} \text{ इत्यादि ।}$$

अथावर्तदशमलवानां संकलनव्यवकलने दशमलवानुरूप एव भवतः इति स्फुटम् ।

तथा तेपां गुणनभजने च तद्विन्नाङ्गपरिणामनेन भवत इत्यपि सुगममेव । तथापि बालावबोधार्थं किञ्चिदुच्यते ।

$$(1) \quad \begin{aligned} 0.\dot{5} \times 7.\dot{3} &= \frac{5}{10} \times \frac{73-7}{9} \\ &= \frac{1}{2} \times \frac{66}{9} \\ &= \frac{1}{2} \times \frac{22}{3} \\ &= \frac{22}{6} = \frac{2}{3} = 0.\dot{6} \end{aligned}$$

$$(2) \quad 0.73\dot{2} \div 0.27\dot{5} = \frac{732-7}{9900} \div \frac{275-2}{9900} \\ = \frac{725}{9900} \div \frac{273}{9900} \\ = \frac{725}{273} = \frac{25}{9} = 26.\dot{3}\dot{6} \end{aligned}$$

एवं सर्वैव क्रिया भवतोति धीमद्विरुद्धनायम् । परत्र यत्र भाज्यभाजकयोर्दश-
मलवसंख्ये न समाने तत्र प्रथमं समे ते विधायात्रापि क्रिया कायेंति मनसि ध्येयम् ।

अथ व्राशिकप्रकरणम् ।

तत्रादौ तावच्चक्रवृद्धिकलान्तरज्ञानाय विचारः क्रियते ।

कस्मिन्नपि नियमिते काले यस्य कल्याणि सूखधनस्य कलान्तरमानीय तन्मूल-
धने संयोज्य तस्मात्पुनः कलान्तरं प्रसाध्य तन्मिश्रधने संयोज्य पुनः कलान्तरं साध-
नीयम् । एवं सुखसुहृद्यत्र कलान्तरमानीयते तत्त्वं चक्रवृद्धिकलान्तरमुच्यते ।

यथा शतस्य यद्येकस्मिन् वर्षे सार्वसुदाद्यते कलान्तरं स्वातदा वर्दत्रये
रु० ३२१ आ० ८ एतेषां चक्रवृद्धा कलान्तरं किमिति ?

अत्र रु० ३२१ आ० ८ = रु० ३२१०५

रु० २ आ० ८ = २०५

०. ३२१०५

२०५

१६०७५

६४३०

८००३७५ = एकस्मिन् वर्षे कलान्तरम् ।

३२१०५

३२१०५३७५ = " " सकलान्तरमूलधनम् ।

०. ३२१०५३७५

२०५

१६४७६८७५

६६९०७५०

८०२३८४३७५ = द्वितीयवर्षे कलान्तरम् ।

३२१०५३७५

३३७०७७९९३७५ = " " मिश्रधनम् ।

२०५

१६८८८७९६८५९

६७९६६९८७५०

८०४४४३९८४३७५ = तृतीयवर्षे कलान्तरम् ।

३३७०७७९९३७५

३४६२२०३३५९३७५ = " " सकलान्तरमूलधनम् ।

३२१०५ = मूलधनम्

∴ २४०७२०३३९९३७९ = सर्वकलान्तरम् ।

(२) वर्षे शतस्य यदि पञ्चकलान्तरं स्याद्वर्षेष्ये भवति किं च चतुः शतानाम् ।
धीमन् वदाशु सकलं किल चक्रवृद्धा चेदस्ति ते हिं गणिते पदुताभिमानः ॥
न्यासः मूलधनम् ४००, कलान्तरम् ९

∴ ४००

९

१००) २००० (२०

∴ २० = एकलिमन् वर्षे कलान्तरम् ।

४००

४२० = मिश्रधनम्

९

१००) २१०० (२१

∴ २१ = द्वितीयवर्षे कलान्तरम् ।

४२०

४४१ = सकलान्तरमूलधनम् ।

४००

अन्तरेण ४१ = सकलं कलान्तरम् ।

एवं सर्वत्रैव भवति ।

अथमेव प्रकारः ‘तलस्थहारेण हरं निहन्या’ दित्यादिभास्करोयप्रकारेणापि
स्फुटं सिद्धयति ।

तथाहि । उपरोक्तोदाहरणे शतस्य कलान्तरम् = ९

∴ १ कलान्तरम् .. = इ१०

= इ१०

अत्र “अथ स्वांशाधिकाने” त्वित्यादिना-

१ + इ१० = रूपसम्बद्धीयमिश्रधनमानम् = इ१०

$$\therefore \text{मिश्रधनमानम्} = \frac{400 \times 21 \times 21}{20 \times 20}$$

$$= 21 \times 21$$

$$= 441$$

अथ मूलधनविशेषाधनेन जातं कलान्तरमानम् = ४१ ।

(२) वर्षे शतस्य यदि ९ मुद्राः कलान्तरं तदा वर्षचतुष्टये १२०० अस्य
चक्रवृद्धया किमिति ।

न्यासः ६०० अस्य ५ कलान्तरम्

$$\therefore ? " \text{इठं} "$$

$$= \frac{1}{5} "$$

$$1 + \frac{1}{5} = \text{सिंधुनम् ।}$$

अतो वर्षचतुष्टये सकलान्तरम् मूलधनमानम्

$$= \frac{1200 \times 21 \times 21 \times 21 \times 21}{20 \times 20 \times 20 \times 20}$$

$$= \frac{3 \times 21 \times 21 \times 21 \times 21}{400}$$

$$= 1494\frac{3}{4}$$

अत्र मूलधनशोधनेन—

$$268\frac{3}{4} = \text{सकलं कलान्तरमानम् ।}$$

(३) कस्मिन्नपि कथा हे विशतिशेटकमितं दुर्घमस्ति, तस्मात् काऽपि वालिका शेटकमितं गृहीत्वा तत्र तावन्मितं जलं चिक्षेत् । ततोऽन्या काऽपि वाला तस्मात् जलमिश्रदुर्घतः शेटकमात्रमादाय पुनस्तावन्मात्रं जलं च ददौ । एवं पञ्च वालाश्चक्षुः । तदाऽन्ते तत्र कथा हे कियन्मितं जलं दुर्घं चावगेपमिति ।

अत्र स्वांशापवाहविविना हेकस्मिम् शेटके दुर्घमानम् = $\frac{1}{5}$

$$\text{अतो वास्तवदुर्घमानम्} = \frac{20 \times 19 \times 19 \times 19 \times 19 \times 19}{20 \times 20 \times 20 \times 20 \times 20 \times 20}$$

$$= \frac{19^5}{20^4} = 19\frac{72299}{160000}$$

अर्थात् १६ शेटकासन्नमितं दुर्घं तथा ४ शेटकासन्नं जलं च तत्राव शिष्टमिति ।

(४) “स्वार्धं प्रादात्प्रयागे” इत्यादि भास्करीयादाहरणे विलोमविविना—

$$63 + \text{स्व} \frac{1}{2} \text{ स्व} + \frac{3}{4} \text{ स्व} + \frac{1}{2} \text{ स्व} + \frac{3}{4} \text{ स्व}$$

$$= \frac{63 \times 2 \times 9 \times 8 \times 9}{1 \times 7 \times 3 \times 2}$$

$$= 940 \quad \text{उत्तरम् ।}$$

एवमनेके प्रकाराः सिद्धन्तीति ।

अथेदानीं कार्यसम्बन्धिनः प्रश्नाः ।

(१) कोऽपि क पुरुपः किमपि कार्यं १२ दिवसेस्तथा तदेव कार्यं ख १५ दिने: कर्तुं शक्नोति तदा क, ख मिलित्वा तत्काय कियन्मितैर्दिवसैः पूर्यतीति ।

$$\begin{aligned}
 & \text{क } १२ \text{ दिनैः } १ \text{ कार्यं} \\
 & " १ \text{ दिनेन } \frac{१}{५०} \text{ कार्यं} \\
 & \text{एवं ख } १५ \text{ दिनैः } १ \text{ कार्यं} \\
 & " १ " \frac{१}{५०} \text{ कार्यं} \\
 \therefore & \text{क+ख } १ \text{ दिनेन } \frac{१}{५०} + \frac{१}{५०} \text{ कार्य} \\
 & = \frac{२}{५०} = \frac{१}{२५} = \frac{३}{१०}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \text{अतो दिनानि} &= १ \div \frac{३}{१०} \\
 &= \frac{३}{१०} = ६ \frac{२}{३} .
 \end{aligned}$$

(२) यदि क किमपि कार्यं ८ दिवसस्तथा ख, क मिलित्वा ६ दिवसैस्तदेव कार्यं च करोति तदा ख स्वयं कियन्मितैदिनैः करिष्यतीति ।

$$\begin{aligned}
 & \text{अत्र क } ८ \text{ दिनैः } १ \text{ का} \\
 & " १ \text{ दिनेन } \frac{१}{८} " \\
 & \text{एवं क+ख } ६ \text{ दिवसैः } १ \text{ कार्यं} \\
 & " " १ \text{ दिनेन } \frac{१}{६} " \\
 \therefore & \text{एकस्मिन् दिने ख कार्यं} = \frac{१}{८} - \frac{१}{६} \\
 & = \frac{४-२}{२४} \\
 & = \frac{२}{२४}
 \end{aligned}$$

$$\text{अतो दिनानि} = १ \div \frac{२}{२४} = २४ \text{ उत्तरम् ।}$$

(३) यदि क १५ दिनैः किमपि कार्यं करोति । परब्र ९ दिनानन्तरं तत्र ख मिलित्वेन सह तत्काय ४ दिनैः पूर्णं जातं तदा ख स्वयं तत्काय कियन्मितैदिवसैः पूरयिष्यतीति ।

$$\begin{aligned}
 & \text{अत्रापि क } १५ \text{ दिवसैः } १ \text{ कार्यं} \\
 & " १ " " \frac{१}{१५} " \\
 & " ९ " " \frac{१}{१५} \times ९ " \\
 & \qquad\qquad\qquad = \frac{९}{१५} "
 \end{aligned}$$

$$\text{अतोऽवशिष्टकार्यभागः} = १ - \frac{९}{१५} \\
 = \frac{६}{१५}$$

$$\therefore \text{क+ख } ४ \text{ दिवसैः } \frac{२}{५} \text{ कार्यभागम्}$$

$$\begin{aligned}
 & " १ " \frac{२}{५} \times \frac{१}{४} " \\
 & = \frac{२}{२०} "
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & \text{अत एकस्मिन् दिने ख कार्यभागः} = \frac{९}{१५} - \frac{२}{२०} \\
 & = \frac{४-२}{३०} \\
 & = \frac{२}{३०} = \frac{१}{१५}
 \end{aligned}$$

अतोऽभीष्टदिनानि = $1 - \frac{3}{4} = \frac{1}{4}$ दिवसः ।

(४) क, ख मिलित्वा किमपि कार्यं ८ दिनैः ख, ग मिलित्वा तदेव १० दिवसैस्तथा क, ग मिलित्वा तत्कार्यं च १२ दिनैः करोति तदा ख स्वयं कियन्मते-दिवसैस्तत्कर्तुं शक्नोतीति ।

क + ख	८	दिनैः	१	कार्यं
∴ „	१	”	$\frac{1}{8}$	”
ख + ग	१०	”	१	”
∴ „	१	”	$\frac{1}{10}$	
एवं क + ग	१२	”	१	”
∴ „	१	”	$\frac{1}{12}$	

सर्वपां योगेन—

$$\begin{aligned} \text{क} + \text{ख} + \text{ग} & १ \text{ दिनैन } \frac{1}{8} \left(\frac{1}{12} + \frac{1}{10} + \frac{1}{8} \right) \text{ कार्यभागः} \\ & = \frac{1}{8} \cdot \frac{1}{\frac{1}{12} + \frac{1}{10} + \frac{1}{8}} \\ & = \frac{1}{8} \cdot \frac{37}{240} \\ & = \frac{37}{1920} \end{aligned}$$

परन्तु क, ग मिलित्वैकस्मिन् दिनैः $\frac{3}{4}$ कार्यं भागं करोति । तेन ख कार्यभागः

$$\begin{aligned} & = \frac{37}{1920} - \frac{3}{4} \\ & = \frac{37 - 144}{1920} \\ & = \frac{107}{1920} \end{aligned}$$

अतो दिनानि = $-\frac{3}{4} = \frac{1}{4}$ उत्तरम् ।

एवमन्यस्यापि दिनमानमागच्छर्ताति धीमतोद्यम् ।

(५) क किमपि कार्यं ८ दिवसैः, ख ६ दिवसैस्तथा ग १६ दिनैश्च पूर्यति । परब्रह्म सैव कार्यमारब्धेषु तेषु क, ख क्रमेण दिनद्वयं दिनत्रयं च कार्यं कृत्वा कार्यान्तरं गतौ तदाऽवशिष्टं कार्यं ग कियन्मते-दिवसः करिष्यतीति ।

क	८	दिवसैः	१	कार्यं
∴ „	२	”	$\frac{1}{4}$	”
ख	६	”	१	”
∴ „	३	”	$\frac{1}{16}$	
∴ क, ख अनयोः कृतकार्यभागः		= $\frac{1}{4} + \frac{1}{16}$		
		= $\frac{5}{16}$		
अतोऽवशिष्टकार्यभागः	= $1 - \frac{5}{16} = \frac{11}{16} = \frac{3}{4}$			

$$\begin{aligned}
 \text{परं च} & \quad \text{ग } १६ \text{ दिवसैः } १ \text{ कार्यं} \\
 \therefore & \quad " \quad १ \text{ दिनेन } \frac{१}{१६}, \\
 \therefore & \quad \frac{१}{४} \text{ कार्यं भागसम्बन्धिदिनानि} = \frac{१}{४} : \frac{१}{१६} \\
 & \qquad \qquad \qquad = \frac{१}{४} \times \frac{१}{१६} \\
 & \qquad \qquad \qquad = ४
 \end{aligned}$$

अतः शेषकार्यसम्बन्धिदिनम् = ४ - ३ = १ उत्तमम् ।

(६) क किमपि कार्यं १० दिनैः, ख १६ दिनैस्तथा ग ३० दिनैश्च कर्तुं शकोति । सर्वे ते सहैव कार्यमारब्धवत्ततः । क कार्यपूर्तिदिनात् दिनद्वयं तथा ख दिनत्रयं च प्रागेव कार्यं विहायान्यत्र कुत्रापि गतौ । तदा कियन्मितैर्दिवसैः कार्यं पूर्तिर्भविष्यतीति ।

क	१० दिवसैः	१ कार्यं
∴ "	१ "	$\frac{१}{१०}$ "
ख	१६ "	१ "
∴ "	१ "	$\frac{१}{१५}$
ग	३० "	१ "
∴ "	१ "	$\frac{१}{३०}$

सर्वयोगेन—

$$\begin{aligned}
 \text{क} + \text{ख} + \text{ग} & \quad १ \text{ दिनेन } \frac{१}{१०} + \frac{१}{१५} + \frac{१}{३०} \text{ कार्यभागम्} \\
 & = \frac{६ + ४ + २}{६०}, \\
 & = \frac{१२}{६०} = \frac{१}{५},
 \end{aligned}$$

यद्यत्र क, ख कार्यं नात्यजतां तदा ते द्वे मिलित्वा $\frac{१}{१०} + \frac{१}{१५} = \frac{३}{३०}$ कार्यभागं करिष्यतः ।

अतश्चिभिः करिष्यमाणकार्यभागः = १ + $\frac{३}{३०} = \frac{३}{५}$ ।

अतो दिनानि = $\frac{५}{५} - \frac{३}{५} = २$ दिनानि ।

(७) यत्कार्यं क ४ दिवसैस्तदेव ख ६ दिवसैस्तथा तदेव ग १२ दिनैश्च करोति । परन्तु क, ग मिलित्वा कार्यस्य $\frac{१}{४}$ भागं २८ दिवसैः कर्तुं शकोति तदाऽत्वशिष्टं कार्यं ख कियन्मितैर्दिवसैः पूरयतीति ।

अन्न	क	अस्य	४ दिनस्य कार्यं	= ख अस्य ६ दिनस्य
∴	क	"	१ "	,, = ख " $\frac{६}{४}$ "
एवं	ग	"	१२ "	,, , ६ "
∴	ग	"	१ "	,, , १ $\frac{६}{४}$

$$\begin{array}{llll}
 \text{अतः क अस्य} & २८ & \text{दिनस्य कार्यं} = \text{ख अस्य } 28 \times \frac{5}{8} \\
 \text{पुर्वं ग } & " & " & =,, ", 42 \text{ दिनस्य} \\
 & & " & =,, ", 28 \times \frac{6}{8} \\
 & & & = 18 \text{ दिन} \\
 \therefore \text{क, ग अनयोग्येऽस्य } 28 \text{ दिनस्य कार्यं} & = \text{ख अस्य } 42 + 18 \text{ दिनस्य} \\
 & & & =,, 60 \text{ दिनस्य}
 \end{array}$$

अथर्त् त्रै पुर्वकार्यभागं ख २६ दिनैः कृतवान् ।

$$\therefore \text{शेषकार्यभागः} = 1 - \frac{3}{4} = \frac{1}{4}$$

$$\begin{aligned}
 \text{अतो दिनानि} &= 96 \times \frac{1}{4} \div \frac{3}{4} \\
 &= \frac{96}{4} = 18 \text{ जातम् ।}
 \end{aligned}$$

(८) यदि क किमपि कार्यं १२ दिनैः तथा ख १८ दिवसैश्च करोति, तत्र क, ख मिलित्वा सहैव कार्यमारभेते । दिनत्रयादनन्तरं ख पलाय्य गतः केवलं क पुरुषः कार्यं कृतवान् । दिनचतुष्यादनन्तरं ग मिलित्स्तेन क, ग मिलित्वा दिनद्वय एव कार्यं पूरितवन्तो । तदा ग तत्कार्यं करिष्यतीति वद ।

$$\text{अत्रापि क} + \text{ख } 1 \text{ दिनेन } \frac{1}{4} + \frac{1}{4} \text{ कार्यभागम्}$$

$$= \frac{\frac{3}{4} + \frac{1}{4}}{2} = \frac{1}{2},$$

$$= \frac{1}{2}$$

$$\therefore " 3 \text{ दिवसैः} = \frac{1}{2} \cdot 3 = \frac{3}{2},$$

$$= \frac{3}{2},$$

$$\begin{aligned}
 \text{क } 4 \text{ दिवसैः} &= \frac{1}{2} \cdot 4 \text{ कार्यभागम्} \\
 &= \frac{2}{1}
 \end{aligned}$$

\therefore क, ख अनयोः ($\frac{1}{2} + \frac{2}{1}$) पुर्वकार्यकरणादनन्तरं ग समाप्तः ।

$$\therefore \frac{1}{2} + \frac{2}{1} = \frac{3}{2} = \frac{3}{4} \text{ कार्यभागम् ।}$$

$$\therefore \text{शेषम्} = 1 - \frac{3}{4} = \frac{1}{4} \text{ पुर्वकार्यं क, ग मिलित्वा दिनद्वयेन पूरिवन्तो ।}$$

$$\therefore \text{क} + \text{ग } 1 \text{ दिनेन } \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{4} \text{ कार्यभागम्}$$

$$= \frac{1}{16},$$

$$\therefore \text{ग } 1 \text{ दिनेन } \frac{1}{16} - \frac{1}{4} \text{ कार्यभागम्}$$

$$= \frac{3}{16},$$

$$= \frac{3}{16}$$

$$\text{अतो दिनानि} = 1 \div \frac{3}{16} = 2\frac{2}{3} = 24 \text{ दिनानि ।}$$

(९) ९ पुरुषाः किमपि कार्यं २ घटिकाभ्यां, ७ लित्रयः ३ घटिकाभिस्तथा

९ बालकाः ४ घटिकाभिः कर्तुं शक्तुवन्नित तदा १ पुरुषेण, १ छिया तथैकेन बालकेन
मिलित्वा सहैत्र तत्कार्यं कियन्मिताभिर्योभिः पूरितमिति ।

अत्रापि पृथक् २ कार्यभागमानीय संयोगेन —

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{3}{2}$$

$$\text{अतो दिनानि} = १ \frac{1}{2}$$

(१०) ४ पुरुषाः वा ६ छियोः ९ बालकाः वा किमपि कार्यं १० दिवसैः
पूरयन्ति तदैकपुरुषश्चततः छियस्तथा त्रयो बालकाश्च मिलित्वा कियन्मितौद्दिनैस्त-
त्कार्यं करिष्यन्तीति ।

अत्रोदाहरणोक्तत्या —

४ पुरुषाः = ६ स्त्रियः

$$\therefore १ पुरुष = \frac{1}{2},$$

$$= \frac{3}{2},$$

एवं ९ बालकाः = ६ स्त्रियः

$$\therefore १ बालक = \frac{1}{2},$$

$$= \frac{3}{2},$$

$$\therefore ३, = 2,$$

∴ १ पुरुष + ४ स्त्रियः + ३ बालकाः

$$= 4 + 2 + \frac{3}{2}$$

$$= 6 + \frac{3}{2},$$

$$= \frac{15}{2}$$

परब्र ६ स्त्रियः १० दिवसैः

$$\therefore \frac{15}{2}, \frac{10 \times 6}{2},$$

$$= 8 \times 2$$

= ८ दिवसैः ।

(११) कस्यां चिद्राप्यां द्वे प्रनालये स्तस्ते च क्रमेण विशति तथा त्रिशब्दादिः
कामित्र तां वार्षी पृथक् पृथक् पूरयतः । परन्तु युगपदेव विसुक्ते द्वे प्रनालये किथता
कालेन पूरयिष्यतः ।

अत्र प्रथमा प्रनाली २० घटिकाभिः १ वार्षी पूरयति

$$\text{” ” } १ ” \frac{1}{2} ” ”$$

$$\text{एवं द्वितीया } , ३० ” , \frac{1}{2} ” ”$$

$$\therefore ” ” १ ” \frac{1}{2} ” ”$$

$$\therefore \text{प्रथमा प्रनाली } २० + \text{द्वितीया प्रनाली } १ ” , \frac{1}{2} + \frac{1}{2} ” ”$$

$$= \frac{5}{2} ” ”$$

$$= \frac{5}{2} ” ”$$

$$\text{अतो वार्षिपूरणकालः} = \frac{1}{2} + \frac{1}{3}$$

= १२ घटिकाः ।

(१२) कस्मिन्ब्रवि तडागे व्रयो निर्झराः सन्ति यत्र प्रथमेन घटिकात्रये गद्वितीयेन च पञ्चघटिकाभिस्तडागः पूर्यते तथा तृतीयनिर्झरेण घटिकात्रयेन शोष्यते तदा सहैव विसुक्ता स्ते निर्झराः शुप्तं तडागं कियता कालेन पूरयिष्यन्तीति ।

$$\text{अत्रापि प्र०नि० } 3 \text{ घटिकाभिः } 1 \text{ तडागं पूरयति}$$

$$\therefore \quad \quad \quad 1 \quad , \quad , \quad \frac{1}{3} \quad , \\ \text{एवं द्वि०नि० } 6 \quad , \quad , \quad 1 \quad ,$$

$$\therefore \quad , \quad , \quad 1 \quad , \quad , \quad \frac{1}{3} \\ \text{तथा च तृ० नि० } 2 \quad , \quad , \quad 1 \quad , \quad \text{शोष्यति}$$

$$\therefore \quad , \quad , \quad 1 \quad , \quad , \quad \frac{1}{3} \\ \text{अतो युगपद्विसुक्तात्यो निर्झराः } 1 \text{ घटिक्या } \frac{1}{3} + \frac{1}{3} - \frac{1}{3} = \frac{1}{3} \text{ पू०} \\ = \frac{10+6-15}{30} = \frac{1}{3}, \\ = \frac{1}{3} \text{ पूर्यन्ति}$$

$$\text{अतस्तडागपूरणकालः} = \frac{1}{2} + \frac{1}{3}$$

= ३० घटिकाः ।

(१३) कस्यात्तिद्वाप्यां द्वे प्रनाल्येस्तस्ते च क्रमेण १३ इ, ११इ घटिका-भिस्तां वार्षी शोष्यतः । अथ सहैव विसुक्तयोस्तयोर्धदा वाप्या द्वौ तृतीयांशौ नि-शेखितौ तत्रैका निवृत्ता । तदा वार्षी कियता कालेन शोषितेति ।

$$\text{प्र० प्र० } 1\frac{2}{3} \text{ घटिकाभिः } 1 \text{ वार्षी शोष्यति}$$

$$\therefore \quad , \quad 1 \quad , \quad \frac{1}{3} \quad , \quad " \quad "$$

$$\text{एवं द्वि० प्र० } 1\frac{1}{3} \quad , \quad 1 \quad , \quad " \quad "$$

$$\therefore \quad , \quad 1 \quad , \quad , \quad \frac{1}{3} \quad , \quad " \quad "$$

$$\therefore \text{प्र० प्र०} + \text{द्वि० प्र०} \quad 1 \quad , \quad , \quad \frac{1}{3} \quad , \quad \frac{1}{3} + \frac{1}{3} \quad , \quad " \\ = (\frac{1}{3} + \frac{1}{3}) \times 2 \quad ,$$

$$= \frac{2}{3} \quad , \quad " \quad "$$

$$\text{अतो द्वाप्यां वाप्या: शोषणकालः}$$

$$\therefore \text{वाप्या: } \frac{2}{3} \text{ भागस्य शोषणकालः} = \frac{359}{484} \times \frac{2}{3}$$

$$= \frac{199}{242} \quad , \quad " \quad "$$

$$\text{परं च द्वितीया प्रणाली } 1 \text{ घटिक्या}$$

$$\therefore \frac{1}{3} \text{ वार्षीभागस्य शोषणकालः} = \frac{1}{2} + \frac{1}{3}$$

$$= \frac{1}{2} \times \frac{3}{2} \quad , \quad " \quad "$$

$$= \frac{1}{2} \quad , \quad " \quad "$$

$$= \frac{1}{2} \quad , \quad " \quad "$$

∴ वापीशोषणकालः

$$\begin{aligned} &= \frac{११७}{२२} + \frac{१३}{२} \\ &= \frac{२६०}{२२} \\ &= \frac{१३०}{११} \end{aligned}$$

$\frac{११९}{११}$ घटिकाः ।

(१४) द्वे घटिकायन्त्रे स्तो यत्र मध्याहे १२ वादनं जातम् । तत्रैकं यन्त्रं २४ घन्टायां ४० सेकेण्डमितं द्रुततरस्परं ९० सेकेण्डमितं मन्दं च चलति । तदा प्रथम् पश्चात्क्रियता कालेन द्वितीयतो १६ मिनटमितमधिकं जायते ।

अत्र प्रथमं २४ घन्टायां द्वितीयतः ४० + ९० सेकेण्डमितमधिकं भवति ।

अर्थात् १ दिने $\frac{३}{४}$ मिनटमितम् ।

∴ अधिकदिनानि = $१६ \div \frac{३}{४}$

$$= \frac{३२}{३} = १० \text{ दिन } १६ \text{ घण्टाः ।}$$

अर्थात् १० दिनैः १६ घन्टाभिः प्रथमं १६ मिनटमितमधिकं भविष्यतीति ।

अथ श्रेणीघट्यवहारः ।

अथ “सैकपदभ्यपदार्थमयैकाद्वज्ञयुतिः” रित्यादिना प्रकारेणैकादीनामङ्गानां संयुक्तिरागच्छति, न चानेन प्रकारेण यस्मात्कस्माच्चिदप्यङ्गादेकोत्तराणामङ्गानां संकलितान्यनं भवत्यतस्तदानयनार्थं सुगमः प्रकारः प्रदर्शयते ।

यथा कल्प्यते समधनमात्रम् = आ + आ + १ + आ + २

+ आ + ३ +

$$= \text{आ.न} + \frac{n(n-1)}{2}$$

एतेन—च्येकपदभ्यपदार्थमयादिक्षुणपदेन युतं बुधवर्याः ।

आदिसुखेकचयाद्वज्ञयुतिः स्थाव्यक्तभवक्रिययत्र हि नृनम् ॥

इत्युपपद्यते ।

उदाहरणम् ।

ज्यादीनामेकपदचापदङ्गानां संयुतिं वद ।

यदि संकलनामार्गं कुशला मतिरस्ति ते ॥

आदिः ३ पदम् ४९ ततः सूत्रोक्त्या करणेन—

$$३\cdot४९ + \frac{४९-१}{२} \times ४९$$

$$= १४७ + ११७६$$

$$= १३२३$$

अतः समधनमानम् = १३३३ ।

अथ य, र, ल, व, स पूर्णं योगविचारं तत्र तावदुत्तरो त्तरशो वनेनाद्यादि-
परंपरा—

य, र, ल, व, स

र-य, ल-र, व-ल, स-व

ल-२र+य, व-२ल+र, स-२व+ल

व-३ल+३र-य, स-३ व +३ल-र

स-४व+६ल-४र+य

अत्रैव यदि प्रथमा परंपरा = प्र = य

, , द्वितीयपरंपरा = र-य,

, , तृतीयपरंपरा = ल-२र+य

, , चतुर्थपरंपरा = व-३ल+३र-य

, , पंचमपरंपरा = स-४व+६ल-४र+य ।

तदा य = प्र

र = द्वि + प्र

ल = तृ + २द्वि + प्र

व = च + ३तृ + ३द्वि + प्र

स = पं + ४च + ६तृ + ४द्वि + प्र

सर्वेषां योगकरणेन—

य + र + ल + व + स = ५प्र + १० द्वि + १० तृ + ६च + पं

एतेन येपामङ्गानां योगः कियते तत्र क्रमत उत्तरोत्तरानङ्गान् विशोष्यैकादिपर-
म्पराः साधनीयास्तास्तु स्थानभैरेकदृव्यादिभेदैः क्रमेण संगुण्य योगकरणेन वास्त-
वोऽभीष्टाङ्गयोगो भवतीति स्पष्टमवसीयते । एतेनापि प्रकारेण “श्रेष्ठयाः प्रत्येकरा-
शीनां तत्तदुत्तराशित” इति संशोधकीयमप्युपपत्तं भवति ।

अस्य व्यासिद्वर्णनाय कानिचिदुदाहरणानि प्रदर्शयन्ते ।

यथा १^४, २^४, ३^४, ४^४,एुर्पं योगविचारे तु पूर्वयुक्त्या परम्परा साधनेन-

१, १६, ८१, २९६, ६२९, १२९६ ····

१९, ६५, १७५, ३६९, ६७१ ····

९०, ११०, ११४, ३०२ ····

६०, ८४, १०८ ····

२४, २४ ····

० ० ····

$$\text{अत्र प्र} = 1, \text{ द्वि} = 15, \text{ तृ} = 50, \text{ च} = 60, \text{ षं} = 24 \quad \text{प्रथमभेदः} = n,$$

$$\text{द्वितीयभेदः} = \frac{n(n-1)}{1 \cdot 2}, \text{ तृतीयभेदः} = \frac{n(n-1)(n-2)}{1 \cdot 2 \cdot 3}, \text{ चतुर्थभेदः} =$$

$$\frac{n(n-1)(n-2)(n-3)}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4}, \text{ पञ्चमभेदः} = \frac{n(n-1)(n-2)(n-3)(n-4)}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5}$$

अथ यथोक्तया योगसाधनेन—

$$1^8 + 2^8 + 3^8 + 4^8 + \dots + n^8 = n + \frac{15 \cdot n(n-1)}{1 \cdot 2}$$

$$+ \frac{50 n(n-1)(n-2)}{1 \cdot 2 \cdot 3}$$

$$+ \frac{60 n(n-1)(n-2)(n-3)}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4}$$

$$+ \frac{24 n(n-1)(n-2)(n-3)(n-4)}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5}$$

$$= \frac{120 n + 100 n(n-1)}{120}$$

$$+ \frac{1000 n(n-1)(n-2)}{120}$$

$$+ \frac{300 n(n-1)(n-2)(n-3) + 24 n(n-1)(n-2)(n-3)(n-4)}{120}$$

$$= \frac{12n^4 + 30n^8 + 20n^3 - 2n}{60}$$

$$= \frac{6n^3 + 6n^2 - 2n^3 + 2n^2 + n}{6}$$

$$= \left\{ \frac{n(n+1)}{\frac{3}{6}} - 1 + \frac{n(n+1)}{\frac{2}{6}} \right\} \text{वयो}$$

$$= \left\{ \frac{s-1}{9} + \frac{s}{6} \right\} \text{वयो}$$

एतेन “व्येकं सङ्कलितं बाणैश्छिन्न” मित्यादि संशोधकीयमुपपद्धते ।

यदि $s = 2^3 + 4^3 + 6^3 + 8^3 + \dots + n$ पदपर्यन्तम् ।

$$\text{अत्र शेष्याः स्वरूपदर्शनेनान्त्यधनम्} = \left\{ 2 + 2(n-1) \right\}^2$$

$$= (2n)^2$$

$$= 4n^2$$

अत्र न मां १, २, ३ इत्यादिभिरुत्थापनेत—

$$\text{प्रथमधनम्} = 4 \cdot 1^2$$

$$\text{द्वितीय} " = 4 \cdot 2^2$$

$$\text{तृतीय} " = 4 \cdot 3^2$$

.....

.....

$$\therefore \text{स} = 4 (1^2 + 2^2 + 3^2 + 4^2 + \dots + n^2) \\ = 4 \text{वर्गयोग} .$$

एतत्—

चतुर्गुणा वर्गयुनिः सदा आदिसमादृजः ।

वर्गयोगं भद्रेद्वीमन् पार्टिगणितकोविद ॥

इत्युपरच्चते ।

एवमन्यान्यप्याचार्योदाहरणानि सुवेदेश्वोपपश्यन्ते किमत्र ग्रन्थविष्टतंरोगेति दिक् ।

अथेदार्थं छात्राणां सभ्यासार्थ सोत्तराणि कानिविद्वादहरणानि प्रदर्शयन्ते ।

यथा कल्प्यते स = २. १^२ + ३. २^२ + ४. ३^२ + न पद्य-
र्थन्तम् । अत्र शेषादीर्शनेन स्पष्टमेव यदन्यधनम् = (न + १) न^२ = न^३ + न^२

अत्र न मानं १, २, ३ इत्यादिभिरुत्थापनेत—

$$2. 1^2 = 1^2 + 1^2$$

$$3. 2^2 = 2^2 + 2^2$$

$$4. 3^2 = 3^2 + 3^2$$

.....

.....

सदेषां योगकरणेत—

$$\text{स} = (1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2) + 1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2$$

$$= \left\{ \frac{n(n+1)}{2} \right\}^2 + \frac{n(n+1)(2n+1)}{2 \cdot 3}$$

$$= \frac{n(n+1)}{2} \left\{ \frac{n(n+1)}{2} + \frac{2n+1}{3} \right\}$$

$$= \frac{n(n+1)(3n^2+7n+2)}{12}$$

$$= \frac{n(n+1)(n+2)(3n+1)}{12}$$

$$= \frac{s(n+2)(3n+1)}{2 \times 3}$$

$$= \frac{s(n+2)}{2} \cdot \frac{3n+1}{3}$$

एतेन—त्रिघनपदं कुयुतं त्रिविभक्तं संकलितार्धहतं द्वियुतेन ।

गच्छमितेन गुणं युतिमानं द्वादिगुणैकव्याङ्क्षक्त्रोः स्थात् ॥ इति सम्यगुपपद्यते ।

उदाहरणम् ।

एकादीनां नवान्तानां कृतिद्वारादिसमाहता ।

तासां हि संयुतिं ब्रूहि गणितज्ञानविद्वर ॥

न्यासः । पदे ९ त्रिनिधने २७ रूपयुतं २८ त्रिभक्तं $\frac{३८}{३}$ सकलितं ४२ अर्धं $\frac{४५}{२}$

अनेन गुणितं $\frac{३८}{३} \cdot \frac{४५}{२}$

$= 14 \cdot 1 = 210$ इदं २ युतेन पदेन ११ गुणितं जातं योगमानम् $= 2310$

यदि स $= 3 \cdot 8 + 6 \cdot 1 + 1 \cdot 14 + \dots \dots \dots$ न पदपर्यन्तम् ।

तदा श्रेण्याः स्वरूपदर्शनेनान्त्यधनम् $= 3n(3n+1)$

$$= n^3 + 19n$$

अत्रापि यदि न मानां १, २, ३ इत्यादिभिरुत्थाप्यते—

$$\text{तदा } 3 \cdot 8 = 1 \cdot 1^2 + 1 \cdot 1 \cdot 1$$

$$6 \cdot 1 = 1 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2 \cdot 1$$

$$1 \cdot 14 = 1 \cdot 3^2 + 1 \cdot 3 \cdot 1$$

...

...

सर्वेषां योगेन—

$$3 \cdot 8 + 6 \cdot 1 + 1 \cdot 14 + \dots \dots \dots = 9(1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots \dots \dots + n^2)$$

$$+ 19(1 + 2 + 3 + \dots \dots \dots + n)$$

$$= \frac{9n(n+1)(2n+1)}{3 \times 2} + \frac{19(n+1)n}{2}$$

$$= \frac{n(n+1)}{2} \left\{ 3(2n+1) + 19 \right\}$$

$$= \frac{(n+1)n}{2} \cdot \frac{6n+18}{1}$$

यदि स = १ + ९ + १२ + २२ + ३६ + न पद्म पर्यन्तम् । तदाऽत्र
कल्प्यते इत्यधनमानम् = त_न

$$\therefore \text{स} = १ + ९ + १२ + २२ + ३६ + \dots + \text{त}_n$$

$$\text{वा, स} = ० + १ + ९ + १२ + २२ + \dots + \text{त}_{n-1} + \text{त}_n$$

वियोगकरण—

$$\begin{aligned} ० &= १ + ४ + ७ + १० + १३ + \dots + (\text{त}_n - \text{त}_{n-1}) - \text{त}_n \\ &= (१ + ४ + ७ + \dots + \text{n पद्म पर्यन्तं}) - \text{त}_n \end{aligned}$$

$$\therefore \text{त}_n = १ + ४ + ७ + \dots + \text{n पद्म पर्यन्तं}$$

$$= \frac{n}{2} \left\{ २ + ३(n-1) \right\}$$

$$= \frac{n}{2} (२ + ३n - ३)$$

$$= \frac{n(3n-1)}{2}$$

$$= \frac{3n^2}{2} - \frac{n}{2}$$

$$\text{अतोऽन्त्यधनमानम्} = \frac{3n^2}{2} - \frac{n}{2}$$

अत्रापि न माने १, २, ३ इत्यादिभिरुत्थापनेन—

$$\begin{aligned} \text{स} &= \frac{3}{2} \cdot \frac{n(n+1)(2n+1)}{6} - \frac{1}{2} \cdot \frac{n(n+1)}{2} \\ &= \frac{n(n+1)}{2} \left\{ \frac{2n+1}{2} - \frac{1}{2} \right\} \\ &= \frac{n^2(n+1)}{2} \text{ उपपत्तं यथोक्तम् ।} \end{aligned}$$

यदि स = १ + ७ + १८ + ३४ + न पद्म पर्यन्तम् । तदाऽत्रापि यथो-
क्तया श्रेणीविन्यासेन—

$$\text{स} = १ + ७ + १८ + ३४ + \dots + \text{त}_n$$

$$S = 0 + 1 + 3 + 6 + 10 + 15 + \dots + t_n - 1 + t_n$$

$$0 = 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + \dots + (t_n - t_{n-1}) - t_n$$

$$\therefore t_n = 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + \dots + (t_n - t_{n-1})$$

$$= \frac{n}{2} \left\{ 2 + (n-1) \cdot 1 \right\}$$

$$= \frac{n}{2} (2 + n - 1)$$

$$= \frac{n}{2} (n - 1)$$

$$= \frac{n(n^2 - 1)}{2}$$

अत्रापि न माने १, २, ३ इत्याभिसूत्यापिते—

$$S = \frac{1}{2}(1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2) - \frac{1}{2}(1 + 2 + 3 + \dots + n)$$

$$= \frac{1}{2} \cdot \frac{n(n+1)}{2} \cdot \frac{2n+1}{3} - \frac{1}{2} \cdot \frac{n(n+1)}{2}$$

$$= \frac{n(n+1)}{4} \left\{ \frac{(2n+1)n}{3} - \frac{1}{2} \right\}$$

$$= \frac{n(n+1)}{4} \cdot \frac{10n-1}{3}$$

$$\frac{n(n+1)(5n-1)}{6}$$

एवमन्यान्यप्युदाहरणानि सुधीभिः स्वयं विविच्यावभेदानीति । किमत्र ग्रथ-
बाहुल्येन ।

अथेदानीमन्ये कतिच्चन प्रदत्ताः सोत्तराः प्रदर्शयन्ते ।

$$\text{अत्र यदि } S = \frac{1}{1 \cdot 2} + \frac{1}{2 \cdot 3} + \frac{1}{3 \cdot 4} + \dots + n \text{ पदपर्यन्तम् ।}$$

अत्र श्रेष्ठाः स्वरूपदर्शनेन स्फुः यत्—

$$\text{आद्यधनम्} = \frac{1}{1 \cdot 2} = 1 - \frac{1}{2}$$

$$\text{द्वितीय ,} = \frac{1}{2 \cdot 3} = \frac{1}{2} - \frac{1}{3}$$

$$\text{तृतीय ,} = \frac{1}{3 \cdot 4} = \frac{1}{2} - \frac{1}{4}$$

....

....

$$\text{अन्त्यधनम्} = \frac{1}{n(n+1)} = \frac{1}{n} - \frac{1}{n+1}$$

सर्वेषां योगकरणे--

$$S = 1 - \frac{1}{n+1}$$

$$= \frac{n}{n+1} \text{ यथोक्तं संपन्नम् ।}$$

$$\text{यदि } S = \frac{1}{1 \cdot 2} + \frac{1}{2 \cdot 3} + \frac{1}{3 \cdot 4} + \dots \dots \dots \text{ न पदपर्यन्तम् ।}$$

$$\text{अत्रापि } \frac{1}{1 \cdot 2} = \frac{1}{2} (1 - \frac{1}{2})$$

$$-\frac{1}{2 \cdot 3} = \frac{1}{2} (\frac{1}{2} - \frac{1}{3})$$

$$\frac{1}{3 \cdot 4} = \frac{1}{2} (\frac{1}{3} - \frac{1}{4})$$

....

....

$$\text{अन्त्यधनमानम्} = \frac{1}{(3n-2)(3n+1)}$$

$$= \frac{1}{3} \cdot \left(\frac{1}{3n-2} - \frac{1}{3n+1} \right)$$

सर्वयोगेन--

$$S = \frac{1}{3} \left(1 - \frac{1}{3n+1} \right)$$

$$= \frac{1}{3} \cdot \frac{3n}{3n+1}$$

$$= \frac{n}{3n+1} \text{ उपपन्नं यथोक्तम् ।}$$

$$\text{यदि } S = \frac{1}{1 \cdot 2 \cdot 3} + \frac{1}{2 \cdot 3 \cdot 4} + \frac{1}{3 \cdot 4 \cdot 5} + \dots \dots \dots \text{ न पदपर्यन्तम् ।}$$

अत्रापि शेष्याः स्वरूपदर्शनेन स्फुटमवगम्यते—
शेष्या अस्त्यध्यनमानम्

$$\begin{aligned}
 &= \frac{1}{(2n-1)(2n+1)(2n+3)} \\
 &\therefore \frac{1}{1 \cdot 3 \cdot 5} = \frac{1}{4} \left(\frac{1}{1 \cdot 3} - \frac{1}{3 \cdot 5} \right) \\
 &\frac{1}{3 \cdot 5 \cdot 7} = \frac{1}{4} \left(\frac{1}{3 \cdot 5} - \frac{1}{5 \cdot 7} \right) \\
 &\frac{1}{5 \cdot 7 \cdot 9} = \frac{1}{4} \left(\frac{1}{5 \cdot 7} - \frac{1}{7 \cdot 9} \right)
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 &= \frac{1}{4} \left\{ \frac{1}{(2n-1)(2n+1)} - \frac{1}{(2n+1)(2n+3)} \right\} \\
 &\quad \text{मर्वेषां योगेन---} \\
 x &= \frac{1}{4} \left\{ \frac{1}{1 \cdot 3} - \frac{1}{(2n+1)(2n+3)} \right\} \\
 &= \frac{1}{4} \frac{n^2 + 4n + 3 - 1}{(2n+1)(2n+3)} \\
 &= \frac{1}{4} \frac{n^2 + 2n}{(2n+1)(2n+3)} \\
 &= \frac{1}{4} \frac{n(n+2)}{(2n+1)(2n+3)} \\
 &= \frac{n(n+2)}{4(2n+1)(2n+3)}
 \end{aligned}$$

अथेदार्नीं चमत्कारकाः कृतिच्चन प्रदनाः प्रदद्यन्ते ।

अथ यदि स = १-२ + ३-४ + न पृष्ठर्यन्तम् ।

अत्रापि शेष्याः स्वरूपदर्शनेन स्पष्टमेवावसीयते यद्विषमपदेऽन्त्यधनमानम् = + न, समपदे तु -न भवतीति ।

तत्र तावत्कल्प्यते पदमानं समं तदा—

$$1 - 2 + 3 - 4 + 5 - 6 + \dots$$

$$= (1 - 2) + (3 - 4) + (5 - 6) \\ + \dots - \frac{n}{2} \text{पदपर्यन्तम् ।}$$

$$= (-1) + (-1) + (-1) + (-1) \dots - \frac{n}{2} \text{पर्यन्तम् ।}$$

$$= -\frac{n}{2}$$

यदि च पदमानं विषमं तदा—

$$1 - 2 + 3 - 4 + 5 - \dots$$

$$= (1 - 2 + 3 - 4 + \dots (n - 1) \text{पर्यन्तं} + n$$

$$= (1 - 2) + (3 - 4) + \dots - \frac{n-1}{2} \text{पर्यन्तं} + n$$

अत्र न विषमसंख्या कलिपता, तेन न - 1 = समसंख्या जाता

$$\therefore (1 - 2) + (3 - 4) + \dots - \frac{n-1}{2} \text{पर्यन्तं} + n = -\frac{n-1}{2} + n$$

$$= \frac{n+1}{2}$$

यदि न = समसंख्या,

$$\text{तदा } (-1)^n = +1$$

$$\therefore -\frac{n}{2} = \frac{1}{4} - \frac{n}{2} - \frac{1}{4}$$

$$= \frac{1}{4} - \left(\frac{n}{2} + \frac{1}{4} \right)$$

$$= \frac{1}{4} - \left(\frac{n}{2} + \frac{1}{4} \right) (-1)^n \dots \dots \dots (1)$$

यदि न = विषमसंख्या,

$$\text{तदा } (-1)^n = -1$$

$$\therefore \frac{n+1}{2} = \frac{1}{4} + \frac{n+1}{2} - \frac{1}{4}$$

$$= \frac{1}{4} - \left(\frac{n}{2} + \frac{1}{4} \right) (-1)^n \dots\dots\dots (2)$$

अतो न माने समे विपर्मे वा (१) (२) समीकरणाभ्यां
शेष्वाः सर्वधनं स्फुटमिति दरीद्रश्यते । तेन तत्र

$$\text{सर्वधनमानम्} = \frac{1}{4} - \left(\frac{n}{2} + \frac{1}{4} \right) (-1)^n$$

$$= \frac{1}{4} \left\{ 1 - (2n+1)(-1)^n \right\}$$

पुतन—

पदं द्विनिश्च कुयुतं रूपं तेन दुतोनितम् ।

वेदः समाहतं तत्त्वादिकादीनां युतिः स्फुटा ॥

धनक्षयगतानां हि विपर्मादिपदकमात् ।

गोरवं तद्विलाक्येव नाकं श्रीभास्करादिभिः ॥

इति सम्यगुपपत्तेऽप्यत्थ ।

उदाहरणम् ।

एकादीनां नवान्तानां विपर्मादिपदकमात् ।

धनक्षयगतानां हि संयुतिं वृहि सत्वरम् ॥

न्यासः १—२ + ३—४ + ५—६ + ७—८ + ९, अत्र पदं ९ द्विनिश्च १८
कुयुतं १९ अतेन सहितं रूपं २० चतुर्भिः भक्तं ६ जातं युतिमानम् ६ ।

अन्यदुदाहरणम् ।

एकादीनां नवान्तानां संयुतिं वा सत्वरम् ।

धनर्पदजानां हि विपर्मादिपदकमात् ॥

न्यासः १,—२, ३,—४, ५,—६, ७,—८, ९,—१०, ११,—१२, १३,—१४,
१५,—१६, १७,—१८, १९,—२० अथापि पदं २० द्विनिश्च ४० कुयुतं ४१ अतेन
चिह्नीतं रूपं—४० चतुर्भिभात्तं—१० जातं युतिमानम्—६० ।

एवमन्यान्यपि प्रकारान्तराण्युदाहरणानि च सुधोभिः स्वयं विविद्य वोद्या-
नीति किमत्र ग्रन्थविस्तरेण ।

अथ ‘व्येकपदद्वचयो मुखयुग्मि’ त्यादि विधिनाऽऽधन्तधनवशेन मध्यधनानयनं
कृतमाचार्यैः । तत्तु मध्यदिनसम्बन्धीयं धनमिति स्फुटं भाष्ये । यदि चाचन्तधन-
योरन्तर्गतानि मध्यधनानि अपेक्षयन्ते तदा न तत्राऽचार्यप्रकारः प्रसरतीत्यतस्त-
द्रानयनार्थमुपायः ।

यद्यादिधनमानम् = आ, अस्त्यधनम् = अ, मध्यधनानि क्रमेण य_१, य_२,

य_३, य_४, य_५, य_६, ... न पर्यन्तं । चयः = च ।

तत आचार्यविभिना—

$$\text{अ} = \text{आ} + \text{च} (\text{न} + २ - १)$$

$$= \text{आ} + \text{च} (\text{न} + १)$$

$$\therefore \text{अ} - \text{आ} = \text{च} (\text{न} + १)$$

$$\therefore \text{च} = \frac{\text{अ} - \text{आ}}{\text{n} + १}$$

एतेन— अन्तिमजं धनमादिविहीनं
सैकपदेन हृतं प्रचयः स्थात् ।
तेन यथोक्तवदेव हि साध्या-
नीहु हि मध्यधनानि सुधीभिः ॥

इत्युपपद्यते ।

उदाहरणम् ।

आद्ये दिने द्रस्मचतुष्टयं या दृत्यं द्विजेभ्योऽन्त्यदिने धनं वै ।

वेदाद्वितुलयं किल विश्वसंख्याधनानि मध्यानि तदा ब्रवीषि ॥

न्यासः—आदि: ४, अन्त्यधनं ७४, पदं १३ ततः सूत्रोक्त्या—
अन्त्यधनं ७४ आदि ४ विहीनं ७० सैकपदेन १४ अनेन भक्तं ९ जातः

प्रचयः ९ ।

ततो मध्यधनानि क्रमेण ९, १४, १९, २४, २९, ३४, ३९, ४४, ४९, ९४,
९९, ६४, ६९ उपपद्मम् ।

अन्युदुदाहरणम् ।

आदि: ३, अन्त्यधनम् १८ अत्र चतुः स्थानगतानि मध्यधनानि अपेक्ष्यन्ते ।

अत्रापि यथोक्त्या करणेन—

$$\text{चयः } = \frac{१८ - ३}{४ + १}$$

$$= \frac{१५}{५} = ३$$

$$\therefore \text{य}_१ = ३ + ३ = ६$$

$$\text{य}_२ = ३ + ६ = ९$$

$$\text{य}_३ = ३ + ९ = १२$$

$$\text{य}_४ = ३ + १२ = १५$$

अतो मध्यधनानि ६, ९, १३, १५ ।

गुवमन्यान्यप्युदाहरणानि विरचयत् विदेयानि ।

अथेदानांमन्ये विशेषाः कतिचन प्रश्नाः प्रदर्श्यन्ते ।

(१) श्रेष्ठीव्यवहारे त्रीणि पदानि साधय येषां घातः १२० योगश्च १५ अस्ति ।

अत्र कल्पयते चयमानम् = च, आदिधनम् = आ तदा त्रीणि धनानि क्रमेण
आ - च, आ, आ + च ।

येषां घातः = आ (आ - च) (आ + च)

= आ (अ३ - च३) = १२० (१)

तेषां योगः = आ + आ - च + आ + च

= ३ आ = १५

∴ आ = ५

अनेन प्रथमसमीकरणमुत्थाप्य जातम्—

$$५(२५ - च^3) = १२०$$

$$२५ - च^3 = २४$$

$$च^3 = १$$

$$च = १$$

अतो धनानि ५, ६, ४, ।

(२) यदि स॑, स॒, स॓, स॔ र समानि न पदे श्रेष्ठाः सर्व-

धनानि सन्ति तत्र १, २, ३, ४ र क्रमेणादिधनानि तथा १, ३, ५, ७....

(२-१) चयमानानि च सन्ति तत्र स॑ + स॒ + स॓ + + स॑ अस्य

मानं किमिति ।

अत्रैव श्रेष्ठीसाधनप्रकारेण—

$$स॑ = \frac{n}{2} \left\{ २ \cdot १ + (n-१) \cdot १ \right\}$$

$$= \frac{n(n+1)}{2}$$

$$स॒ = \frac{n}{2} \left\{ २ \cdot २ + (n-१) ३ \right\}$$

$$= \frac{n}{2} (४ + ३n - ३) = \frac{n}{2} (३n + १)$$

$$स॓ = \frac{n}{2} \left\{ २ \cdot ३ + (n-१) ५ \right\}$$

$$= \frac{n}{2} (n + 1)$$

$$\begin{aligned}s_r &= \frac{n}{2} \left\{ 2r + (2r-1)(n-1) \right\} \\&= \frac{n}{2} \left\{ n(2r-1) + 1 \right\}\end{aligned}$$

सर्वषां योगकरणेन—

$$s_1 + s_2 + s_3 + s_4 + \dots + s_r$$

$$= \frac{n}{2} (n+1) + \frac{n}{2} (3n+1)$$

$$+ \frac{n}{2} (5n+1)$$

$$+ \dots + \frac{n}{2} \left\{ n(2r-1) + 1 \right\}$$

$$= \frac{n}{2} \left\{ n+1 + 3n+1 + 5n+1 + \dots + n(2r-1) + 1 \right\}$$

$$= \frac{n}{2} \left[n \left\{ 1 + 3 + 5 + \dots + (3r-1) \right\} + r \right]$$

$$= \frac{n}{2} (n.r^2 + r)$$

$$= \frac{n \cdot r}{2} (n \cdot r + 1) \text{ उपपत्तम् ।}$$

(३) श्रेणी व्यवहारे पंचधनानां योगः २०, येपां धनयोगश्च ४४० तेपां माना-
नि कानि ।

कल्प्यन्ते धनानि आ - च, आ - २च, आ, आ + च, आ + २च । एपां
योगकरणेन—

$$5\text{आ} = 20$$

$$\therefore \text{आ} = 4$$

सर्वपां धनयोगेन—

$$\begin{aligned}\text{आ}^3 + (\text{आ} - \text{च})^3 + (\text{आ} + \text{च})^3 + (\text{आ} - 2\text{च})^3 + (\text{आ} + 2\text{च})^3 \\= 5\text{आ}^3 + 30\text{आ} \cdot \text{च}^2 \\= \text{आ} (5\text{आ}^2 + 30\text{च}^2)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 &= 4(5 + 10 + 10 \cdot x^2) \\
 &= 4(80 + 10 \cdot x^2) = 480 \\
 &80 + 10 \cdot x^2 = 160 \\
 &10 \cdot x^2 = 160 - 80 \\
 &= 80
 \end{aligned}$$

$$\therefore x^2 = 8$$

$$\therefore x = ?$$

अतो धनानि क्रमेण २, ३, ४, ५, ६ इति ।

एवमन्येऽपि प्रश्नाः सुन्वेतेवोपद्यन्ते ।

अथ श्रेष्ठीव्यवहारसम्बन्धिनः प्रश्नासुक्त्येदानीं गुणोत्तरश्चेद्याः कतिचन विशेषाः प्रतिपाद्यन्ते ।

तत्रादावाद्यन्तधनमाने विज्ञाय मध्यधनानि साधयन्ते ।

यथा गुणोत्तरश्चेद्यासादिधनम् = आ, अन्त्यधनम् = अ ।

गुणः = गु । तत्र न संख्यासमानि य_१, य_२, य_३, . . . मध्यधनान्यपेक्ष्यन्ते । अतो वास्तवपद्मानम् = न + २ ।

ततः श्रेष्ठीपर्यालोचनया मदीयप्रकारेण वा—

$$\text{अन्त्यधनम्} = \text{आ} \cdot \text{गु}^{\frac{n+1}{n+1}-\text{अ}} ।$$

$$\therefore \text{गु}^{\frac{n+1}{n+1}} = \frac{\text{अ}}{\text{आ}}$$

$$\therefore \text{गु} = \left(\frac{\text{अ}}{\text{आ}}\right)^{\frac{1}{n+1}}$$

अतो मध्यधनानि—

$$y_1 = \text{आ} \cdot \left(\frac{\text{अ}}{\text{आ}}\right)^{\frac{1}{n+1}}$$

$$y_2 = \text{आ} \cdot \left(\frac{\text{अ}}{\text{आ}}\right)^{\frac{2}{n+1}}$$

$$y_3 = \text{आ} \cdot \left(\frac{\text{अ}}{\text{आ}}\right)^{\frac{3}{n+1}}$$

.....

$$y_n = \text{आ} \cdot \left(\frac{\text{अ}}{\text{आ}}\right)^{\frac{n}{n+1}}$$

एतेन—अन्तिमजं धनमादिविभक्तं सैकपदाहतमूलमतो वै ।

मध्यधनानि गुणोत्तररूपश्रेदिविधौ प्रभवन्ति सुखेन ॥ इत्युपपद्यते ।

उदाहरणम् ।

(१) आदिधनम् = $\frac{१}{३}$, अन्त्यधनम् = १२८ अत्र त्रीणि मध्यधनानि किमिति ।

ततः सूत्रोक्त्या—

अन्त्यधनं १२८ आदिहतं २५६ अस्य सैकपद ४ घातमूलं ४ ततः
गुणोत्तरश्रेद्या—

$$y_1 = ४ \cdot \frac{१}{३} = २$$

$$y_2 = १६ \cdot \frac{१}{३} = ८$$

$$y_3 = ६४ \cdot \frac{१}{३} = ३२$$

\therefore जातानि धनानि २, ८, ३२ ।

(२) आदिः ३, अन्त्यधनम् २४ अत्र द्वै मध्यधने साध्ये ।

न्यासः । अन्त्यधनं २४ आदिशिविभक्तं ८ अत्रापि सैकपदघातमूलेन लब्धं २
इदमेव गुणमानम् ।

ततः पुरोक्त्या—

$$y_1 = २ \cdot ३ = ६$$

$$y_2 = २ \cdot ३ = १२$$

अतो मध्यधने ६, १२ पूर्वं सर्वत्र भवति ।

अथेदार्थं गुणोत्तरश्रेदिसम्बन्धिनः कतिचन विशेषाः प्रश्नाः प्रदर्शयन्ते ।

$$(१) \text{ यथा } S = \frac{२}{९} + \frac{२}{९^2} + \frac{२}{९^3} + \frac{२}{९^4} + \dots \dots \infty \text{ पदपर्यन्तम् ।}$$

$$= \frac{२}{९} + \frac{२}{९^2} + \frac{२}{९^4} + \dots \dots \infty \text{ पदपर्यन्तं ।}$$

$$+ \frac{२}{९^3} + \frac{२}{९^8} + \dots \dots \infty "$$

$$= २ \left(\frac{१}{९} + \frac{१}{९^2} + \frac{१}{९^4} + \dots \dots \right)$$

$$+ २ \left(\frac{१}{९^3} + \frac{१}{९^8} + \dots \dots \right)$$

अत्र “आदिर्गुणविहीनेन” तथा अनन्तपदश्चेद्याः सर्वधनसाधनेन—

$$\begin{aligned} \frac{1}{9} + \frac{1}{9^2} + \frac{1}{9^3} + \dots &= \frac{\frac{1}{9}}{1 - \frac{1}{9}} \\ &= \frac{\frac{1}{9}}{\frac{8}{9}} \times \frac{9^2}{9^2} \\ &= \frac{1}{8} \\ \text{एवं } \frac{1}{9^2} + \frac{1}{9^3} + \dots &= \frac{\frac{1}{9^2}}{1 - \frac{1}{9^2}} \\ &= \frac{\frac{1}{9^2}}{\frac{8}{9^2}} \cdot \frac{9^2}{9^2} \\ &= \frac{1}{8} \end{aligned}$$

$$\therefore S = 2 \cdot \frac{1}{8} + 3 \cdot \frac{1}{8}$$

$$= \frac{1}{4} + \frac{1}{8}$$

$$= \frac{3}{8}$$

(२) कस्या अप्यनन्तपदगुणोत्तरश्चेद्या आदिधनम् = १, अन्यधनं तु तदुत्तरपदयोगसमं तदा शेषीधनानि कानि ।

$$\text{अत्र कल्प्यते द्वितीयधनम्} = \frac{\text{तृतीयधन}}{1-\text{गु}}$$

$$\begin{aligned} \therefore 1 &= \frac{\text{तृथ}}{\text{द्विध} (1-\text{गु})} \\ &= \frac{\text{तृथ}}{1-\text{गु}} \\ &= \frac{\text{गु}}{1-\text{गु}} \end{aligned}$$

$$\omega = -\frac{G}{\tau^2}$$

$$\therefore \gamma_{(5)} = \frac{9}{2}$$

अतः श्रेद्धीधनानि—१, $\frac{1}{2}$, $\frac{1}{3}$, $\frac{1}{4}$, $\frac{1}{5}$, $\frac{1}{6}$, $\frac{1}{7}$ ।

(३) गुणोत्तरश्रेष्ठाः केपामपि धनत्रयाणां घातः = २१६ तथा तेपामेव द्वयो-
द्वयोर्यात्तयोः = १९६ तदा धनानि क्रान्ति ।

कल्प्यन्ते त्रीणि धनानि आ, आ, आगु

$$\text{द्वयोद्वयोर्धातयोगः} = \text{आ. } \frac{\text{आ}}{\text{गु}} + \text{आ. गु} + \text{आ, आ. गु} = १९६ \dots (२)$$

अन्न (१) समीकरणे—

$$\text{आ}^{\text{म}} = २१ = \text{म}^{\text{म}}$$

∴ AT = 6

अत्र (२) समीकरणे—

$$\frac{\text{आ}}{\text{गु}} + \frac{\text{आ}}{\text{गु}} \text{आ. गु} + \text{आ. आ. गु} = 196$$

$$\frac{1}{y} + 1 + y = \frac{1+y}{xy}$$

$$= \frac{95}{35} = \frac{95}{m}$$

$$x^2 + y + z = \frac{13}{5} y$$

$$3(5x^2 + 5x + 1) = 15x^2$$

$$3y^2 - 10y + 1 = 0$$

$$(y_2 - 3)(3 - y_2) = 0$$

$$\therefore y_3 = 3, y_4 = 9$$

अतो धनानि २, ६, १८ इति ।

(४) यदि $s = 9 + 99 + 999 + \dots$ तो पर्यन्ते ।

तदा स = ९ (१ + ११ + १११ + न पर्यन्तं)

$$= \frac{5}{9} \left\{ 1 + 11 + 111 + \dots \dots \dots \text{न पर्यन्त} \right\}$$

$$= \frac{1}{q^2} \left\{ (1-q) + (100-q) + (1000-q) + \dots \right\}$$

$$\begin{aligned}
 &= \frac{1}{n} \left\{ 10 + 10^2 + 10^3 + \dots \dots \dots \text{न पर्यन्तं} - n \right\} \\
 &= \frac{1}{n} \left\{ \frac{10(10^n - 1)}{10 - 1} - n \right\} \\
 &= \frac{10(10^n - 1)}{9} - \frac{n}{9} .
 \end{aligned}$$

अत्र न माते १, २, ३ इत्यादिभिरुत्थापनेनेष्योगो भवतीति स्फुटं किमिति प्रयासेन ।

(६) स = १ + ९ + १३ + २९ + न पदपर्यन्तम् ।

$$स = ० + १ + ९ + १३ + \dots \dots \dots + t_n$$

अन्तरेण—

$$० = १ + ४ + ८ + १६ + \dots \dots \dots + (t_n - t_{n-1}) - t_n$$

$$० = १ + (4 + 8 + 16 + \dots \dots \dots (n-1)) \text{ पर्यन्तं} - t_n$$

$$\therefore t_n = १ + (4 + 8 + 16 + \dots \dots \dots (n-1)) \text{ पर्यन्तं}$$

$$\begin{aligned}
 &= १ + \frac{4(2^{n-1} - 1)}{2-1} \\
 &= १ + २^2 (2^{n-1} - 1) \\
 &= १ + २^n + १ - ४ \\
 &= २^n + १ - ३
 \end{aligned}$$

अत्र न माते १, २, ३ इत्यादिकल्पनया—

$$१ = २^1 + १ - ३ = २^3 - ३$$

$$९ = २^2 + १ - ३ = २^3 - ३$$

$$१३ = ३^2 + १ - ३ = २^4 - ३$$

.....

.....

सर्वयोगेन—

$$\therefore स = (२^3 + २^3 + २^4 + \dots \dots \dots \text{न पर्यन्तं} - ३n$$

$$= \frac{2^2 (2^n - 1)}{2-1} - 3n$$

$$= 4(2^n - 1) - 3n \text{ उपपत्ति यथोक्तम् ।}$$

(६) यदि $s = .9 + .99 + .999 + \dots$ न पद्धतिम् ।

$$\begin{aligned}
 &= \frac{1}{10} + \frac{1}{10^2} + \frac{1}{10^3} + \dots \text{ न पर्यन्त} \\
 &= (1 - \frac{1}{10}) + (1 - \frac{1}{10^2}) + (1 - \frac{1}{10^3}) + \dots \text{ न पर्यन्त} \\
 &= n - \left(\frac{1}{10} + \frac{1}{10^2} + \frac{1}{10^3} + \dots \text{ न पर्यन्त} \right) \\
 &= n - \frac{\frac{1}{10} \left\{ (1 - \frac{1}{10})n - 1 \right\}}{1 - \frac{1}{10}} \\
 &= n - \frac{\frac{1}{10} \left\{ 1 - \left(\frac{1}{10} \right)^n \right\}}{1 - \frac{1}{10}} \\
 &= n - \frac{1}{10} \left(1 - \left(\frac{1}{10} \right)^n \right) \quad \text{उपपत्ति यथोक्तम् ।}
 \end{aligned}$$

(७) यदि गुणोत्तरश्चेद्यां केषामपि धनव्रयागां योगः ३८, तेषां वधश्च = १७२८, तदा धनानि कानीति ।

अत्रापि कल्प्यन्ते धनानि आ, आ. गु, आ. गु^२ तदा प्रश्नोक्त्या—

(१) समीकरण—

$$\text{आ } (1 + y + y^2) = 36$$

$$\therefore \text{AT} = \frac{36}{y^2 + y + 1}$$

(२) समीकरणे—

$$\text{आ}^{\frac{3}{2}} \cdot \text{गु}^{\frac{3}{2}} = 1728$$

ଘନମୂଲେନ—

आ.गु = १२

$$\therefore \text{AT} = \frac{12}{5}$$

$$\therefore \text{गु} = \text{गु}^2 + \text{गु} + 1$$

$$\text{वा}, \frac{\text{गु}}{\text{गु}} = \frac{\text{गु}^2 + \text{गु} + 1}{\text{गु}^2 + \text{गु} + 1}$$

$$6 \text{ गु}^2 + 6 \text{ गु} + 6 = 11 \text{ गु}$$

$$6 \text{ गु}^2 - 13 \text{ गु} + 6 = 0$$

$$(2 \text{ गु} - 1)(3 \text{ गु} - 2) = 0$$

$$\therefore \text{गु} = 2 \text{ वा, } \text{गु} = \frac{2}{3}$$

$$\therefore \text{आ} = 8 \text{ वा, } \text{आ} = \frac{8}{3}$$

अतो धनानि ८, १२, १८, उपपत्तम्

(८) श्रेणीव्यवहारं यदि सर्वधनम् = ३न^२ - n, चयः = ६ तदान्त्यधनमानं किमिति ।

$$\text{आव } 3n^2 - n = \frac{n}{2} \left\{ 2\text{आ} + (n-1) 6 \right\}$$

$$3n-1 = \frac{n}{2} \left\{ 2\text{आ} + (n-1) 6 \right\}$$

$$6n - 2 = 2\text{आ} + 6n - 6$$

$$4 = 2\text{आ}$$

$$\therefore \text{आ} = 2$$

$$\text{जातभादिधनमानम्} = 2.$$

अथवा सर्वधनमाने न मानं स्थं प्रकल्पन जातभादि धनमानं तदेव ।

(९) यदि श्रेणीव्यवहारं सर्वधनं = स, अन्त्यधनम् = अ, चयः = च, तदान्त्र गच्छमानं किमिति ।

अन्त्यधनानयमेन —

$$\text{अ} = \text{आ} + (n-1) n$$

$$\therefore \text{आ} = \text{अ} - \text{च} (n-1)$$

$$\therefore \text{सर्वधनम्} = \frac{\text{आ} + \text{अ}}{2} = \frac{2\text{अ} - \text{च}(n-1)}{2}$$

$$\therefore \text{स} = \frac{n}{2} \left\{ 2\text{अ} - \text{च} (n-1) \right\}$$

$$\therefore 2\text{स} = 2\text{अ} \cdot n - n \cdot \text{च} (n-1)$$

$$= 2n \cdot \text{अ} - n^2 \text{च} + n \cdot \text{च}$$

$$\therefore n^2 \cdot \text{च} - 2n \left(\text{अ} + \frac{\text{च}}{2} \right) = -2\text{स}$$

$$n^2 \cdot c^2 - 2n \cdot c \left(\text{अं} + \frac{c}{2} \right) = -2c \cdot s$$

वर्गपूरणे—

$$n^2 \cdot c^2 - 2n \cdot c \left(\frac{a}{2} + \frac{c}{2} \right) + \left(\frac{a}{2} + \frac{c}{2} \right)^2$$

$$= \left(\frac{a}{2} + \frac{c}{2} \right)^2 - 2ac$$

मूलेन—

$$\text{न.च} - \left(\text{अ} + \frac{\text{च}}{2} \right) = \sqrt{\left(\text{अ} + \frac{\text{च}}{2} \right) - 2\text{च. स}} \\ = \pm \text{मूल}$$

$$\therefore n = \frac{\left(\text{अं} + \frac{\text{च}}{2} \right)}{\text{च}} = \text{मूल}$$

प्रतेन—श्रेष्ठीफलादत्तरलोचनधनादुन्त्योत्तरार्धेक्यकृतौ विहीनात् ।

मलं चयाधर्मन्त्ययुतौ धर्मं चयादूधृतं गच्छमुशन्ति विज्ञाः ॥

इत्युपपद्यते ।

उदाहरणम् ।

यथा सर्वधनम् = ४०, अन्त्यधनम् = १३, चयः = २ अत्र गच्छमानानयनार्थं—
न्यासः। श्रेदीफलं ४० उत्तरालोचनघनं १६० अन्त्यधनं १३ चयार्थं १ युतं १४
वर्गः ११६ अन्योरन्तरम् ३६ मूलं ६ चयार्थान्त्ययुतौ १४ धर्णं २०॥ ८ चयोद्घृतं
जातं द्विविधं गच्छमानं १०, ४।

(१०) श्रेष्ठीव्यवहार पट् पदे सर्वधनम् = ७८, अन्त्यधनं च = २३ तदा
श्रेष्ठीपदानि कानोति ।

अन्त्यादिघनानयनयक्त्या—

(१) (२) समीकरणाभ्यां—

$$23 - 9 \text{ च} = \frac{26 - 9 \text{ च}}{3}$$

$$x_m = 9.0 \text{ m} = 26 - 6 \text{ m}$$

三〇三

$$x = \overline{y}$$

अत आदि: = ३ ।

अतः श्रेदीपदानि ३, ७, ११, १६ इत्यादि ।

(११) श्रेष्ठीच्यवहारे १३ पद्मन्त्यम् = २९, चयः = २, तदा २९ पदे सर्वधनमानं तथा श्रेष्ठीपदानि कानीति ।

अत्र १३ पद्मनाभमानमेव ३५ पदे मध्यधनं भवतीत्यतस्तत्र सर्वधनम् =
 $35 \times 35 = 1225$

ततो “गच्छहुते गगिते वदनं” मित्याद्याचार्यविधिनाऽद्यवनम् = १ ।

अतः श्रेदीवनानि १, २, ३, ५, ७ इत्यादि ।

अथेदानीं व्यस्तोत्तरश्रेष्ठीमाह ।

यस्याः श्रेष्ठाः पदे रूपं विभाजितं चयश्चेद्याः पदानि स्यु. सा व्यस्तोत्तर—
श्रेष्ठीति कथंते।

यथा १, १, १ इत्यादय १, १, १ इत्यादयो वा व्यस्तोत्तर श्रेणी पदानि भवन्ति ।

अथ यदि अ व्यस्तोत्तरश्चेद्या आदि॑, मध्यवर्तं म, तथा तृतीयधनं च क तदा
श्रेद्याः परिभाषा—

$$\frac{1}{m} - \frac{1}{n} = \frac{1}{k} - \frac{1}{m}$$

$$\therefore \frac{2}{m} = \frac{?}{k} + \frac{?}{\lambda}$$

= अ + क
= -
अ.क

$$= \frac{3}{4} + \frac{3}{4}$$

$$\therefore m = \frac{2}{3} A.C$$

पृतेन प्रथमतृतीयधन्योऽद्वितीयातो तयोर्धनयोर्योगभक्तः श्रंट्या मध्यवर्णे भवतीनि।

अथ चयात्मकशेषया मध्यभगम् = $\frac{अ+क}{२}$ (१)

अत्र (१) (३) समोकरणयोघतिन =

$$\text{चम. व्यम} = \frac{\text{अ} + \text{क}}{2} \cdot \frac{2 \cdot \text{अ.क}}{\text{अ} + \text{क}}$$

—अ. क

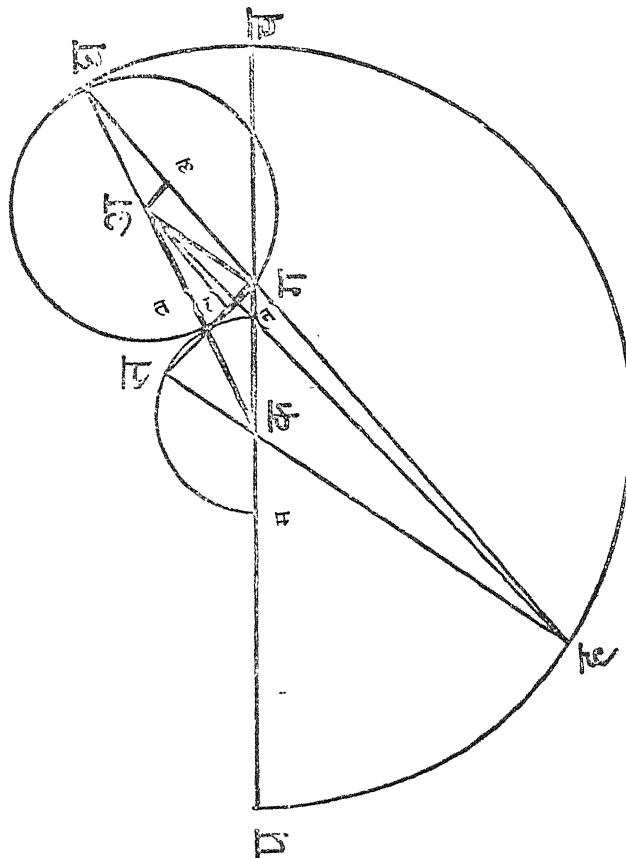
३८५

$$\therefore \frac{\text{चम}}{\text{गुम}} = \frac{\text{गुम}}{\text{दयम}}$$

चयोत्तरगुणोत्तरव्यस्तोत्तरश्रेदीनां मध्यधनानि कस्या अषि गुणोत्तरश्रेदयाः पदान् भवन्तीति स्फुटसुपपन्नं जातम् । अत्रानेके विशेषाः सन्ति ते च ग्रन्थविस्तरभयान्नात्र लिखिताः । अस्य सर्वे विशेषा बीजगणिते वक्ष्यन्ते ।

अथ महत्तमापवर्तनज्ञानं क्षेत्रमित्यापि भवति । परत्वत्र ग्रन्थविस्तरभयात्सप्रपञ्चं तदानयनं नास्माभिनिवेशितम् । अत्रान्येऽपि ये ये विशेषास्ते बीजगणिते स्फुटं वक्ष्यन्ते किमत्र प्रयासेनेति ।

अथ त्रिभुजस्य फलानयनार्थं—



अत्र कल्प्यते अकग, त्रिभुजं धन्र अक, अग, कग भुजाः ग, क, अ कलिपताः तथा कअ रेखा व पर्यन्तं वर्धयित्वा अघ=अग कृता । वग रेखां कृत्वा क स्था-

नात् अग समान्तरा कह रेखा विधेया । वर्धितयोः हक्, गत रेक्योः संपातः स ।
गघ, गत रेख्यास्परि अल, अर लम्बवेद्ये कार्ये । अस योजनीया ।

अत्र अग, हक रेक्योः समान्तरत्वात् \angle कहग = \angle अगघ परच
 \angle अगव = \angle अवग .
 \angle कहग = \angle अवग .
कह = कव ।

अथ च अ, क विन्दुभ्यां अग, कत, कव व्यासाद्यः तगव, तसम, वचहप वृत्ता
नि विधेयानि । अह रेखा योजनीया ।

अथात्र अकग, अहग अगस, त्रिभुजानि समानीति त्रिभित्या स्पष्टमेव । समा
नान्तररेख्योरकाधारगतत्वात् । तेन

$$\begin{aligned} \triangle \text{अहग} &= \frac{\text{अल} \times \text{हग}}{2} = \frac{2\text{अल}}{4} \times \frac{\text{हग}}{4} = \frac{2\text{गर} \cdot \text{हग}}{8} = \frac{\text{गत} \cdot \text{हग}}{4} \\ \text{एवं } \triangle \text{अगस} &= \frac{\text{अर} \cdot \text{सग}}{2} = \frac{2\text{अर}}{4} \cdot \frac{\text{सग}}{4} = \frac{2\text{गल} \times \text{सग}}{8} = \frac{\text{गव} \cdot \text{सग}}{4} \\ \therefore \triangle \text{अहग} \times \triangle \text{अगस} &= \frac{\text{गत} \cdot \text{हग}}{4} \cdot \frac{\text{गव} \cdot \text{सग}}{4} \\ &= \frac{\text{हग} \times \text{गघ}}{4} \cdot \frac{\text{गत} \times \text{सग}}{4} \end{aligned}$$

परब्रह्मस्त्रिभित्यायस्यैकविशीप्रतिज्ञया—

हग × गघ = पग × गच । तथा गत × सग = गम × गन ।

$$\begin{aligned} \therefore \text{त्रिफृ३} &= \frac{\text{पग} \times \text{गच}}{4} \cdot \frac{\text{गम} \cdot \text{गन}}{4} \\ &= \frac{\text{पग}}{2} \cdot \frac{\text{गच}}{2} \cdot \frac{\text{गम}}{2} \cdot \frac{\text{गन}}{2} \end{aligned}$$

$$\text{अत्र } \frac{\text{पग}}{2} = \frac{\text{अ} + \text{क} + \text{ग}}{2} = \text{स}$$

$$\frac{\text{गच}}{2} = \frac{\text{कच} - \text{कग}}{2} = \frac{\text{अ} + \text{क} + \text{ग} - 2\text{अ}}{2} = \text{स} - \text{अ} ।$$

$$\frac{\text{गम}}{2} = \frac{\text{कग} + \text{कम}}{2} = \frac{\text{कग} + \text{कत}}{2} = \frac{\text{अ} + \text{क} + \text{ग} - 2\text{क}}{2} = \text{स} - \text{ग}$$

$$\frac{\text{गन}}{2} = \frac{\text{कग} - \text{कन}}{2} = \frac{\text{कग} - \text{कत}}{2} = \frac{\text{अ} + \text{क} + \text{ग} - 2\text{ग}}{2} = \text{स} - \text{ग}$$

\therefore त्रिफृ३ = स (स - अ) (स - क) (स - ग) अस्य मूलं फलमि-
त्युपपन्नं त्रिभुजफलान्यनम् ।

अथान्यथा वा । अत्र मूलगतोपपत्तिक्षेत्रे मकघ, मअघ कोणयोर्योगो मगप
कोणयुक्तः समकोणसमो भवतीति स्फुटं गणितविदाम् ।

$$\therefore \angle \text{मक्ष} + \angle \text{मअव} = \angle \text{पग} .$$

अथ च सरलत्रिकाणगणितेन—

$$\text{स्प } \angle \text{मक्ष} = \frac{\text{मव}}{\text{अव}}, \quad \text{स्प } \angle \text{मअव} = \frac{\text{वम}}{\text{कव}}$$

$$\text{तथा च स्प } (\angle \text{मक्ष} + \angle \text{मअव}) = \frac{\text{स्प } \angle \text{मक्ष} + \text{स्प } \angle \text{मअव}}{1 - \text{स्प } \angle \text{मअव}. \text{स्प } \angle \text{मक्ष}}$$

$$\text{परन्तु स्प } (\angle \text{मक्ष} + \angle \text{मअव}) = \text{स्प } \angle \text{पग} = \frac{\text{पग}}{\text{स्प}}$$

$$\frac{\text{पग}}{\text{स्प}} = \frac{\frac{\text{मव}}{\text{अव}} + \frac{\text{वम}}{\text{कव}}}{\frac{\text{मव वम}}{1 - \frac{\text{अव कव}}{\text{मव}}}}$$

$$= \frac{\text{मव}(\text{कव} + \text{अव})}{\text{अव. कव} - \text{मव}^2}$$

$$= \frac{\text{मप}(\text{कव} + \text{अव})}{\text{अव. कव} - \text{मप}^2}$$

$$\therefore \text{मप}^2 (\text{कव} + \text{अव}) = \text{पग. अव. कव} - \text{मप}^2 \cdot \text{पग}$$

$$\therefore \text{मप}^2 = \frac{\text{पग. अव. कव}}{\text{कव} + \text{अव} + \text{पग}}.$$

पुतेन त्रिभुजफलवर्गमुत्थाप्य ज्ञातम्

$$\text{त्रिफ}^2 = \text{कह}^2 \cdot \frac{\text{पग. कव. अव}}{\text{पग} + \text{कव} + \text{अव}}$$

$$= \text{कह}^2 \cdot \frac{\text{पग. कव. अव}}{\text{कह}}$$

$$= \text{कह. पग. कव. अव}$$

$$\therefore \text{त्रिफ} = \sqrt{\text{कह. पग. कव. अव}} \quad \text{उपपन्नम् ।}$$

अथ केवलचतुर्भुजभ्योऽनेकानि विषमचतुर्भुजान्युत्पद्येरन् । तत्र कतमस्य
महत्तमं, फलं भवत्येतदर्थं तत्र तावत्कलप्यते चतुर्भुजफलम्

$$= \frac{\text{अ. घ. ज्या } \angle \text{कअव}}{2} + \frac{\text{क. ग. ज्या } \angle \text{कगव}}{2}$$

यदीदं फलं महत्तमं तदा पक्ष्योऽस्तत्कालगतिप्रहणेन—

परञ्च सरलत्रिकाणमित्या—

अ^२ + ब^२ + २अ.ब. केरज्या < कभय = क^२ + ग^२ + २क.ग. कारज्या < कगध
पक्षं गोस्तकालगती समे तेन—

अ. घ. ज्या < कअघ = क. ग. ज्या < कगघ

अ. घ. = क. ग. त्रया < कमघ
त्रया < कअघ

अतः (?) समोकरणसुत्थापनेन—

$\vdash \neg \neg \text{क.ग.ज्या} \leftarrow \text{कगध.काज्या} \leftarrow \text{कअव} + \text{क.ग.ज्या} \leftarrow \text{कअव.काज्या} \leftarrow \text{कगध}$
 $= \text{क.ग.}(\text{ज्या} \leftarrow \text{कगध. काज्या} \leftarrow \text{अकव.} + \text{ज्या} \leftarrow \text{कअव. काज्या} \leftarrow \text{कगध})$
 $= \text{क.ग. ज्या} (\leftarrow \text{कगव} + \leftarrow \text{कअव})$

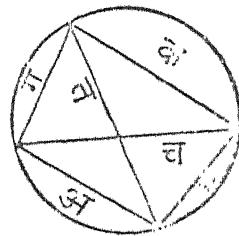
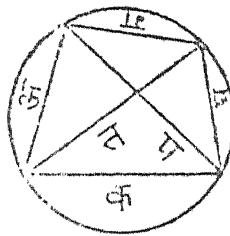
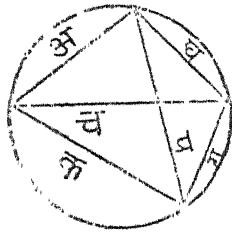
अत्र क. ग. इदं शन्यसम कथमपि न स्थात्वे-

ज्या (कग्य + कअव) = ०

$$\therefore \angle \text{कगव} + \angle \text{कअघ} = 180^\circ$$

पुत्रेनेदमवसीयते यत् किञ्च यत्र चतुर्भुजे सम्मुखकोणयोर्योगो भार्धीशस्यमहतश्चैव
फलं महत्तमं भवतीति स्फुटमुपद्यते ।

अथ कर्णाश्रितभुजघातैक्यमिन्यत्र ज्ञेयगता वासनोच्यते ।



करप्यन्ते अ, क, ग, व विषमचतुर्भुजभुजास्तथा प, च कर्गी । तदा शेत्रमितेः प्राप्तान् ॥१०॥

(१) लेन्टे चूप = अ. मात्र क. व.....(३)

(३) खेत्रे पृ४ तीर्थ अंगुष्ठ क. म. (२)

(३) क्षेत्रे च विद्युत् अ. कृष्ण. घ.....(५)

* तत्कालगतिज्ञानार्थं सत्कृतं चलनकलनं द्रष्टव्यम् ।

अत्र (स) (न) समीकरणयोर्धातेन—

$$पै च \times त = (अ. ग + क. घ) (अ. घ + क. ग)$$

$$\therefore पै = \frac{(अ. ग + क. घ) (अ. घ + क. ग)}{अ. क + ग. घ}$$

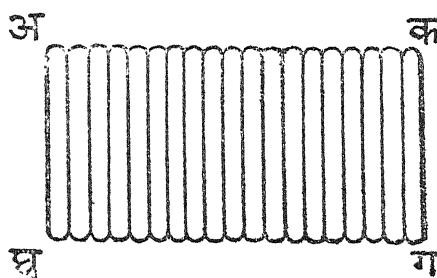
एवं (स) (स) समीकरणयोर्धातेन—

$$चै . प \times त = (अ. ग + क. घ) (अ. क. + ग. घ)$$

$$\therefore चै = \frac{(अ. ग + क. घ) (अ. क. + ग. घ)}{अ. घ + क. ग}$$

पै, चै अनयोर्मूले प, च माने ज्ञाते भवतस्तेनोपपन्नं सर्वं ब्रह्मगुसोक्तमिति ।

अथ वृत्तफलानयनम् ।



अत्रापि वृत्तपरिवेः सूक्ष्मविभागं कृत्वा प्रतिभागेभ्यः केन्द्रतोऽनेकानि तुल्य-
त्रिभुजानि जायन्ते । अथ कुत्रापि परिधिं छित्वा तानि त्रिभुजानि तथा निवेश्यन्ते
यथा सकलं वृत्तं अकगव आयतरूपे क्षेत्रे परिणामितं भवेत्, यत्र अव वा कग
वृत्तव्यासार्थरूपा कोटिस्तथा अक वा घग परिष्यर्थरूपो भुजो भवतीति स्फुट-
मेव गणितविदाम् ।

अत आयतक्षेत्रफलानयनेन—

अकगव = अघ. अक

$$= \frac{व्या}{२} \cdot \frac{परि}{२}$$

$$= \frac{परि \cdot व्या}{४} \text{ उपपन्नं वृत्तफलानयनम् ।}$$

अथ प्रसङ्गाद्वीर्यवृत्तफलानयनमपि प्रदर्शयते ।

अत्र दीर्घवृत्तवृहद्वगासोपरि अद्वृत्तं स्थात्तस्य दीर्घवृत्तस्य च यःसम्बन्धः स
एव तदीयलघुमहद्वयासार्थयोरपि भवतीति दीर्घवृत्तरचनया स्फुटं गणितपद्धनाम् ।

$$\therefore \frac{\text{दीर्घफल}}{\text{वृ. फल}} = \frac{\text{लब्धाद}}{\text{मब्धाद}}$$

$$\text{लव्याद्. मव्याद्. प} \\ = \text{मव्याद्. प}$$

परन्तु मव्याद्. प = वृत्तफल

$$\therefore \text{दीर्घवृत्तफलम्} = \text{लव्याद्. मव्याद्. प}$$

अत्र प अनेन स्पव्यासार्धं दीर्घपश्चेश्वापीयं मानं बोध्यम् ।

तेन प मानं $\frac{३}{५} \frac{९}{८} \frac{२}{७}$, $\frac{३}{५}$ इत्यादिभिस्तथापनेन ‘व्यासाहतिः पञ्चसहस्रभक्ते-त्यादि’ विशेषपद्मुपयद्यते ।

अथेदार्णं गोलखण्डपृष्ठफलादिसाधनप्रकारहत्वाकरे स्फुट उक्तस्तेनात्र छात्रो-पकारायोदाहरणानि प्रदर्शयन्ते ।

कल्प्यते गोलव्यासः = १०, शरः = ६ तदा “वाणेन गुणितो गोलपरिधि” इत्यादिना—

$$\text{गोलखण्डपृष्ठफलम्} = \text{गोप. वाण}$$

$$= \frac{१०}{५} \frac{९}{८} \frac{२}{७} \times १$$

$$= \frac{३}{५} \frac{९}{८} \frac{२}{७} = ३१ \frac{५}{८} \frac{२}{७}$$

अथ यदि मस्तकवृत्तव्यासार्धम् = ३

तथा तलवृत्त „ = ४

उच्छ्रितश्च „ = १

तदा व्यासार्धवर्गान्तर उच्छ्रयाहृत्युक्ते इत्यादिना—

$$\text{गुणः} = \frac{१}{५} \frac{९}{८} \frac{२}{७} + १$$

$$= ७ + १ = ८$$

$$\therefore ३^2 + १६ = ९ + १६ = २५ \text{ मूलम्} = ५$$

$$\therefore \text{शरः} = १ - \frac{५}{८}$$

$$= १ - ४ = १$$

अतः गोलीयव्यासः = १०, परिधिश्च = $\frac{३}{५} \frac{९}{८} \frac{२}{७}$ ततो “गोलव्य परिधिर्वैध—गुणित” इत्यादिना ।

$$\text{बलव्यान्तरगोलशक्लस्य पृष्ठफलम्} = \frac{३}{५} \frac{९}{८} \frac{२}{७}.$$

$$= \frac{३}{५} \frac{९}{८} \frac{२}{७}$$

अथ मस्तकवृत्तव्यासार्धम् = ३, शरः = १ तथा गोलीयव्यासार्धम् = ५,

ततः “शरव्यासखण्डे स्वनिधने” इत्यादिविधानेन—

व्यासार्धवर्ग ९ वाणगुणः ९, तथा गोलव्यासार्ध ५ शरवर्ग १ गुण ५

अनयोयोगः १४ एतत्समे व्यासे परिधिः = $\frac{१}{५} \times \frac{३}{८} \frac{२}{७} = \frac{७}{५} \times \frac{३}{८} \frac{२}{७}$,

$$\text{अयं त्रिहतो जातं घनफलम्} = \frac{७}{५} \times \frac{३}{८} \frac{२}{७}$$

$$= \frac{११६३}{४८५}$$

$$= १४\frac{१३}{४८५}$$

एवं तलवृत्तव्यासार्धवशेन घनफलम् = $\frac{२६ \times १३०९}{४८५}$

अनयोरन्तरेण—

बल्याकारस्य घनफलम् = $\frac{१२ \times १३०९}{४८५}$

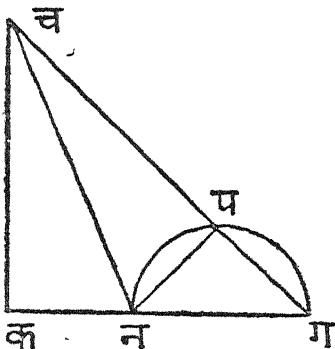
$$= ३९\frac{१३०९}{४८५}$$

अथवा व्यासार्धवर्गौ त्रिगुणौ विधेयावित्यादिना व्यासार्धवर्गौ १, १६ त्रिगुणौ २७, ४८ योगः ७६ उच्छ्रितिवर्गे १ अनेन युतः ७६ उच्छ्रितिगुणितः ७६ एतत्समे व्यासे परिधिः = $\frac{७६ \times १३०९}{४८५} = \frac{३८ \times १३०९}{४८५}$ अर्थं १८विभाजितो जातं घनात्मकफलम् ।

$$= \frac{३८ \times १३०९}{४८५} \times \frac{१३०९}{४८५}$$

$$= \frac{१९६ \times १३०९}{४८५} \times \frac{१३०९}{४८५}$$

$$= १९\frac{१३०९}{४८५} \text{ उपपन्नम् ।}$$



“छायोः कर्णयोरन्तरे ये” इत्यत्रान्यथोपपत्त्यर्थं तावत् कल्पयते नग = छायान्तरम् = छायं, कग = छायो । गप = कर्णान्तरम् = कर्णं ।

अथ नग छायान्तरव्यासभवं नपम वृत्तं तथा ग स्थानात् गप कर्णान्तरवृत्तं च प्रिधाय तयोः संपातः प, कल्पितः । वर्धित गप रेखा कच लम्बं खयेयायोगः च । तेन दक्षनप चतुर्भुजं वृत्तान्तरं जातम् ।

अतः क्षेत्रमितेस्तृतीयाध्यायेन—

$$\text{गक. नग} = \text{गच} \times \text{गप}$$

अत्र गक = छाया, नग = छायं तथा गप = कर्णं

तेन गच = कयो । ∴ चप = २प्रक

$$\text{अथ } \text{चन}^2 = \text{चप}^2 + \text{नप}^2 = ४\text{प्रक}^2 + \text{नग}^2 - \text{गप}^2$$

$$= ४ \text{प्रक}^2 + \text{छायं}^2 - \text{कर्ण}^2$$

$$\begin{aligned} \therefore \text{चन}^2 - \text{कन}^2 &= \text{चन}^2 - 4 \text{ प्रश्न}^2 = \text{कन}^2 \\ \therefore \text{कच}^2 &= 4 \text{ प्रक}^2 + \text{छाअ}^2 - \text{कअ}^2 - 4 \text{ प्रश्न}^2 \\ &= 12^2 - 4 + \text{छाअ}^2 - \text{कअ}^2 \\ &= 976 + \text{वि}^2 \end{aligned}$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{अत्र छाअ}^2 - \text{कअ}^2 = \text{वि}^2 \\ = \text{नप}^2 \end{array} \right\}$$

$$\therefore \frac{\text{कच}^2}{\text{नप}^2} = \frac{976}{\text{वि}^2} + 1$$

ततः क्षेत्रमितेः पष्टाध्यायेन—

$$\frac{\text{कच}}{\text{कग}} = \frac{\text{नप}}{\text{पग}}$$

एकान्तरनिष्पत्या—

$$\frac{\text{कच}}{\text{नप}} = \frac{\text{कग}}{\text{पग}}$$

$$\therefore \frac{\text{कग}}{\text{पग}} = \frac{976}{\text{वि}^2} + 1 = \text{मूल}$$

∴ कग = पग.मूल ततः संक्रमणगणितेन छाये सुवोधे । तेनोपरन्तं सर्वम् ।

अथैकाद्यकोच्चरा अङ्का इत्यादिमूलसूत्रोपपत्या—

$$\frac{\text{न}}{\text{स}}_r = \frac{\text{n}}{[\text{r}][\text{n}-\text{r}]}$$

अत्रैव यदि r स्थाने n-r गृह्णते तदा

$$\begin{aligned} \frac{\text{n}}{\text{स}}_{n-r} &= \frac{\text{n}}{[n-r][n-(n-r)]} \\ &= \frac{\text{n}}{[\text{n}-\text{r}][\text{r}]} \end{aligned}$$

$$\therefore \frac{\text{n}}{\text{स}}_r = \frac{\text{n}}{\text{स}}_{n-r} .$$

यथा १९स_९, २९स_{२२}, १३स_७ पुरां मनानि कानि ?

$$19s_9 = 99s_{19-9}$$

$$= 19s_6$$

$$= \frac{19 \times 18 \times 17 \times 16 \times 15 \times 10}{1 \times 2 \times 3 \times 4 \times 5 \times 6}$$

$$= 7 \times 13 \times 11 \times 9 \\ = 5009 \text{ ।}$$

$$\frac{29}{29} \text{ स}_2 \text{ }_2 = \frac{29}{29} \text{ स}_{29-22} \\ = 29 \text{ स}_3 \\ = \frac{29 \times 28 \times 23}{1. 2. 3.} \\ = 2300 \text{ ।}$$

$$\text{एवं } \frac{13}{13} \text{ स}_6 = \frac{13}{13} \text{ स}_{13-7} \\ = 13 \text{ स}_5 \\ = \frac{13 \times 12 \times 11 \times 10 \times 9}{1. 2. 3. 4. 5} \\ = 13 \times 11 \times 9 \\ = 143 \times 9 \\ = 1287 \text{ ।}$$

अथैतेपासेव भेदानां ज्ञानाय छन्दोविज्ञिर्विज्ञिः खण्डमेसगाऽपि तदानयनं विहितम्।
यथा ६ अस्य भेदज्ञानार्थं तत्र तावत्क्षेत्रविन्यासेन—

		1		
	1	1	1	
1	1	2	1	
1	1	3	3	1
1	1	4	6	4
1	1	5	10	10
1	1	6	15	20

अत्रोपरोक्तक्रेदधोभागस्या , १, ६, १५, २०, १५, ६, १, अङ्गा पण्णामेक-
आदिभेदा भवन्तीति प्रत्यक्षमेव गणितविदाम् । इदमेव क्षेत्रं खण्डमेसशब्देनोचयते ।
अन्नाद्विन्यासार्थं पण्डितनारायणभट्टेन निम्नलिखिता कारिका विहिता ।

आदावेकं लिखेत्कोष्ठं तदथो द्वे च संलिखेत ।

तदध्यात्मोणि कोष्ठानि एवं रूपेण वर्ययेत ॥

आदावेकं लिखेत्कोष्ठमेकं मध्यं च पूर्येत ।

लेखकाद्योपरिप्राप्तैरप्रिमाङ्केन संयुतैः ॥

एतेदमवसीयते यदेषामङ्कानां भेदज्ञानमभीष्टं तत्र प्रथममेकं कोष्ठं शिरसि लिखित्वा तदध एकैकवृद्धया संख्यासमानि कोष्ठकानि क्रमेणाधोऽधो निवेशनोयानि । तत्र कोष्ठप्रान्तयोरेकैकं मध्येचोपरितनकोष्ठकमंख्योर्योगसमं च लेखनोयमेवमन्तिमकोष्ठस्थायः सर्वऽङ्कावास्तवभेदा भवन्तीति ।

एवमत्रानेकं विशेषाः सन्ति ते च द्वाजगणितावसरे वर्णयिष्यन्ते । किमत्र ग्रन्थबाहुल्येनेति दिक् ।

अथाङ्कपाशीयभेदानयनायोदाहरणम् ।

पञ्चस्थानस्थितैरेकैर्द्यद्योगोऽविधव हनयः ।

कति संख्याविभेदाः स्युर्नूनगाणितिकोच्चमाः ॥

न्यासः । स्थानसंख्या ६, योगः ३४ अत्र नवान्वितस्थानसंख्यातोऽविधिकयोगत्वादाचार्यप्रकारेण भेदमानं नागच्छन्त्यतो “दशमस्थानसंख्यायामंकेक्षं प्रविशोधये” दित्यादिमतीयविधानेन—

दशमस्थानसंख्या ५० योगेन ३४ अनेन हीना १६ ददमेवाऽक्षं प्रकल्प्य भासकरोक्त्या भेदमानम् = $\frac{19 \times 14 \times 13 \times 12}{1. 2. 3. 4}$

$$= 19 \times 4 \times 13$$

$$= 1369$$

ततः प्रथमसूत्रेण—

१६ - ९ = ७ अस्मात् योगात्

भेदमानम् = $\frac{6 \times 5 \times 4 \times 3}{1. 2. 3. 4}$
= १५

अथ प्रथम भेदमानम् = ६

$$\therefore 6 = 15 \times 1 = 15$$

अतो वास्तवभेदमानम् = १३६९ - १५

$$= 1354$$

एतत्समं भेदमानं प्रथमसूत्रेणापि भवतीति धीरेऽवगत्तव्यम् । किमत्र ग्रन्थविस्तरेण ।

अथेदानां वर्गात्मकचक्रैङ्कस्थापनप्रकारः प्रदर्शयते ।

विषमाङ्कवर्गकोष्ठके सर्वोर्ध्वं मध्ये रूपे स्थाप्यम् । ततः सर्वाधः कोष्ठकस्य दक्षिणपाश्वं द्वौ स्थाप्यौ ततो दक्षिणकर्णरेखामार्गेणोर्ध्वभागक्रमेण तदुत्तरसंख्याः स्थापनीयाः । यत्र तिर्थक् कोष्ठकानामभावः पूर्णो वा तत्र तदधस्तदुत्तरसंख्यां विलिख्य पुनस्तिर्थमार्गेण तदुत्तराङ्काः स्थाप्याः । एवं तावत्कर्म कार्यं यावच्चक्रकोष्ठांकाः

पूर्णभवेयुः । तथाकृते सर्वेषां तिर्थगृहीरकर्णगतकोष्ठकाङ्गानां योगः समो भवतीति ।

स च $\frac{n(n^2+1)}{2}$ एतन्मितो भवतीति स्फुटं गणितविदाम् । परमेवं तत्रैव

स्थायत्र १, २, ३.....नै इत्यादयोऽद्यङ्गाः सन्ति । तथाहि—

त्रिवर्गचक्रे ।

८	१	६
३	५	५
४	९	२

पञ्चवर्गचक्रे ।

१७	२४	१	८	१६
२३	५	७	१४	१६
४	६	१३	२०	२२
१०	१२	११	२१	३
११	१०	२५	२	९

सप्तवर्गचक्रे ।

३०	३१	४८	१	१०	११	२८
३८	४७	७	९	१८	२७	२९
४६	६	८	१७	२६	३५	३७
५	१४	१६	२५	३४	३६	४५
१३	१५	२४	३३	४२	४४	४
२१	२३	३२	४१	४३	३	१२
२२	३१	४०	४९	२	११	२०

अथान्यथा वा । विषमाङ्गचक्रकल्प्य मध्यकोष्ठाद्युपरितनकोष्ठके रूपं लेखयं ततो दक्षिणतिर्दर्शमार्गं गौद्यभागकमेण तदुत्तरसंख्याः स्थापयीयाः । यत्र तिर्यक्कोष्ठकानाम् भावस्तत्र यथोक्त्या सर्वाधः कोष्ठकदक्षिणपादश्वेतं तदुत्तरसंख्या लेखया । यत्र तिर्यक्कोष्ठः

पूर्णसंख्या तदुपरितनकोष्ठद्वितये तदुत्तरसंख्या लेखनीया, यसुपरितनकोष्ठकद्वयस्थाभा-
वस्तदाधः कोष्ठद्वयं हित्वा तृतीयकोष्ठे ददुत्तराङ्को लेख्यः । अन्यतपूर्ववदेव सर्वं वोधयम्
एवं कृते तिर्यग्ध्वर्धरकर्णगतकोष्ठस्थानामङ्कानां युतिः समेव भवतीति निम्नलिखित-
क्षेत्रतः स्फुटमेव ।

अथ पंचवर्गचक्रे ।

२३	६	१९	२	१५
१०	१८	१	१८	२२
१७	५	१३	२१	३
४	१२	२५	८	१६
११	२४	७	२०	३

अथान्यथा वा युक्तिः ।

प्रथमं पदसंख्याया वर्गसम्म चक्रद्वयं विद्याय प्रथमवक्रकोष्ठेषु १, २, ३, ... न
इत्यादयः स्थाप्यास्तथा द्वितीयचक्रकोष्ठेषु ०, न, २न, ... (न-)न इत्याद्वयश्च स्था-
पनीयास्तयोश्चक्रयोर्योगवशेन तृतीयश्चक्रो भवति यत्र तिर्यग्ध्वर्धरकर्णगतकोष्ठकाङ्कानां
योगो वास्तवयोगसमो भवतीति ।

३	२	४	५	१
१	३	२	४	५
५	१	३	२	४
४	५	१	३	२
२	४	५	१	३

(१)

०	५	१५	२०	१०
५	१५	२०	१०	०
१५	२०	१०	०	५
२०	१०	०	५	१५
१०	०	५	१५	२०

(२)

३	७	१९	२५	११
६	१८	२२	१४	५
२०	२१	१३	२	९
२४	१५	१	८	१०
१२	४	१०	१६	२३

(३)

यथा ६ वर्गचक्रेऽङ्गस्थापनाय प्रथमे (१) चक्रस्य वामकोणे त्रयः स्थाप्यास्त तस्मितर्थकोष्ठेषु दक्षिणमार्गेण त एवाङ्गाः स्थापनीयाः । तत अवशिष्टेषु परितनपंक्ति-स्थकोष्ठेषु स्वेच्छया १,४,९,२ संस्थाप्याधस्तिर्थकोष्ठेषु दक्षिणमार्गेण पुनस्त एवाङ्गाः स्थापनीयाः । ततोऽवशिष्टकोष्ठेषु यथोक्तया तथाऽङ्गः स्थाप्ये यथा तिर्थगूढवाधरंपंक्तिकोष्ठानां योगः १६ जातः ।

एवं (२) चक्रे दक्षिणकोणे १० संस्थाप्य कर्णगतकोष्ठेषु वामभागकमेण त एवाङ्गा लेखनीयाः । अत्राप्यवशिष्टेषु परितनपंक्तिस्थकोष्ठेषु स्वेच्छया ०, ९, १६, २० विलिख्य स्वस्वाधस्तिर्थकोष्ठेषु वामभागकमेण त एवाङ्गा अभ्यसनीयः । अत्राप्यवशिष्टानि कोष्ठानि तथा पूर्वन्ते यथा सर्वत्र तिर्थगूढवाधरंपंक्तिकोष्ठेषु ०, ९, १०, १६, २०, भवेयुः । एवं कृतेऽत्र तिर्थगूढवाधरकर्णगतकोष्ठानां योगः ५० समे जातः ।

अथात्र (१) (२) चक्रेऽयथाक्रमसंयोगेन (३) चक्रं समुत्पद्यते यत्र तिर्थगूढवाधरकर्णगतकोष्ठानां योगो हि ५९ समे जायते । एवमनेकानि विप्राकृत्वर्गकाष्ठकाङ्गस्थापनप्रकारान्तराणि भवन्ति ।

अयोद्यानीं समाङ्गवर्गकाष्ठेऽङ्गस्थापनाय तत्र तावत्समाङ्गस्य वर्गक्षेत्रे विधेये यत्र संरूप्यावर्गसमानि काष्ठकानि च लिखितानि सन्ति । अत्राद्यन्ताभ्यां तुल्यान्वरिते तिर्थगूढवाधरपंक्तिकोष्ठानि च सजातीये कथेते । ततोऽत्र प्रथमक्षेत्रे वामभागस्थकाणमारभ्यादक्षिणकर्णगत्या कमेण १, २, ३.....न इत्यादयोऽङ्गाः स्थापनीयास्ततः स्वस्वसजातीयोधर्वकोष्ठेषु त एवाङ्गा लेखनीयाः । ततो ऽवशिष्टेषु प्रथमोऽर्धपंक्तिकोष्ठेषु प्रथमान्तिमाङ्गौ तथा स्थाप्यौ यथा कोष्ठेषु समा अङ्गा भवेयुः । ततस्तत्त्विर्थक्षजातीयेषु कोष्ठेषु तत्पुरका निवेशनीयाः । एवमवशिष्टेषु व्याद्रयूधर्वपंक्तिगतकोष्ठेषु समस्थाने समा अङ्गास्तथातिर्थक्षजातीयेषु पंक्तिगतकोष्ठेषु प्रतिपंक्तिमेकव्यादयो भवन्ति । एवं कृते तिर्थगूढवाधरकर्णगतकोष्ठयोगः समानो भवति ।

एवं द्वितीयवर्गद्विक्षणकोणमारभ्यांवा वामकर्णगत्या १, २,(न - १)न इत्यादयः स्थाप्यास्ततोऽत्र स्वस्वसजातायतिर्थक्काष्टेषु त पात्राङ्का अभ्यमनीयाः । अत्रावशिष्टेषु प्रथमतिर्थक्पक्षिगतकाष्टेषु प्रथमान्तिमाऽप्योनिवेशस्तथा क्रियते यथा समस्थाने समा अङ्का जायन्ते । ततो यथोऽक्षत्या तथाऽङ्काः स्थाप्या यथा प्रतिर्थ-रगतपक्षो ०, १, २,(न - १)न इत्यादयस्तथा प्रत्यूष्वर्धिरप्यक्षिय-काष्टेषु समस्थाने तुल्याङ्का निष्पद्यन्ते । एवं कृते ल्यत्रापि तिर्थगृह्यधरकर्णगतका-ष्टस्थानामङ्कानां युक्तिः समेव भवतीति निम्नलिखितेऽदाहरणेन स्फुटं दर्शयते ।

१	५	४	३	२	६
६	२	४	३	५	१
१	५	३	४	२	६
१	५	३	४	२	६
६	२	३	४	५	१
१	२	४	३	५	६

०	३०	३०	०	३०	०
२४	६	२४	२४	६	६
१८	१८	१८	१८	१८	१८
१२	१२	१२	१२	१२	१२
६	६	६	६	६	६
३०	०	३०	०	३०	०

१	३५	३५	३	३२	६
३८	८	२८	२८	१९	६
१४	२३	१५	१६	१५	१५
१३	१०	२१	२२	२०	१८
१२	२६	९	१०	११	१५
३९	२	२४	३३	१	३६

(१)

(२)

(३)

यथा पद्मवर्गस्य (१) वर्गकोष्टेषु यथोऽक्षत्या १, २, ३, ४, ५, ६ स्थापनी-यास्तथा (२) वर्गकोष्टेषु ०, ६, १२, १८, २४, ३०, इत्यादयो लेख्यास्तथेया वर्गयोः कोष्ठाङ्कानां संयोगेन (३) चक्रं समुत्पद्यते यत्र तिर्थगृह्यधर्वर्गकोष्ठानाम-ङ्कानां संयोगः समो भवतीति प्रत्यक्षमेव । एवमेव सर्वे उ समाङ्कवर्गकोष्टेषु क्षयापन-प्रकारः सुधीभिरुद्यः ।

अन्त्यान्यथा वा युक्तिः ।

प्रथमं वर्गकोष्टेषु संबद्धया १, २, ३, ४, ५, ६ इत्यादयः स्थापनीयाः । अत्रापि योगसंख्या तु $\frac{n(n^2+1)}{2}$ समा भवतीति स्फुटं गणितविदाम् । परमात्र प्रति-तिर्थक्पक्षिगतकोष्ठानां युक्तिः यो— $\frac{n^3}{2}$ (न-२य+१) पृत्तसमा स्थात्त-था तत्सजातीयतिर्थक्पक्षिस्थकोष्ठाङ्क योगः=यो + $\frac{n^3}{2}$ (न-२य+१) भव-तीति गणनया युक्त्या वा स्फुटम् । अथात्र प्रतिर्थक्पक्षिगतकोष्ठाङ्कः व्योऽर्था-धरसजातीयकोष्ठाङ्कत न(न-२य+१) पृत्तनिमतन्यूनो भवतीति प्रत्यक्षमेव तेन तिर्थक्पद्मिगतसंख्याङ्कयोगस्य समत्वकरणाय $\frac{n}{2}$ मितकोष्टेषु कानां परिवर्तनेन तिर्थव्यंक्षिगताङ्कयोगः समो भवतीति स्फुटमेव । एवमेवाऽर्थाधरपद्मावपि योऽध्यम् । परन्त्वत्र कर्णगतकोष्ठाङ्कका न परिवर्तनीयाः । एवं कृते तिर्थगृह्यधरकर्णगतकोष्ठा-ङ्कानां योगः समो भवतीति ।

यथा ४ अस्य वर्गचक्रे क्रमेण १, २, ३, १६ स्थापिताः । अत्र कर्णगत-
कोष्ठाद्कर्यागः = ३४ । परं च तिर्यक् पञ्चांश्यकोष्ठाङ्कयोगस्य समत्वकरणाय तत्र
तावत्समार्धस्थाने—^{नृ}_२ (न-त्य + १) इयं संख्या योज्या तथा तदूर्ध्वसज्जातीयको-
ष्टेषु च हेया । एवमेवोर्ध्वपञ्चांशपि ध्येयम् । तथा परिवर्तिते जातं ।

१	२	३	४
५	६	७	८
९	१०	११	१२
१३	१४	१५	१६

१	१५	१४	४
१२	६	७	९
८	१०	११	५
१३	३	२	१६

अत्र प्रतितिर्यगूर्ध्वाधरकर्णगतकोष्ठानां संयुतिः ३४ समा भवतीति स्फुर्तं
दृश्यते । एवमत्र बहवो विशेषाः सन्ति ते चाङ्कप्रपञ्चे बहुशो वक्ष्यन्ते परन्त्वत्र
ग्रन्थविस्तरभयाद्वहृपयोगाच्च नास्माभिः सर्वे प्रकाराः प्रकटीकृता इति । अत्र-
गणितज्ञानलिप्सुभिश्छार्त्रिविशेषार्थं नारायणभट्कृता गणितकौसुदी विलोक्या ।
किं बहुना ।

अथेदानीपभ्यासार्थं कानिचिदुदाहरणानि प्रदर्श्यन्ते ।

(१) कस्याभ्यि चत्वरभूमेः प्रतिदिवर्धमान्वासो ४६ वैदेः षोडशादि-
हस्तथा सप्तत्रिशत्र्द्वैविशतिदिनैश्च चर्यते तदा स एव वासो २१ वैदेः कियद्वि-
दिनैरिति ।

उत्तरम् ४० दिनैः ।

(२) कस्यापि १० हस्तमितगोलपरिधेः परिश्रमणाय केऽपि चत्वारः पुरुषाः
‘पुनः सहेव तत्स्थानं यावच्चाप्यतेऽस्माभिस्तावद्भ्रमितव्यमिति तिथीकृत्य प्रतिहो-
रोयां २, ३, ४, ६ क्रोशार्धमितगतिभिः कस्मादप्येकस्थानाद्युगपदेव चलितवन्तस्तदा
ते कियता कालेन पुनस्तत्स्थानं प्राप्नुवन्तीति ।

उत्तरम् ३४३ मिं० ।

(३) त्रयः पान्थाः समानि फलानि विभज्य भक्ष्याङ्कुः । तत्र प्रथमस्याष्टौ
द्वितीयस्य च पट्फलान्त्यासन् । परं तृतीयो हि यत्य फलं नासीत्ताभ्यां चतुर्दशका-
किणीद्वै तदा पृथक् ताभ्यां कियत्यः काकिण्यो लब्धा इति ।

उत्तरम् १०, ४ ।

(४) रामः श्यामस्तो १८० हस्तान्तरेऽग्रे वर्तते । अथ रामः प्रतिवण्टायां
२३२ क्रोशार्धमितगत्या चलितुमारेभे । पट्कमिनटचलनानन्तरं श्यामोऽपि प्रतिहोरायां

३ क्रोशार्थमितगतिव्यवस्थया तमसुगच्छति स्म । तदा कियद्वूरे कियता कालेन
च तयोः सम्मेलनं जातमिति ।

उत्तरम् ६३६० हस्ताः,

३६ हृष्टमिति

(५) राघवः कल्यापि कार्यस्य ३१ भागं १० होराभिः, नरेशः शेषस्य ३१
भागं १२ घटिकाभिस्तथा दिनेशोऽप्यवशिष्टस्य ३१ भागं ९ घटिकाभिः पृथक् २
सम्पादयति स्म । तदा मिलितेष्वभिर्द्विगुणं कार्यं कियद्विन्नैः कियत इति ।

उत्तरम् ३० तु३६८ घ.

(६) अ कल्यापि कार्यस्य ३१ भागं २० दिनैविधाय क पुरुषं समाह्यत् ।
ततोऽनन्तरं मिलिताभ्यां ताभ्यां त्रिभिर्द्विनैः कार्यं पूर्यते तदा क पुरुषेणैव तत्काय
कियद्विनैः कर्तुं शक्यते ।

(७) $\frac{4\frac{1}{2} \times 17\frac{1}{2} \times 2\frac{1}{2}}{6\frac{1}{2} \times 9\frac{1}{2} \times \left(\frac{5}{4} \times \frac{1}{6} \right)}$ अत्र संक्षेपरूपं किमिति ।

उत्तरम् १६७१६ ।

(८) $\frac{2\frac{1}{2} \times 1005}{4\frac{1}{2}}$ संक्षेपरूपं किम् ।

उत्तरम् १०५६ ।

(९) द्वाभ्यां प्रनालीभ्यां कोऽपि तडागो १२ मिनैः पूर्यते । तत्रेका प्रनाली
२० मिनैस्तं पूरयितुं शक्नोति तदाऽपरा पृथग्विसुक्ता कियता कालेनेति ।

उत्तरम् ३० मि.

(१०) काऽपि नौर्नद्या अनुकूलवेगेन घटिकात्रये सार्थसप्तकोशानतिकामति,
तथा पुनः परावृत्य नद्याः प्रतिकूलवेगेन सार्थसप्तवर्द्यभिः स्वद्यथानमेति तदा प्रति-
घटिकायां नदीवेगः कल्पथा नौर्मतिश्च केति ।

उत्तरम् नदीवेगः ३ क्रो.

नौर्मतिः १३३ ।

(११) कल्यापि नगरस्य जनसंख्याः ८०००० सन्ति यदि तत्र प्रतिवर्ष
दशमानवाः प्रतिशतव्यवस्थया वर्धन्ते तदा द्वितीयवर्षान्ते नस्य नगरस्य जनसंख्याः
कियत्य इति ।

उत्तरम् १६८२० ।

(१२) + $\frac{2}{1}$
३ + $\frac{1}{1}$
३ + $\frac{1}{1}$
३ + $\frac{1}{2\frac{1}{2}}$

अत्र मानं किमिति ? उत्तरम् १३३८६

(१३) कोऽपि नदः कथयति यद्यः कोऽपि मत्पाणिडत्यं जानाति तदा तस्मै
सुदाहर्यं दास्यामि, यदि च नहि कैरपि बुद्यते तदा तैरव रूप्यकाटकं दातव्य

मितिव्यवस्थया स्वव्यापारं कृत्वा घोडशसुद्रां च गृहीत्वा नदो गतवान् । तदातस्य किशद्वारो विजयः स्यादिति ।

उत्तरम् ९ वारम् ।

(१४) किमपि पञ्चावमेलशक्तं प्रतिविकार्यां स्वरेण एव एशक्रोशान्विक्रामति, किन्तु प्रति ३६ क्रोशान्तरे ८ मिनटपर्यन्तं तिष्ठति तदा पञ्चसप्ततिक्रोशगमनाय कियान् कालो भवतीति ।

उत्तरम् ७ वा० १९७ मि

(१५) एकविशतिः पुरुषाद्यतथोनविशतिः विश्रयश्च सन्ति । अथात्र तासां पुरुषपूर्णीयां तथा निवेशः क्रियते येनैकस्यां पक्षावेकत्र द्वौ नरौ न भवेताम् । तथाविधो निवेशः किञ्चित्प्रतिहृति ।

उत्तरम् १९४०

(१६) २, ३, ०, ३, ४, २, ३, एभिरंकैः कियन्तोद्याङ्का निष्पाद्यन्ते येषां किञ्चिन्मौलयं स्यादिति ।

उत्तरम् ३६०

(१७) काशीतः प्रयागगमनकारि धूमशक्तं मध्ये नवमितेषु स्थानेषु तिष्ठति । तत्र षट् पुरुषा भिन्नां भिन्नां चिटिकां गृहीत्वा समागतास्तदा क्रियत्यो विभिन्नचिटिकाः तेषां सन्तीति ।

उत्तरम् १९४९०६०

(१८) २ + ७ + १४ + २३ + ३७ + १२ पदपर्यन्तम् ।

अत्र समधनमानं किमिति ।

उत्तरम् ७९४ ।

(१९) च्यष्टेव्याश्रितुर्पूषेष्वाद्यन्तयोर्योगः ८ तथा मध्यधनयोर्धार्तिः १९ तदा तानि धनानि कानि ।

उत्तरम् १,३,६,७

(२०)

?

२ ३

४ ९ ६

७ १ ९ १०

अत्र प्रतिपंक्तिगतसंख्यायोगः = $\frac{n(n^2+9)}{2}$ कथम् ?

इति परिशिष्टप्रकरणं समाप्तम् ।

इति शम् ।

अस्य सर्वाधिकारोऽस्ति रक्षितो हि प्रकाशकैः ।

अत्रत्यविषयास्तेन प्रकाश्या नैव केनचित् ॥

वासनाकर्तुर्वशपरिचयश्लोकः ।

आसीच्छ्रीं हरिवल्लभः नितिपतिमन्या वदान्यो नृणां
विख्यातोऽनुरुक्तिकल्पततया हालण्डनं मण्डलम् ।
यश्चक्रेऽमरराजरम्यभवनौपम्यां नृपालोचितां
देवोद्यानगुनां सुरम्यवस्ति श्रीस्वर्णवर्पाभिधाम् ॥ १ ॥

सेयं विभूतिजननी जननीव राजधानी नृपालपरिमेवितपादपद्मा ।
सिंहेश्वरादनतिदूरते द्युवान्यां गाराजनीह मिथिलाविषयान्तराला ॥ २ ॥
ततः प्रतीच्यां त्रिलक्ष्मिधाना नदी विशाला किल कौशिकायाः ।
जलं वहन्नीह विराजने वै तदन्यतीरं सुगमा सुरम्या ॥ ३ ॥
शापिण्डल्यगोचरप्रभवो द्विजन्मा वस्त्रीतिनामाऽत्र वृथः समासीत् ।
संमानितः साधु सुवर्णवर्पाधीशो स्तथान्यैश्च जनेशमान्योः ॥ ४ ॥
यो दैवविद्याकुशलोऽतिवीरो विचक्षणः कार्यविद्यो गमीरः ।
सदूग्राहणो वेदपथानुगामी सदा सदाचारकुलाभिमानी ॥ ५ ॥
पतिक्रतायां गृहदेवतायां स्ववर्मपन्यां हि सुतद्रयं यः ।
सदैहिकामुष्मिकसाधनार्थमुत्पादयामाम जिनेन्द्रियात्मा ॥ ६ ॥
असारसंसारमवेद्य धीमान् जगज्जलोघं तरसा निनीरुः ।
पोतं परं श्रीहरिभक्तिस्तपमात्मानमुत्तरुमयं हि मेने ॥ ७ ॥
ध्यात्वा मुकुन्दस्य पदागविन्दं ब्रात्वा सुयोग्यं तनुजद्रयं यः ।
अन्ते जगत्त्राथपुरीं च गत्वा सहैव पन्न्या तनुमुत्ससर्ज ।
ज्येष्ठः क्रियावान् कुशलोऽतिमानी कारीति नामा तनुजः समासीत् ।
विद्यानुरागी विषये विरागी गोविन्दनामा तनयः कनिष्ठः ॥ ८ ॥
यो राजते सम्प्रति दैवविद्याविशारदोऽनन्तगुणः क्रियावान् ।
यतोऽनुरुपं खलु दायिरानी माता मदीया सुपुत्रे सुतं माम् ॥ ९ ॥
दैवशृण्दकमलाकरभास्करेण विद्यापांप्रथितर्णीतिसुध्राकरेण ।
गेनादिलालगुरुवर्यपदेदयेन दृग्नीकृताग्निलतमा मुरलीवरोऽहम् ॥ १० ॥
लीलावतीं मतिमर्तीं सरसोऽक्तिरम्यामालापनृन्दविपुलामिह भास्करीयाम्
द्विष्टु विशीर्णवसनामपरेनर्थवर्यर्थीकृतानिसरलार्थवतीं हि दृश्ये ॥ ११ ॥
अन्योदितानर्थमधिक्षिपन्ती दुरुहभावान् प्रविकासयन्ती ।
नृना मदीयाऽखिलवासना या तयैव पुष्पत्यधिकं सदेयम् ॥ १२ ॥
सेयं सुपूर्णवसना गुणहारयुक्ता शङ्खाऽखिलव्यवहृतिः सरसा गुणशा ।
श्रीभास्करीयरचनाऽमलवंशजा स्त्रो लीलावतीव पठतां हितनोतु वृद्धिम्

विनीतो—

मुरलीधरः

प्रश्नपत्रम् ।

अथेदानीं छात्राणां सौकर्याय वाराणसेयराजकीयमहाविद्यालयस्य ज्यौतिषमध्य-
मपरीक्षायाः लीलावतीसम्बन्धिनः कतिचन प्रश्नाः प्रदर्श्यन्ते, वहुत्र चोत्तरयितुं
सङ्केतश्च निवेशितः ।

१४३१ वर्षे ।

- (१) 'स्वार्थं प्रादात्प्रयागे नवलवयुगलं' भित्यस्योत्तरं कतिधा भवति सर्वं प्रदर्शय ।
(अत्र परिशिष्टस्य चैराचिकप्रकरणे (४) प्रश्नो द्रष्टव्यः)
- (२) यदि भारतवर्षे प्रचलितमुद्राया मानं $\frac{1}{2}$ (अष्टादशाणकाः) देशान्तरे चास्य
मानं १ (१६ आणकाः) तदा भारतादेशान्तरे प्रेषितैककोटिमुद्रायाः कि
मूल्यं स्यात् । विनियोगं कस्य हानिः ।
- (३) समव्ययशालिनो नवमनुच्छात्मकस्य कुटुम्बस्थाष्टभिर्मासैः ४०० मुद्राव्ययो
भवति, तदा २४ जनात्मकस्य १६ मासैः कियान् व्ययः ?
- (४) जात्यत्रिभुजे यत्र क = कर्णः, को = कोटिस्तथा भु = भुजस्तदा क + को, भु
ज्ञाने, क-को, भु-ज्ञाने तथा केवल 'भु' ज्ञाने च पृथक् २ सर्वेषां ज्ञानोपायःकः ?
- (५) वृत्तव्यासः २० ज्यामितिः १६ किमत्र शरप्रमाणम् ?
- (६) छाययोः संयुक्तियत्र षड्विशतिसमा भवेत् ।
कर्णयोरष्टत्रिंशच पृथक् सर्वमिति वद ॥
(एतदर्थं "छाययोः कर्णयोर्युती स्तस्तयो" रित्यादिमदीयो विशेषो द्रष्टव्यः।)
- (७) शुणलब्ध्योत्त्र विषमे गृहीते तक्षणे फले ।
हानिः का समुदाहृत्य प्रश्नस्योत्तरमालिख ।
- (८) 'पाशाङ्कुशाद्विडमस्तकपालशूलै' रित्यस्योत्तरं किमिति ।

सन् १४३२

- (१) (क) वियोज्यः = $54\frac{4}{5} \times 6\frac{7}{9} \times 9\frac{9}{10}$, वियोजकः = $359\frac{7}{8} \times 6\frac{7}{9} \times 9\frac{9}{10}$, वियोगफलं
च = $900\frac{4}{5} \times 6\frac{7}{9} \times 9\frac{9}{10}$ । एतेषाः मेतच्चिह्नयोतितेषु रित्यस्थानेषु चिताङ्कूर्तिः कार्या ।
- (२) (ख) एकः फलविक्रीता द्रम्मेण १८ आव्रफलानीति पण्डेन २८ द्रम्मैराव्रफः
ल्यानि क्रीत्वा द्रम्मेण १२ आव्रफलानीति पण्डेन फलानि तावद्विक्रीतवान्
याचत् १२ द्रम्मलाभो न जातः । तदा तत्साचिकटेऽवशिष्टफलसंख्या का ?

$$(२) (क) \frac{\frac{1}{5} + \frac{67}{90}}{1 - \frac{4}{5} \times \frac{67}{90}} = \frac{1}{9} \quad \text{अस्य सरलस्वरूपमपेक्षितम् ।}$$

$$\frac{1}{9} - \frac{1}{9} \left(\frac{\frac{1}{5} + \frac{67}{90}}{1 - \frac{4}{5} \times \frac{67}{90}} \right)$$

(अत्र परिशिष्टस्य भिन्नप्रकीर्ण द्रष्टव्यम्)

- (ख) $330\frac{7}{8} \times 6\frac{7}{9} \times 9\frac{9}{10}$ अस्य घनमूलं किम् ?
(परिशिष्टगतघनमूलानयने (१) प्रश्नोऽवलोक्यः)

सन् १९३४

(१) (क) १२१६७ युक्त्याद्य स्थ घनमूलं किम् ?

(धनमूलानयनार्थ मदीयं परिशिष्टप्रकरणं प्रष्ठव्यम्)

(ख) 'द्रम्मार्धविलवद्वय' इत्यादिपद्यं सगणितं व्याख्येयम् ।

$$(२) \frac{5\frac{1}{2} - 2\frac{2}{3} + 4\frac{3}{4}}{3\frac{1}{2} + \frac{1 + \frac{3}{4}}{2 - \frac{1}{4}}} \text{ किमस्य मानम् ।}$$

(अत्रापि परिशिष्टगतभिन्नप्रकरणदर्शनेनैव व्यक्तम्)

(३) 'सार्थ तण्डुलमानकत्रय' मित्यादिपद्यं सगणितं व्याख्येयम् ।

(४) यदि दशमनुष्याः किमपि कार्यं चतुर्विंशतिदिनैः पूरयन्ति तदा कियन्तो मनुष्याः तत्त्विगुणितं कार्यमुक्तदिनपदंचमाशेन $\frac{3}{4}$ करिष्यन्ति ।

(५) विषमचर्भुजफलानयने भास्करेण लीलावत्यां के विशेषा उक्ता इति संक्षेपतो विलिख्य कर्णाश्रितमुजघातैक्यमित्यादिपद्यं सगणितं प्रदर्शय ।

(६) यत्र व्यासः = १५८१ तत्र वृत्तक्षेत्रे किं घनफलम् ?

(७) 'नवान्वितस्थानकसंख्यकाया ऊनेऽङ्क्षयोगे कथितं तु वेद' मित्यस्याभिशायं सोऽदाहरणं प्रदर्शय । (अत्रत्या 'निरेकमङ्क्षयमिदं निरेकस्थानान्त' मित्यादिसूत्रं वासना विलोक्या) ।

सन् १९३६

$$(१) \frac{\frac{1\frac{1}{2}}{1\frac{1}{2}} \times \frac{2\frac{1}{2}}{2\frac{1}{2}}}{\frac{3\frac{1}{2}}{3\frac{1}{2}} \times \frac{4\frac{1}{2}}{4\frac{1}{2}}} \div \frac{4\frac{1}{2} \times \frac{5\frac{1}{2}}{5\frac{1}{2}}}{3\frac{1}{2} \div \frac{2\frac{1}{2}}{2\frac{1}{2}}} \text{ किमस्य मानम् ?}$$

(२) यद्येकस्य शतस्य कलान्तरं वर्षे $1\frac{1}{2} \times 10^4$ भवति तर्हि कियता धनेन प्रत्यहम् एका राजतीमुद्रा कलान्तरं लम्ब्येत ।

(३) 'आद्ये दिने द्रम्मचतुष्यं यो दत्त्वेगति पद्यं सगणितं व्याख्येयम् ।

(४) युजो तिथिनस्यैस्तुल्यौ महो सप्तमिता मता । आद्याद्ये लम्बकं ज्ञात्वा त्र्यस्यास्य फलं वद ॥

(५) सूचीक्षेत्रं प्रश्नानुसारेण विलिख्यात्र कौ सर्वाधिककर्णौ भवत इति तथोर्माने त्रैराशिकेन समानेये ।

(६) 'वृत्तक्षेत्रे परिविगुणितं व्यासपाद' इत्यादि पद्यं सोदाहरणं व्याख्येयम् ।

(७) एको द्वौ द्वौ त्रयः पद्य लिखित्वा पञ्चसंख्यकाः । एषां भेदास्तदैक्यश्च किं स्यादिति निगद्यताम् ॥

सन् १९३७

- (१) $\frac{2\frac{1}{2} \times 1\frac{1}{2}}{2\frac{1}{2}-2\frac{1}{2}} = \frac{4\frac{1}{2} \times 2\frac{1}{2}}{2\frac{1}{2}-2\frac{1}{2}}$ यस्य नरलस्वरूपं किम् ?
- (२) भित्तिः ८ कुटुं द्वे व्यवस्थिताया द्वादशाहुलयादेवाया ४ पुटुं तुम्हा, तदा
तद्वितीलग्नविद्युदयुतेरुच्छ्रायः कः ?
(अत्र शङ्कुः कुटजातीयो विभेयः) ।
- (३) बाघेनगरात् प्रस्थितो भूमपोतः प्रथमदिने २०० क्रोशाभीनगमत् । (कोशार्ड =
१ मोल) ततश्च कवातावव्यप्रदत्ता ८००० मीलात् व्यवस्थितं नन्दननगरं
सप्तादेभिरवापेति कव्यताम् ।
- (४) (अ) विभुजस्य भुजी १५०३५ भास्मिः १३ लीलावतीस्यकिंया लम्कः कः ?
(क) भुजकोटी ५०५ कण्ठमानं किम् ?
- (५) चतुष्कणे शतेनाद्वै मूलं सर्वं सकलान्तरम् ।
अयुतं चेत्पृथक् तत्र वद मूलकलान्तरे ॥
अत्रोत्तरभिष्टकर्मणाऽपेक्षितम् ।
- (६) इष्टिकाया विस्तृतिदैव्योच्छ्रायाः ३, ५, १ (इयात्मकाः) दुर्गरक्षयै निर्मिता
हस्तसहस्रदैर्घ्या, तदद्वयविस्तारा, दशहस्तोच्छ्राया भित्तिः । अष्टिकानां का
संख्या ?
- (७) भूव्यासमानं १२६४८ मीलात्मकम् । तदा भुवः परिधिः, शेषफलं धनकलं
च किम् ?
- (८) वर्तुलमण्डले घटी (घडी) यन्त्रे षष्ठिभागाः । तदा सूनीभ्यां समकोगः कदा च
त्रिविभागात्मकः कोण उत्पद्यते सूनीदूर्घ्यं कदा लम्बाकारतः ?
सूचना—केऽपि सत् समाधेयाः । चतुर्थस्त्ववश्यं समाधेयः ।

सर्वविधपुस्तकप्राप्तिस्थानम्—

श्रीहरिकृष्णनिबन्धभवनम्,
बनारस सिटी ।